(40) 山岳トンネル掘削を対象とした地下水情報化施 エにおける流れの次元に起因する誤差の影響

久保田 恭行1・森 守正2・安田 亨3・西山 哲4

¹学生会員 岡山大学 環境理工学部 (〒700-8530 岡山県岡山市北区津島 1-1-1)
E-mail: p83r5rvb@s.okayama-u.ac.jp

²正会員 (株) 竹中土木 技術・生産本部 (〒136-8570 東京都江東区新砂 1-1-1) E-mail: mori-mo@takenaka-doboku.co.jp

³正会員 パシフィックコンサルタンツ(株) 技師長(〒101-8462 東京都千代田区神田錦町 3-22) ⁴正会員 岡山大学大学院 環境生命科学研究科(〒700-8530 岡山県岡山市北区津島中 1-1-1)

山岳トンネル工事に関する地下水問題として、大量湧水に伴う切羽崩壊や周辺環境への影響などが挙げられる.そのため、迅速かつ正確な湧水量予測が求められている.そこで、現場で得られた湧水量を即座に反映することが可能な地下水情報化施工の評価手法として、逐次型データ同化の一種である EnKF を取り入れた SDA-SWING 法が開発されている.データ同化においてシュミレーションモデルに各種誤差を含むものと仮定し、観測値を基に最適解を求める方法である.本研究では、SDA-SWING 法に含まれる各種誤差のうち、解析手法の違いに起因する誤差が、EnKF の処理にどの程度影響を及ぼすのかを検証をした.その結果、影響は限定的であり、SDA-SWING 法により地下水流動を迅速かつ正確に評価できる可能性があることを報告する.

Key Words: groundwater, tunnel excavation, SDA-SWING, EnKF

1. 目的

トンネル工事に関する地下水問題として、大量湧 水による切羽崩壊やトンネル排水処理、周辺環境面 への影響などが挙げられる.これらの問題を解決す るため、現場では迅速かつ正確な湧水量予測が求め られている. そこで, 簡素化したモデルを用いて逆 解析を可能とし、現場で得られた湧水量を即座に反 映することが可能な評価手法として, SWING(地 下水情報化施工)法が開発された¹⁾.しかし,一般 的に地下水の流れは地質構造の不均一性に依存する ので非常に複雑であり,一概に論ずるのは難しい問 題とされている. SWING 法ではシミュレーション モデルとして Dupuit の準一様流近似と降雨浸透率を 関連付けた Bear の式を採用しているが、厳密に鉛 直方向や奥行方向の流れを考慮しておらず、また地 盤を透水等方性と仮定しているなどある程度の誤差 の存在を許容した手法であった、そこで小木曽らは、 誤差を考慮した上で最適解を求める方法として逐次 型データ同化手法 (SDA:Sequential Data Assimilation) の一種であるアンサンブルカルマンフィルターを取 り入れた SDA-SWING 法を提案している²⁾.本研究 では、模擬トンネルを対象に 2 次元・3 次元流れを 考慮した解析手法を用いて、各種数値実験を行うこ とで, SDA-SWING 法に内包される解析手法の違い

に起因する誤差が, EnKF の処理においてどのよう な影響を及ぼすのかを検証した.

2. SDA-SWING 法

(1) SDA-SWING 法概要

SDA-SWING 法は,有限要素法を用いた複雑な3 次元解析モデルによる解析方法とは異なり,単位ス ライスボリュームを対象に簡素な井戸公式である Bear の式³を用いている.そのため,現場の実測値 を容易にフィードバックすることが可能である.施



図-1 SDA-SWING 法の実装手順

工時において図-1に示すように、実際に計測可能な 水収支変動量を基に、短時間に予測と検証を繰り返 しながら解析モデルの再構築を行うことにより、予 測と評価の精度を向上させる解析法である.

(2) SWINGの理論

SWING 法の詳細については、参考文献^{1), 2)}をご 参照いただきたい. 概略を述べると、対象トンネル を縦断方向に 10-25m 程度に区分し、この単位スラ イスの湧水量および水位低下範囲を Bear の式から 求める.そして、単位スライスの湧水量を縦断方向 に足し合わせることで、トンネル掘削に伴う坑口湧 水量を算出する手法である.各スライスには土質定 数が定められており、これを最適化することで掘削 方向のトンネル湧水量および周辺影響の将来予測を 行う.SWING 法の基本式を(1),(2)に示す.

$$R(t) = \left[k \frac{(H_o^2 - h_o^2)}{2\varepsilon} \left(1 - e^{-\frac{6\varepsilon t}{\lambda_e(H_o - h_o)}} \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$
(1)
$$q(t) = k \frac{(H_o^2 - h_o^2)}{2R}$$
(2)

k:透水係数, h:地下水位, ɛ:降雨浸透量 λe:間隙率, Ho:初期地下水位 ho:不透水性基盤からトンネル基盤までの距離

q:単位スライスボリュームのトンネル湧水量 R:単位スライスボリューム内の地下水位低下区間

(3) データ同化手法を組み込んだ SDA-SWING 法

SWING 法においては,坑口湧水量や周辺井戸水 位などの観測値を基に透水係数の最適化を実施する 必要がある.しかし,支配方程式として Dupuit の 準一様流を用いているため,二次元,三次元流れを 厳密に考慮した解析手法と比較すると解析手法の違 いや地質構造の不均一性に起因する誤差を持つ.そ の他にも,観測値を得る際に含まれている誤差や透 水係数自体のばらつきなどに起因する誤差が内包し ている.このように支配方程式の中に各種誤差が存 在する中で観測値を基に最適解を導出するため, SDA-SWING 法ではデータ同化手法の一種であるア ンサンブルカルマンフィルター(Ensemble Kalman Filter,以下 EnKF と称する)を採用している.EnKF の実装方法を以下に示す.

データ同化では、システムモデルと観測モデルを 連立させた式(3)、(4)に示すモデルを考える.この ような連立モデルを状態空間モデルという. ・システムモデル

 $x_t = f_t(x_{t-1}) + v_t$, $v_t \sim N(0, Q)$ (3) $v_t: システムノイズ, f:$ 状態モデルの時間更新 ・観測モデル

 $y_t = h_t(x_t) + w_t$, $w_t \sim N(0, R)$ (4) $w_t: 観測ノイズ, h_t: 観測演算子 (状態方程式)$

SDA-SWING 法により未知の状態空間モデルに対して観測値を用いて最適化を行う場合,状態変数べ

クトル x_i と観測変数ベクトル y_i それぞれにノイズ (v_i, w_i) が含まれるという仮定の下で観測値を再 現できる状態モデルの組み合わせを探すことになる. よって,状態モデルの時間更新 f は存在せず,シス テムノイズ v_i (のうち状態変数誤差:値の不確かさ) のみ含まれるものと仮定すると,システムモデルは 式(5)に示すようになる.

$$x_t = x_{t-1} + v_t \tag{5}$$

SDA-SWING 法における状態変数ベクトルは土質 定数であり透水係数 k, 間隙率 λ_e の二つである.ま た,観測変数ベクトルは坑口湧水量 Qである.ただ し,状態変数ベクトルのうち特に解析結果に大きな 影響を与える透水係数 kにのみシステムノイズ v_i を 与えるものとする.ここでQは各スライスあたりの 湧水量 q(t)の合計値 Σq_i であることに注意したい. また, EnKF では状態変数の確率分布がガウス分布 に近いほど精度面で有利になる.透水係数において は,その対数値がガウス分布に従うことが一般的に 知られており,従って透水係数の対数値に対してシ ステムノイズを与えるものとする.以上の事象を考 慮すると,SDA-SWING 法における状態空間モデル は,式(6),(7)の通りになる.

$$y_t = h_t(x_t) + w_t = \sum q_t(x_t) + w_t$$
 (7)

上記状態空間モデルに対し, 観測値が与えられた 段階で状態空間モデルを更新し, その上で最尤法に よりパラメータの推定を行う.

3. 解析手法

本研究では SDA-SWING 法における流れの次元の 違いに起因する誤差が, EnKF の処理による透水係 数の同定においてどのような影響を及ぼすのかを検 証するため,以下の3解析手法を用い比較する. (a) SWING法:準一様流 (水平)

(b) 2 次元 :二次元流れ(水平・鉛直)

(c) 3 次元 : 三次元流れ (水平・鉛直・奥行)

SWING 法の基本式である Bear の式は, Dupuit の 準一様流の式に降雨浸透率を関連付けた,トンネル 掘削に伴う影響圏の算定式である.従って,水平方 向の流速のみ考慮している.一方,(b)や(c)の手法 は鉛直あるいは奥行方向の流れを考慮した手法であ り,(a)~(c)それぞれの計算結果には解析手法の違 いによる誤差が内包されている.ここで,最も実現 象を再現できると予想される(c)の手法において透 水係数 k_i(状態変数)を一定値に定めて坑口湧水量 を算出し(a),(b)の観測ベクトルとして与えた場合 の各透水係数の逆計算問題に対して EnKF によるデ ータ同化を適用すると,観測ノイズwiおよびシステ



図-3 3次元 FEM 解析モデル (スライス1 掘削時)

ムノイズ wは存在しない.従って,逆計算された透水係数 k を観測演算子ごとに比較することで各解析 手法の違いによる影響を直接比較することが出来る.

(1) 二次元流れの考慮

鉛直方向を加えた二次元流れを考慮するには,2 次元浸透流解析を実施する必要がある.ただし,文 献⁴⁾において,Bearの式を二次元流れを考慮できる ように拡張した式(以下「西垣式」と称する)が提 案されており,本検証においては,この式を2次元 FEM 解析と同等として検証を行った.ここに,地 下水位低下区間長 *R*(*t*)は式(8)ライスボリュームの単 位時間・長さあたりの湧水量 *q*(*t*)は式(9)示される.

$$R(t) = 1. \ 22 \left[\left(\frac{k}{\varepsilon} \right)^{\frac{1}{2}} - 1 \right] H_o \left[1 - \left(\frac{h_o}{H_o} \right)^2 \right]$$
(8)

$$q(t) = \frac{0. \ 72H_o^{-1}k(H_o^2 - h_o^2) \left(\frac{k}{\varepsilon}\right)^{-0.35}}{\left[1 - e^{-\frac{6\varepsilon t}{\lambda_e(H_o - h_o)}}\right]^{\frac{1}{2}}}$$
(9)

式(8)(9)を用いて,既存の1次元浸透流の公式と 同様の方法でトンネル内の湧水量を求めた.

(2) 羽前方の地下水位低下を考慮した SWING 法

SWING 法ではスライス平面方向の地下水の流れ を考慮しているが、3次元流れを考慮するためには、 特に切羽前方の未掘削区間における地下水の流れを 考慮する必要がある.今、切羽前方の水位低下範囲 は平面方向と同等であると仮定すると、切羽前方の 各スライスに地下水位低下区間長 *R(t)*が発生するこ とになり、この範囲の湧水量を *q*tに加算する必要が ある.SWING 法においてこの手法を適用した場合、

表-1 トンネル物性値

項目	物性値
スライス間隔(m)	20
平均透水係数 k (m/s)	5×10-7
平均有効間隙率 λ_e	0.1
平均降雨浸透量 ε	5×10 ⁻⁸
平均地下水頭 (m)	150
不透水性基盤からトンネル下部間の距離(m)	10
掘削進捗(m/day)	2

水平方向と奥行方向の準二次元流れを模擬的に考慮 することになり,西垣式に適用すると鉛直,水平, 奥行方向の準三次元流れになる.

(3) 三次元浸透流解析

3(2)に示す方法は、一次元・二次元流れの公式を 基に二次元・三次元に拡張するものである反面、切 羽前方区間において先行して発生する水位低下の影 響や切羽後方(既施工区間)における地下水の回り 込みによる影響等を考慮することが出来ず、完全な 三次元流れを考慮している訳ではない.従って、別 途3次元 FEM 解析を実施し、検証を行う.図-3 に 解析モデルを示す.Bearの式の仮定に準拠して、ト ンネル直上にスライス単位で地上から井戸を掘削し た場合の井戸流量をトンネル掘削時の湧水量とした.

4. 解析条件

2,3において示した解析手法を用いて,掘削進 捗に伴いトンネルの坑口湧水量を求める数値実験を 行った.本研究では SDA-SWING 法における流れの 次元の違いに起因する誤差が,EnKFの処理による 透水係数の同定においてどのような影響を及ぼすの かを検証するものである.従って,最初に表-1に示 す物性値を用いて坑口湧水量の比較を行ったうえで, 三次元浸透流解析において予測される湧水量を基準 として他の各手法の透水係数を逆算し,解析手法の 違いによる誤差の比較を行った.なお,2(3)に示す 仮定に従い,有効間隙率 λ。は一定とした.

5. 解析結果

2,3において示した各解析手法で求めた掘削開始 日から50日目までの経過時間と湧水量の関係を図-4に、スライス1,2、5掘削における最大湧水量を *Q1,Q2,Q5*,Case5の*Q1,Q2,Q5*を基準とした逆算 透水係数 k1,k2,k5およびその常用対数値を表-2に 示す.スライス1については全てのケースにおいて 流れの次元が増えるに従って流量が増加する傾向を 示しているが、スライス2,5についてはCase5の湧 水量がCase1に近い結果となった.この原因を検証 するため、Case5におけるトンネル周辺の地下水位 低下範囲を図-5に、スライス1,2に着目した未掘 削区間の地下水位低下範囲を図-6に示す.これよ

解析step				スライス1			スライス2			スライス5		
Case	前方水位低下	構成式	解析次元	Q1 (m^3/d)	k ₁ (m∕s)	In (k1)	$Q_2 (m^3/d)$	k₂ (m∕s)	In (k ₂)	Q₅ (m^3/d)	k₅ (m∕s)	ln (k₅)
Case1	未考慮	SWING法	1次元	672.3	14.3×10 ⁽⁻⁷⁾	-5.84	876.0	5.09×10 [^] (-7)	-6.29	1253.4	3.57×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.45
Case2	考慮	SWING法	準2次元	911.4	7.15×10 [^] (-7)	-6.15	1151.4	2.98×10 [^] (-7)	-6.53	1583.9	2.45×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.61
Case3	未考慮	西垣式	2次元	964.8	6.44×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.19	1257.1	2.91×10 [^] (-7)	-6.54	1798.8	2.21×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.66
Case4	考慮	西垣式	準3次元	1294.8	4.25×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.37	1617.4	2.24×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.65	2201.2	1.82×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.74
Case5		三次元浸透流解析	3次元	1137.6	5.00×10 [^] (-7)	-6.30	883.4	5.00×10 ⁽⁻⁷⁾	-6.30	1059.5	5.00×10 [^] (-7)	-6.30

表-2 解析結果一覧





図-5 Case5 地下水位低下範囲 (スライス 10)



図-6 Case5未掘削区間地下水位低下範囲

り、スライス1掘削直前においては未掘削区間の水 位低下が生じていないのに対して、スライス2以降 の掘削では事前のスライス施工に伴い対象スライス に水位低下が発生しており、その影響で地下水位低 下範囲が大きくなり、その分掘削後の湧水量が小さ くなっているものと考えられる.3(2)の手法におい てはこの影響を考慮しておらず、その結果解析次元 が上がることによる流量増加との相互作用により、 スライス2以降では Case1 と Case5 の坑口湧水量が 近い値となったと考えられる.また表-2において, 逆算透水係数の対数値を Casel-Case5 の各手法につ いて比較した結果,スライス 1 における誤差は 0.6, スライス 2 以降は 0.4 程度となった.一般的に,透 水係数において一桁以下の差は非常に小さいもので あり, EnKF の処理を行うことを考えると,各解析 手法の違いに起因した誤差は掘削進捗に伴いすぐに 収束する程度のものであると言える.

6. まとめ

SDA-SWING 法に内包される解析手法の違いによる誤差は、二次元・三次元の流れを考慮した各解析 手法と比較して十分に小さく、観測値を基に EnKF の処理を行う場合、掘削初期に収束する程度である と言える.本研究において用いた仮想トンネルは1 種類であったが、土被りや透水係数を変えても同様 の見解が得られるのかを検証する必要がある.また、 仮想トンネルを用いた数値実験を行ったが、実トン ネルにおける検証が非常に重要である.今後、運用 実績を積み重ね、システムの改良を重ねることで解 析精度の向上に努めていく次第である.

参考文献

- 高橋健二,大西有三,安田亨,熊俊:山岳トンネル の地下水情報化施工簡易システム(SWING)の構築,土木学会地下空間シンポジウム論文・報告集, Vol.13, pp.147-150, 2008.
- 小木曽淳弥,小山倫史,高橋健二,安田亨,大西有 三:逐次型データ同化を用いた地下水情報化施工簡 易システム(SWING)の開発,土木学会論文集 F1 (トンネル工学)特集号, Vol.66, No.1, pp.9-15, 2012.
- Bear, J: Dynamics of Fluids in Porous Media, *Dover Publications Inc*, pp.403-423, 1972.
- 4) 西垣誠,小松満,入江彰,矢野耕一郎,太田拓郎: 山岳トンネル掘削時の地下水変動の簡易的予測と適 用性,土木学会論文集,No.778/Ⅲ-69, pp.125-137, 2004.
- 5) 樋口知之、上野玄太、中野慎也、中村和幸、吉田 亮:データ同化入門-次世代のシミュレーション技 術、pp.78-100、朝倉書店、2011.
- 6) Koyama, T., Kogiso, J., Takahashi, K., Yasuda, T., Ohnishi, Y.: Development of SWING method with sequential data assimilation (SDA-SWING) and its appli-cation to road tunnel construction, *Tunneling and Under-ground Space Technology*, Vol.28, pp.229-237, 2012.