

## マイコンを使ったラーメン解析

清水建設(株) 土木技術部 宮崎 徳次郎

### 梗概

マイコンの特長は、利用者が電卓を使うような気楽さで、コンピュータと対話しながら、プログラムの作成からデータの入力、処理結果のチェックと即時修正まで、一人でできる点にある。それも、今までの大型機にくらべ、高度の専門知識とか、操作技術など必要なく、だれでもが、容易に使いこなせる所にある<sup>1)</sup>。そうした点から、最近のマイコンの普及ぶりには、まことに、目を見はらせるものがある。

しかしながら、このマイコンにも、まだまだ多くの弱点があり、その最たるものは、主記憶装置(メイン・メモリ)の容量が、あまりに小さいことであろう。だが、この欠点も、今日のめざましい、コンピュータ技術の進歩発展ぶりから判断すると、やがて、解決されそうだ。

一方、ラーメン解析は、元数の多い連立方程式を解かねばならぬという宿命がある。つまり、大量のデータ処理という問題が、立ちはだかっている。ラーメンの節点は、一般に、水平と鉛直方向の変位( $u, v$ )と節点まわりの回転変位( $\theta$ )の3個の未知量をもつ。従って、 $n$ 個の節点を持つラーメンは、 $3n$ 個の未知数からなる連立方程式を解かねばならぬ。たとえば、わずか10節点のラーメンでも、その元数は30元となる。

筆者は、マイコンを使ってのラーメン解析に挑戦したのであるが、上に述べた、互いに対立する問題点を、充分認識した上、できるだけこれをカバーし、かつ、土木構造物で実際に出現する可能性のあるラーメン規模も考慮し、以下、本文に述べるような解決策を工夫した。詳細は本文にゆずり、ここでは、その概要を述べる。

1) まず、今迄やって来た考え方逆行した。すなわち、ラーメン解析を汎用化しないで、次のように、独立した3種類のシリーズ・プログラムに分割した。

第1シリーズ・プログラム：定形ラーメン解析プログラム

第2シリーズ・プログラム：異形ラーメン解析プログラム

第3シリーズ・プログラム：箱型ラーメン解析プログラム

2) 更に、上記のシリーズ・プログラムを、それぞれ、次のように3ステップに分離し、各ステップ・プログラムは、きめられた順序に従って、マイコンのメイン・メモリ上にLoadされたのち、逐次処理されて行く。

プログラム・ステップ 1：ラーメンの形状と構成する部材に関するデータを入力し、架構の剛性行列を作成するプログラム。

プログラム・ステップ 2：この剛性行列の逆行列(柔性行列)を計算するだけのプログラム。

プログラム・ステップ 3：荷重データを入力し、上記の柔性行列を使って、節点変位と部材応力を算定するプログラムであり、ここにラーメン解析を終了する。

3) ラーメン解析上の仮定事項として、ラーメンを構成する各部材の軸方向変形を無視した。次に、異形ラーメンの解析シリーズだけは別として、各節点変位のうち、鉛直変位( $v$ )を省略し、水平変位( $u$ )と回転変位( $\theta$ )の2個だけとした。これによって、連立方程式の未知数が $1/3$ だけ減小した。更に、支持点の変位は零であることに着目し、上の剛性行列のなかから、支持点に関する剛性要素を全部取り除き、逆行列を求めるための架構の剛性行列の縮小化をはかった。例えば、(図-1)に示すラーメンは、一般にいえば、剛性行列の元数は、 $25 \times 3 = 75$ 元であるが、上に述べた2つの減小策をとることにより、 $(25-5) \times 2 = 40$ 元となる。(約47%の減小)

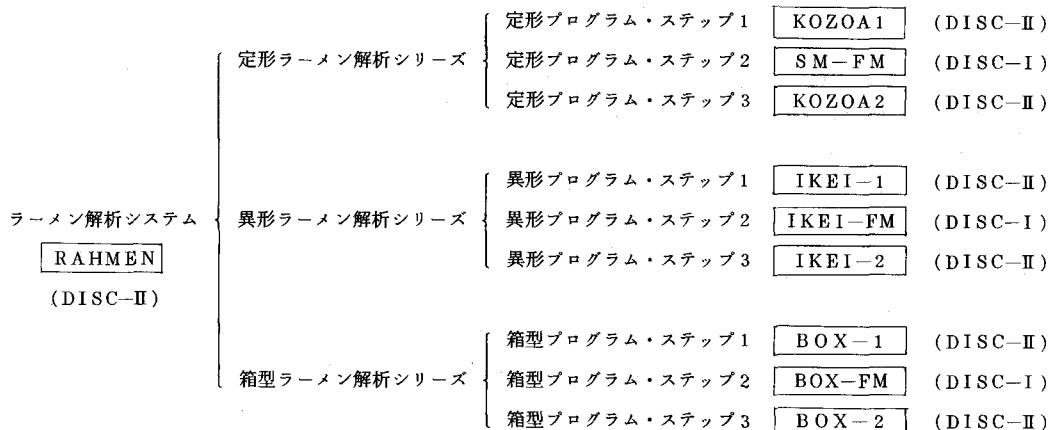
21	22	23	24	25
16	17	18	19	20
11	12	13	14	15
6	7	8	9	10
1	2	3	4	5

(図-1) 25節点をもつラーメン

## ラーメン解析システム

### (1) ラーメン解析システムの概要

(図-2)は、本ラーメン解析システムを体系的に表示したものである。



(図-2) ラーメン解析システム

(注) [ ] 内はプログラム名, ( ) 内はそのプログラムを格納したDISC番号

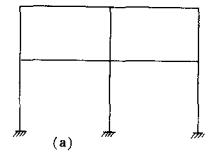
まず、上図にあらわされた「ラーメン解析シリーズ」について概略の説明をしておく。

**定形ラーメン**： 定形ラーメンとは(図-3)に見るように、柱材は鉛直、梁材は水平方向と限定したラーメンであり、また、柱脚はすべて固定とする。仮定事項により、材軸方向の変形を無視したから、定形ラーメンでは、節点変位は、水平変位( $u$ )と回転変位( $\theta$ )の2個だけであり、鉛直変位( $v$ )は考えない。これにより、変位に関する連立方程式の未知数の数は $1/3$ だけ減少し、マイコンの小容量のメイン・メモリでも、かなり規模の大きいラーメンが解けるようになった。これが、本システムの特長の第2となるものである。

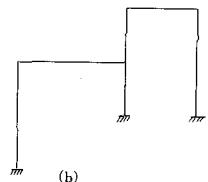
**箱型ラーメン**： 説明の便宜上、箱型ラーメンを次に述べる。箱型ラーメンも定形ラーメンと同じように、壁材は鉛直、天井版と底盤などは水平方向と限定した。また、材軸方向変形を無視したから、定形ラーメン同様、節点変位は $u$ と $\theta$ の2個だけである。ただ、定形ラーメンと異なる点は、支持点にある。(図-4)に見るよう、柱脚部で水平変位 $u = 0$ であるが、回転変位 $\theta$ の方は、底盤の剛性にも支配される未知量である。したがって、箱型ラーメンを解析するには、柱脚部の回転変位 $\theta$ を未知数として追加された剛性方程式を解くことになる。

**異形ラーメン**： このラーメンは(図-5)に示すようなラーメンであり、定形ラーメンと大いに異なり、柱・梁材とともに、それぞれ自由な方向をとり得る。また、(図-5, a)に見るよう、下層柱を取り扱ったラーメンも解けるし、部材端がピン接合の構造物も取り扱える。この異形ラーメンでも、材軸方向変形は無視したが、節点変位は、水平、鉛直および回転方向の変位( $u, v, \theta$ )の3個を考えねばならないから、異形ラーメン解析シリーズでは、あまり規模の大きいラーメンは解析できない。自由節点数で、せいぜい15節点位までであろう。なお、自由節点数とは、全節点数から支持点数を除いた残りの節点数をいう。

また、部材の軸方向変形を無視した解析法としては、材の断面積 $A$ を無限大とすればよいわけだが、コンピュ

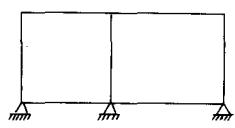


(a)



(b)

(図-3) 定形ラーメン



(図-4) 箱型ラーメン

ータには無限大という量はないから、このプログラムでは、 $EA=10 \times 10^6(t)$ とした。

筆者の使っているマイコンは、メイン・メモリの容量が64KBで、外部記憶装置としては280KBのミニ・フロッピー・ディスク（以後DISCと呼ぶことにする）を2台設備している。アクセス・タイムは平均300msである。本文では、このDISCに番号をつけ、DISC-I, DISC-IIと名付ける。この2枚のDISC内に（図-2）に示すように、ラーメン解析プログラムを格納したが、ここで特に留意していただきたいのは、DISC-Iに各シリーズ・プログラムの第2ステップとなる「逆行列」演算プログラムだけを格納したことである。この方法をとることにより、ラーメン解析計算処理の過程中、最も多量のデータを取り扱うプロセス部が、単独に行なわれるようになり、かなり規模の大きいラーメンも解けるようになった。筆者が処理した最大のものは、定形ラーメンで、自由節点数が20個（未知数40元の連立方程式となる）である。これが、このシステムの特長の第1となるものである。

## （2）ラーメン解析システムの処理形式

（図-2）に本システムの概要を示したが、ここでは、各解析シリーズ・プログラムに共通した処理形式を、定形ラーメンを例にとって、以下説明しよう。

### （a）プログラム・ステップ-1

定形ラーメンでは、プログラム“KOZOA1”である。このプログラムは、データを入力し、これから架構の剛性行列を作成する。剛性行列の作成法については、良書が沢山出ているので、ここでは省略する<sup>2,3</sup>。

入力データは、まず、ラーメンの形態に関するもので、節点数、支点数、支点番号および各節点の番号と座標である。次に、各部材に関するデータとして、部材番号、部材端番号および断面2次モーメントを入力する。それが終ると、以上の入力データを使って、まず、支点も含めた「全体剛性行列A(i,j)」を作成したのち、この行列から支点の剛性要素を除去した「縮小剛性行列A'(i,j)」を誘導する。なお、この「縮小剛性行列」は、他の入力データとともに、後続プログラムで使えるよう、一旦、DISC-I内に格納しておく。

### （b）プログラム・ステップ-2

定形ラーメンでは、プログラム“SM-FM”である。このプログラムは、ステップ1で作成した「縮小剛性行列A'(i,j)」の逆行列「柔性行列F(i,j)」を計算する。算法はGauss-Jordanの消去法を使っているが<sup>4</sup>、この方法だと、[A' · E] → [E · F]という処理をするため、格納データ数は、剛性行列A'の元数をNとすると、 $N \times 2N = 2N^2$ 個となる（例、N=30のときは1800個）。なお、計算の結果、得られる「柔性行列F(i,j)」は、次のプログラム・ステップ3で使うので、一旦、DISC-I内に格納しておく。

### （c）プログラム・ステップ-3

定形ラーメンでは、プログラム“KOZOA2”である。このプログラムは、荷重データを入力し、求める節点変位と部材応力を算定する。入力データとしては、荷重ケースの数と、各ケースについて、それぞれ、節点に作用する水平力と節点モーメント、および材端に作用する固定モーメントである。

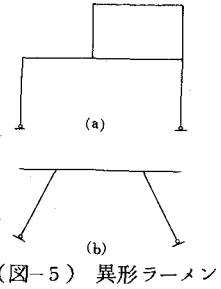
次は、この入力した荷重項P(j)と、ステップ2で作成した柔性行列F(i,j)から節点変位D(i)を次式のように計算する。  
$$D(i) = F(i,j) \cdot P(j)$$

節点変位D(i)がわかれば、部材応力S(i)、すなわち、材端曲げモーメントM(t·m)とせん断力Q(t)は

$$S(i) = A(i,j) \cdot D(j) \quad \text{から算出される。}$$

## （3）ステップ・プログラムの結合

これまで述べてきたように、本システムは、マイコンのメイン・メモリー過小をカバーするため、まず、定形、異形および箱型の3シリーズに分割し、次は、各シリーズ毎に、それぞれ、ステップ1、2および3と分離したのち、これらのプログラムを、逐次、メイン・メモリー上にLoadし、処理して行く方法をとっている。この場合、



（図-5）異形ラーメン

各ステップ・プログラム同志は、どのようにして、結合されているかについて、例を定形ラーメン解析シリーズにとり、説明しよう。

まず、プログラム "RAHMEN" を Load し run すると、ディスプレイ上に(図-6)の前半部のようなメッセージがでる。使用者は、質問に答えて、ここでは「1」をタイプすると、後半部のようなメッセージがでる。ここで、指示された通りにタイプすれば、メイン・メモリには新らしく、定形プログラム・ステップ1の"KOZOA1"がLoadされ、これから、いよいよ、このプログラムに沿って、ラーメン解析が始まる。そして一応計算処理が終ると、最後に(図-7)に示すメッセージが表示されて、プログラム・ステップ1は完了する。次は、このメッセージ通りにタイプすれば、次のプログラム・ステップ2の"SM-FM"の処理に移ることができる。このようにして、ステップ1とステップ2は結合されたわけである。次のステップ2とステップ3の結合も、全く同じ方法で行なわれる。

### 結語

(図-8)と(図-9)に、それぞれ、定形ラーメンの地震荷重応力図および異形ラーメンの常時等分布荷重応力図を示す。(図-10)は、プログラム・ステップ2の逆行列演算で、連立方程式の元数と演算処理時間(秒)との関係を示すグラフであり、(図-11)は定形ラーメンの解析で、自由節点数と解析に要した全時間(分)との関係を示したグラフである。以上2つのグラフを見て、すぐわかるのは、マイコンはメイン・メモリの容量が小さいため、処理可能なデータ量がすぐ限界に達するということのほかに、データ処理に要する時間にも、なにか限界がありそうだということである。

しかしながら、通常の土木構造物で自由節点数が20個を超すようなものは、案外くないと考えられるから、われわれが、日常業務で取り扱っているラーメン解析用として、本プログラムは、充分有用であると思われる。

### 参考文献

- 1) 古賀義亮 : 「マイクロ・コンピュータによる BASIC」  
(工学図書)
- 2) 小西一郎ほか : 「構造力学 第Ⅱ巻」  
(丸善)
- 3) 成岡昌夫ほか : 「土木工学のためのプログラミング FORTRAN」  
(培風館)
- 4) 戸川隼人 : 「詳解 数値計算演習」  
(共立出版)

