自動運転車と手動運転車の混雑への非対称性と 経路選択の違いを考慮した交通均衡配分

五藤 大貴1・三輪 富生2・森川 高行3

¹学生会員 名古屋大学大学院工学研究科土木工学専攻(〒464-8603名古屋市千種区不老町)
 E-mail: goto.daiki@h.mbox.nagoya-u.ac.jp

²正会員 名古屋大学准教授 未来材料・システム研究所 E-mail: miwa@nagoya-u.jp ³正会員 名古屋大学教授 未来社会創造機構

自動運転車は、反応速度に優れ、車車間通信や詳細な交通情報の把握が可能であるため、スムーズな交通を実現させ、道路容量を増加させる可能性がある.また自動運転は運転を行う必要がなく、ドライバーの時間価値も小さくなる.これらから、自動・手動運転車は道路ネットワークへの影響が異なり、経路の選択傾向も異なると考えられる.本研究では、自動・手動運転車のこれらの違いに着目し、混雑への影響の非対称性と経路選択の違いを考慮した交通均衡配分を行う.Wangら(2019)を参考に、自動運転車は確定的利用者均衡に基づいた配分を行い、手動運転車は交通情報の不確実性と経路間の相関を考慮した CNL モデルに従った経路選択を行うと仮定している.テストネットワークへの適用から、混雑の非対称性を考慮しない場合は配分結果にバイアスが生じることが示された.

Key Words: traffic equilibrium assignment, cross nested logit model, automated vehicles

1. はじめに

近年、日本経済を牽引する自動車業界では「CASE」 と呼ばれる世界的な技術の変革が起きようとしている. CASE とは Connected (つながる車), Autonomous (自動 運転), Shared (共有化), Electric (電動化)の頭文字 をとったものである¹⁾. CASE は 2016 年に独ダイムラー がパリモーターショーでの中長期戦略の中で提唱した造 語であり、「自動車メーカーがただ製造するだけにとど まらず、モビリティのサービスプロバイダへと変わる」 という戦略を示している. これにより、従来の完成車メ ーカーや部品メーカーだけでなく、巨大 IT 企業などの 様々な企業が技術開発を加速させている. そして、 CASE の一角である自動運転は、各国で自動運転車の実 証実験が実施され、市場規模もレベル3以上の自動運転 車は 2040 年には 4412 万台規模に成長することが見込ま れている².

我が国では、自動運転の早期実現に向けて官民一体と なって取り組んできた結果、世界で初めて自動運転レベ ル3の型式指定を取得した自動運転車(条件付自動運転 車)の市場化が実現されている.また、様々な地域で、 高齢者等の移動手段として限定領域下での無人自動運転 移動サービスの取り組みがすすめられており,普及を促 進する段階に移りつつある³.

自動運転車は、いくつかの点で手動運転車と異なるた め、将来の人々の移動を大きく変化させ、道路交通量も 変化する可能性がある. Shladover ら ⁴は、協調アダプテ ィブクルーズコントロール (CACC) が搭載された車両 が道路に50%や90%存在する時、各レーンの交通容量を それぞれ約 20%, 95% 増加させるとしている. また Tientrakoolら⁵は、すべての車両がセンサーと車車間通信 の両方を使用している場合は高速道路の容量は約3.7倍 に増加するとしている. また Van den らのは, 自動運転車 ユーザーは車内の時間が運転以外の他の活動に費やすこ とができるため、移動時間の価値(VOT)が低下する可 能性があると指摘している. その他にも, Fagnant and Kockelman⁷は、車の衝突の主要因の約 90%が人であり、 また重大事故の40%以上が飲酒,薬物等の人間の過失に 起因していることを指摘し、自動運転車はそれらを減ら すことができるとしている. さらに、自動運転が若年層 や高齢者、障がい者にモビリティを提供し、新しい交通 需要を生み出す可能性があるとしている.

本研究では、自動運転車が普及する将来の交通需要を 予測する方法が、交通計画において必要との考えのもと、 このような自動運転車と手動運転車の特性の違いを考慮 した交通量配分を行い、得られた知見を示す.表-1に示 すように,自動運転車は,手動運転車と比べて時間価値 が低く、交通情報に不確実性がなく確定的な経路選択を 行い、手動運転車と置き換わることで混雑を緩和する効 果があるとする.一方,手動運転車は,自動運転車より 時間価値が高く、交通情報の不確実性から確率的な経路 選択を行い、自動運転車のような混雑緩和の効果がない とした. 自動運転車と手動運転車が混在した状況下での 交通量配分法に関する研究には、Wangら®の研究があげ られるが、より詳細な分析が必要である. そこで本研究 では、Wang らのモデルを整理しつつ、自動運転車と手 動運転車の道路ネットワークに与える影響の差異が交通 量配分結果にどのように影響するかを分析する.

表-1 自動運転車と手動運転車の比較

	自動運転車	手動運転車
時間価値	低い	高い
経路選択	確定的	確率的
混雑緩和	あり	なし

2. 自動運転車と手動運転車の混在を考慮した交通 量配分モデル

ここでは、Wang ら⁸⁰の交通量配分法を説明する.**表**-1 で示したように、自動運転車の経路選択行動は確定的利 用者均衡配分により表現できるとする.また、手動運転 車の経路選択行動は CNL (Cross Nested Logit) モデルで表 現できるとする.このとき、求める交通量配分結果は変 分不等式を解くことで得られる.なお、これ以降では、 簡単のため手動運転車を HDV (Human-Driven Vehicle), 自動運転車を CAV (Connected and Autonomous Vehicle) と 呼ぶ.また、変数等で自動運転車を区別するために手動 運転車には添え字としてH,自動運転車にはAを割り当 てる、Zは車種を表しZ \in {H,A}である.例えば、HDV と CAV の ODペア集合は W_H, W_A と表記し、ODペア集合 は W_Z である.

CNLモデルの構造は図-1のように表すことができる. ネスト構造は、道路ネットワークを構成するリンクによって定義される.このとき、HDVのODペア集合 W_H に含まれるODペアwにおけるネストmの選択確率 $p^w(m)$ 、ネストmを選択したという条件のもとで経路kを選択する条件付き確率 $p^w(k|m)$ 、及び経路kの選択確率 $p^w(k)$ は式(1)のように表現できる⁹.



$$p^{w}(m) = \frac{1}{\sum_{b \in \Gamma_{H}} \left(\sum_{l \in R_{H}^{w}} \left[\alpha_{b,l}^{w} \exp(-\theta c_{l,H}^{w}) \right]^{1/\mu} \right)^{\mu}}$$
(1.a)
$$p^{w}(k|m) = \frac{\left(\alpha_{m,k}^{w} \exp(-\theta c_{k,H}^{w}) \right)^{1/\mu}}{\left(1.b \right)^{1/\mu}}$$
(1.b)

$$p^{w}(k|m) = \frac{1}{\sum_{l \in R_{H}^{w}} \left[\alpha_{m,l}^{w} \exp(-\theta c_{l,H}^{w}) \right]^{1/\mu}}$$
(1.0)

$$p^{w}(k) = \sum_{m} P(m) P(k|m)$$
(1.c)

$$\alpha_{m,k}^{w} = \frac{l_m}{l_k^{w}} \cdot \delta_{m,k}^{w} \tag{1.d}$$

ここに、OD ペアwにおいて、 R_{H}^{w} は HDV が利用可能な 経路集合、 $\alpha_{m,k}^{w}$ は経路kのネストmに対するアロケーシ ョンパラメータ、 $c_{k,H}^{w}$ は経路kの HDV が経験するコスト である.また、 Γ_{H} は HDV が利用できるリンク集合、 θ は経路選択に関する感度パラメータ、 μ はネスティング パラメータ、 l_{m} はリンクmの長さ、 l_{k}^{w} は OD ペアwの経 路kの長さであり、 $\delta_{m,k}^{w}$ は OD ペアwの経路kにリンクaが含まれるとき 1、そうでないとき 0 の変数である.

なお、 $0 < \mu \le 1$ であり、 $\mu = 1$ の時 CNL モデルは MNLモデルと等価になる.また、 $\mu \to 0$ の場合は上位レ ベル(リンク)では確率的に、下位(経路)レベルでは 確定的な経路選択に近づく.

Prashker and Bekhor¹⁰は CNL モデルを経路選択モデルとした確率的利用者均衡配分モデルを示した.しかし,ある交通流の走行時間に対して手動運転車の増加が及ぼす影響が相互に等しくない(つまり,リンクコスト関数が非対称である)場合は、リンクコスト関数に式(2)で示される関係があり、均衡状態を導く等価な数理最適化問題が存在しない¹¹).

$$\frac{\partial \bar{t}_{a}(v_{a,H}, v_{a,A})}{\partial v_{a,H}} \neq \frac{\partial \bar{t}_{a}(v_{a,H}, v_{a,A})}{\partial v_{a,A}}$$
(2)

ここに、 $v_{a,H} \ge v_{a,A}$ は、それぞれリンクaの HDV 及び CAV の交通量、 $\bar{t}_a(v_{a,H}, v_{a,A})$ はリンクaの旅行時間であ る.それゆえ、交通量配分に用いられることの多い Frank-Wolf法¹²や Evans法¹³は適応出来ず、均衡条件は相 補性問題で書かれるか、あるいは変分不等式や不動点問 題によらなければならない^{III}. 以降では,経路交通量の 変数とした変分不等式を定義する.

まず, HDV の経路選択確率を CNL モデルで表現する 場合,その均衡条件下では,ODペアwの経路kの一般化 コストは式(3)のようになる⁸.

$$C_{k,H}^{w} = c_{k,H}^{w} - \frac{\mu}{\theta} H_{k,H}^{w} + \frac{\mu}{\theta} \ln\left(\frac{f_{k,H}^{w}}{q_{H}^{w}}\right)$$
(3.a)

ここで,

$$H_{k,H}^{w} = ln \left[\sum_{m \in \Gamma_{H}} (\alpha_{m,l}^{w})^{\frac{1}{\mu}} \left(\sum_{l \in R_{H}^{w}} [\alpha_{m,l}^{w} \exp(-\theta c_{l,H}^{w})]^{1/\mu} \right)^{\mu-1} \right]$$
(3.b)

また, OD ペアwにおいて, $f_{k,H}^{w}$ は HDV の経路kの交通 量, q_{H}^{w} は HDV の OD 間交通量である.均衡状態では, 各 OD ペアで, HDV の全経路の一般化コスト $C_{k,H}^{w}$ が等し くなるような経路交通量 $f_{k,H}^{w^{*}}$ が実現する.この条件は式 (4)のように表現できる.

$$C_{k,H}^{w}(\mathbf{f}_{H}^{*}) = \tau_{H}^{w}, \forall w \in W_{H}, \forall k \in R_{H}^{w}$$
(4.a)

ここに、 \mathbf{f}_{H}^{*} は $f_{k,H}^{w^{*}}$ からなるベクトルであり、式(4.b)である.

$$\mathbf{f}_{H}^{*} = \left\{ f_{k,H}^{w^{*}}, \forall w \in W_{H}, \forall k \in R_{H}^{w} \right\}$$

$$\mathbf{f}_{H}^{*} \in \mathbf{\Omega}_{\mathbf{f}_{H}} = \left\{ \mathbf{f} | \Lambda_{H} \mathbf{f}_{H} = \mathbf{q}_{H}, \mathbf{f}_{H} \ge 0 \right\}$$
(4.b)

また、 Ω_{f_H} は f_H の実行可能領域、 Λ_H は HDV の OD ペア と経路交通量の接続行列、 q_H はOD交通量のベクトルで ある. このとき、 τ_H^w は f_H^* によって与えられる平衡状態 での一般化コストである.

Wie ら¹⁴及び Nagumey¹⁵に従って,式(4)の問題は以下 の変分不等式問題によって表現できる.

$$\sum_{w \in W_H} \sum_{k \in R_H^w} C_{k,H}^w \left(f_{k,H}^w - f_{k,H}^{w^*} \right) \ge 0$$
(5)

ここに, $\mathbf{f}_H, \mathbf{f}_H^* \in \Omega_{\mathbf{f}_H}$ である.

続いて、HDV と CAV が混合するマルチクラスの交通 量配分モデルについて説明する.リンク上では HDV と CAV は同一の旅行時間となるが、旅行時間はそれらの 構成比によって変化すると仮定する.この場合のリンク コスト関数は式(6)を表現する.

$$\bar{t}_a(v_{a,H}, v_{a,A}) = \frac{l_a}{s_a} \left[1 + \alpha \left(\frac{v_{a,H} + v_{a,A}}{Q_a} \right)^{\beta} \right], \forall a \in \Gamma_H$$
(6)

ここに、 s_a はリンクaの自由走行速度である. α および β は BPR 関数のパラメータであり、本研究では Wang ら[®]に従って、それぞれ1と4とした. また、 Q_a は交通容量であり、Levin and Boyles¹⁶を参考に、CAV の高い反応速度による交通容量増加を考慮して、以下のように計算する.

$$Q_{a} = \frac{1}{\frac{v_{a,H}}{v_{a,H} + v_{a,A}} \frac{1}{Q_{a,H}} + \frac{v_{a,A}}{v_{a,H} + v_{a,A}} \frac{1}{Q_{a,A}}}$$
(7)

ここに、 $Q_{a,H}, Q_{a,A}$ は交通流が HDV もしくは CAV のみ で構成されるの場合のリンクaの交通容量である.また、 その比を非対称性のパラメータASとし、式(8)のように 定義する.

$$Q_{a,A} = AS \cdot Q_{a,H} \tag{8}$$

また,前述のように,HDV と CAV の時間価値が異なる とし,車種zのリンクコストを式(9)のように計算する.

$$t_{a,z} = \bar{t}_a \left(v_{a,H}, v_{a,A} \right) \cdot VOT_z \tag{9}$$

続いて、CAVの均衡状態を定義する. CAVはHDVと 異なり、車両間通信やそのほかの通信により、CAV が 交通状況を完全に把握しているとし、最小移動コストの 経路を常に選択できるとする. このとき、均衡状態は同 一 OD ではコストが等しくなり、自動運転ユーザー内で は確定的利用者配分となる. またその時の CAV の一般 化コストは式(10)の条件(UE条件)を満たす必要がある.

$$C_{k,A}^{w} = c_{k,A}^{w} = \begin{cases} \tau_{A}^{w}, \text{ if } f_{k,A}^{w^{*}} > 0\\ \geq \tau_{A}^{w}, \text{ if } f_{k,A}^{w^{*}} = 0\\ \forall k \in R_{A}^{w}, \forall w \in W_{A} \end{cases}$$
(10)

ここで,

$$\mathbf{f}_A^* \in \mathbf{\Omega}_{\mathbf{f}_A} = \{\mathbf{f} | \Lambda_A \mathbf{f}_A = \mathbf{q}_A, \mathbf{f}_A \ge 0\}$$

式(4),式(10)に示された条件より,経路交通量($\mathbf{f}_{H}^{*}, \mathbf{f}_{A}^{*}$)が,式(11)の変分不等式問題を満たす場合にのみ,HDVは CNL モデルであらわされる確率的利用者均衡状態,CAV は確定的利用者均衡平衡状態となる[®].

$$\sum_{\substack{w \in W_{H}}} \sum_{\substack{k \in R_{H}^{w}}} C_{k,H}^{w}(\mathbf{f}_{H}^{*}, \mathbf{f}_{A}^{*}) \left(f_{k,H}^{w} - f_{k,H}^{w^{*}}\right) + \sum_{\substack{w \in W_{A}}} \sum_{\substack{k \in R_{A}^{w}}} C_{k,A}^{w}(\mathbf{f}_{H}^{*}, \mathbf{f}_{A}^{*}) \left(f_{k,A}^{w} - f_{k,A}^{w^{*}}\right) \ge 0$$
(11)

ここで,

$$\begin{bmatrix} \mathbf{f}_{H}, \mathbf{f}_{A} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \mathbf{f}_{H}^{*}, \mathbf{f}_{A}^{*} \end{bmatrix} \in \mathbf{\Omega}_{\mathbf{f}}$$
$$= \{ \begin{bmatrix} \mathbf{f}_{H}, \mathbf{f}_{A} \end{bmatrix} | \Lambda_{H} \mathbf{f}_{H} = \mathbf{q}_{H}, \Lambda_{A} \mathbf{f}_{A} = \mathbf{q}_{A}, \mathbf{f}_{H} \ge 0, \mathbf{f}_{A} \ge 0 \}$$

なお,式(11)は少なくとも一つの解を有し,また非対称 性に起因する複数の局所的な解を持つ場合がある¹⁷.

3. 配分アルゴリズム

本研究では式(11)の変分不等式問題を解くアルゴリズ ムに Hunag and Lam¹⁸⁾の Projected Route-Swapping (PRS) ア ルゴリズム及び Wang ら⁸の RSRS-MSRA (Rivised Smith's route-Swapping-Modified the Self-Regulated Average) アルゴリ ズム用いる. PRS アルゴリズムは,最小コストを持つ経 路に他のすべての経路が交通量を移すものであり, Huang and Lam^{19)や} Szeto and Lo²⁰, Ramadurai and Ukkausuri²¹⁾ といった変分不動式問題を用いた交通量配分モデルに使 用されてきた. PRS アルゴリズムの主なフローは以下の 通りである.

Step1:初期経路交通量($\mathbf{f}_{n,H}, \mathbf{f}_{n,A}$)を与え, n = 1とする.

Step2:経路交通量f_{n,H}, f_{n,A}に応じて一般化経路コストの 更新する.また CAV と HDV の両方について,各 OD ペアの最小一般化コストとそれに対応する経 路を取得する.

$$C_{z,min}^{w} = \min\{C_{k,z}^{w}(\mathbf{f}_{n,H}, \mathbf{f}_{n,A}): k \in R_{z}^{w}\}, \\ \tilde{R}_{z}^{w} = \{k | C_{k,z}^{w}(n) = C_{z,min}^{w}: k \in R_{z}^{w}\}, z \in \{HDV, CAV\} \\ \text{ここに, } C_{z,min}^{w} \text{id OD} ~ \mathcal{T}_{w} \text{ic } \text{strong } \pi_{z} \text{or } \text{b} \text{o} \text{h} \text{o} \text{m} \text{c} \text{o} \text{c} \text{strong } \pi_{z} \text{o} \text{c} \text{strong } \pi_{z} \text{o} \text{str$$

Step3:経路交通量の更新する. CAV と HDV の両方につ いて, n + 1の経路交通量f_{n+1,H}, f_{n+1,A}を式(12)に より得る.

$$f_{k,z}^{w}(n+1) = f_{k,z}^{w}(n) -\beta_{n}f_{k,z}^{w}(n)[C_{k,z}^{w} - C_{z,min}^{w}],$$

$$for \ k \in R_{z}^{w} \setminus \tilde{R}_{z}^{w}, z \in \{HDV, CAV\}$$

$$f_{k,z}^{w}(n+1) = f_{k,z}^{w}(n) + \frac{\sum_{i \in R_{z}^{w} \setminus \tilde{R}_{z}^{w}} \beta_{n}f_{i,z}^{w}(n)[C_{i,z}^{w} - C_{z,min}^{w}]}{|\tilde{R}_{z}^{w}|},$$

$$for \ k \in \tilde{R}_{z}^{w}, z \in \{HDV, CAV\}$$

$$(12)$$

ここに、 $k \in R_z^w \setminus R_z^w$ は最小一般化コストを持つ 経路集合 \tilde{R}_z^w に含まれない経路であり、 β_n はステ ップサイズを表すパラメータである.

Step4:新たな経路交通量 $\mathbf{f}_{n+1,H}$, $\mathbf{f}_{n+1,A}$ が収束条件を満た していれば終了.収束条件は例えば,経路交通 量 $\mathbf{f}_{n+1} \ge \mathbf{f}_n$ が一定以下の差である等が考えられ る.満たしていなければn = n + 1としてStep2へ.

このPRSアルゴリズムでは、最小一般化コストを持つ 経路に他のすべての経路から交通量を移すため、最小一 般化コストの経路交通量が一時的に過大になる可能性が ある.このため、経路交通量fが解に近い場合ほど、収 束の速度が下がるという欠点がある.

Wang ら⁸は, Smith²⁰が開発した Route-Swapping (RS) モデルを HDV と CAV のマルチクラスの交通に適用でき るよう拡張し, PRS アルゴリズムより早く収束する RSRS アルゴリズムを提案した. RSRS アルゴリズムは, 最小コストを持つ経路だけではなく, 最小コストに近い コストを持つ経路にも交通量を移す点で PRS と異なる. RSRS アルゴリズムの主なフローは以下の通りである.

Step1:OD 交通量を均一に割り当て、初期経路交通量
$$(\mathbf{f}_{n,\mathrm{H}},\mathbf{f}_{n,\mathrm{A}})$$
とする. $n = 1$ とする.

Step2:降下方向を検出する $\Phi(\mathbf{f}_n)$ を計算する.

Step3: Step2 で計算された $\Phi(\mathbf{f}_n)$ によって、以下のよう に経路交通量の更新する.

$$\mathbf{f}_{n+1} = \mathbf{f}_n + \beta_n \mathbf{\Phi}(\mathbf{f}_n) = \begin{bmatrix} \mathbf{f}_{n,H} \\ \mathbf{f}_{n,A} \end{bmatrix} + \beta_n \begin{bmatrix} \mathbf{\Phi}_H(\mathbf{f}_n) \\ \mathbf{\Phi}_A(\mathbf{f}_n) \end{bmatrix}$$
(13)

Step4:新たな経路交通量f_{n+1}が収束条件を満たしてい れば終了.満たしていなければn = n + 1として Step2 へ.

さらに、Wang ら⁸⁰は、Liu ら²³⁾が開発した the self-regulated average method(SRA 法)を修正し、RSRS-MSRA ア ルゴリズムを提案している. SPA 法は現ステップでの反 復計算と前ステップでの反復計算の両方の情報を使用し て、ステップサイズ β_n を以下のように修正する.

$$\beta_n = \frac{1}{h_n} \cdot \frac{1}{\chi_n} \tag{13.a}$$

ここで,

$$\chi_n = \begin{cases} 2; & \text{if } n = 1\\ \chi_{n-1} + Y_1; & \text{if } \mathbf{\Phi}(\mathbf{f}_n) \ge \mathbf{\Phi}(\mathbf{f}_{n-1}) \text{ and } n \ge 2\\ \chi_{n-1} + Y_2; & \text{if } \mathbf{\Phi}(\mathbf{f}_n) \le \mathbf{\Phi}(\mathbf{f}_{n-1}) \text{ and } n \ge 2 \end{cases}$$
(13.b)
$$h_n = \max\left(h_{i,z}^w(n)|h_{i,z}^w(n) = \sum_{\substack{j \in R_x^w \setminus i\\ j \in R_x^w, \forall w \in W_z, \forall w \in \{HDV, CAV\}}} \left(C_{g,z}^w(\mathbf{f}_n) - C_{i,z}^w(\mathbf{f}_n)\right)_+\right),$$

 $Y_1 \ge Y_2$ は事前に決定する値で $Y_1 > 1; Y_2 \in (0,1)$ である とされている[®].

また, 収束の度合いを示す関数を, Wang ら⁸は式(14) のように定義した.

$$G = \frac{b}{a}$$
(14.a)

$$z = \sum_{\substack{w \in W_H \\ w \in W_H}} \sum_{\substack{k \in R_H^w \\ w \in W_H}} f_{k,H}^w C_{k,H}^w + \sum_{\substack{w \in W_A \\ w \in W_A}} \sum_{\substack{k \in R_A^w \\ k \in R_A^w}} f_{k,A}^w C_{k,A}^w$$
(14.b)

$$b = \sum_{w \in W_{H}} \sum_{k \in R_{H}^{w}} f_{k,H}^{w} (C_{k,H}^{w} - C_{min,H}^{w}) + \sum_{w \in W_{A}} \sum_{k \in R_{A}^{w}} f_{k,A}^{w} (C_{k,A}^{w} - C_{min,A}^{w})$$
(14.c)

HDVの一般化コストC^w_{k,H}は,式(3.a)の第2,および第3項 によりの負値をとる可能性があり,その場合はGがマイ ナスになってしまう. またaが0に十分に近づくとGが 無限に発散してしまう. そのため,本研究ではGの分子 aを以下のように定義した.



4. 分析と考察

(1) テストネットワークと諸条件

本研究の分析に用いる基本ネットワークを図-2に示す. 長さが 1kmのリンクで構成される格子状ネットワークで ある. これらのリンクは HDV 及び CAV の双方で利用可 能であるとする. また,非対称性のパラメータASは2と し,交通流が HDV もしくは CAV のみで構成される場合 の交通容量である $Q_{a,H}, Q_{a,A}$ は,それぞれ 25 台と 50 台と した. また,自由走行速度は 40kmh とする. OD は左上 のノードを起点,右下のノードを終点とする. OD 間交 通量は,HDV, CAV ともに 50 台とする(CAV シェア 50%).また HDV, CAV ともに遠回りしない全経路が 利用可能である.時間価値は、 $VOT_H = 1.0, VOT_A =$ 0.5とし,HDV の経路選択に関する感度パラメータ θ 及 びネスティングパラメータ μ はいずれも0.5に設定した.



(2) 基本ネットワークにおける配分結果の分析

ここでは RSRS-MSRA アルゴリズムを用いた.ステッ プサイズ χ_n を決定する $\mathbf{Y} = \{Y_1, Y_2\}$ は Wang⁸らを参考に $\mathbf{Y} = \{2, 0.01\}$ とした.また収束条件を $G \le 1.0 \times 10^{-6}$ と した.配分結果を図-3に示す.

図-3の上段が非対称性を考慮する場合(AS = 2), 下段が考慮しない場合(AS = 1)の結果である.各図 中の数値は各項目のタイトルの通りであるが、「c.合計 交通量」は「aCAV交通量」と「b.HDV交通量」のリン ク交通量を足し合わせた交通量である.また、「d.合成 交通容量」は、式(6)の Q_a であり、上段の非対称性を考 慮する場合は、式(7)、(8)から計算される値である.一 方、下段の非対称性を考慮しない場合は HDV のみの場 合の交通容量と一致する.また、「e.混雑度」は、「d 合成交通容量」に対する「c.合計交通量」の比であり、 BPR 関数である式(6)のカッコ内の混雑度である.また、 図中の色の凡例を図-4に示す.

	a. HDV交通量	b. CAV交通量	c. 合計交通量	e. 混雑度		
	25台~	25台~	50台~	1~		
D /81	1254	1254	25-4	0.5		
ノーレ 17・リ	12.5 🖻	12.5 🖂	23日	0.5		
	0台	0台	0台	0		

図-4 配分結果図の凡例

図-3.e より、非対称性を考慮したことで、ネットワーク全体の混雑度が低減されることが分かる。各リンクの CAV の配分量も非対称性の考慮する場合としない場合 ではやや異なり、HDV の交通量ががやや少ない経路を 多く走行する.これにより、非対称性を考慮しない場合 では、計画段階で交通量を誤る可能性がある.なお、 HDV の交通量が外縁部のリンクでやや少なくなる理由

	a. HDV交通量	b. CAV交通量	c. 合計交通量	d. 合成交通容量	e. 混雑度
非対称性考慮	25.0 11.2 3.5 8 11.2 2 3.5 8 12.2 12 2 13.8 13.8 7.7 2 13.8 13.8 7.7 2 7.7 13.8 13.8 13.8 2.7 13.8 13.8 3 3.5 11.2 25.0 2	25.0 Image: state st	000 0 29.2 16.7 00 00 92.2 16.7 00 00 92.2 92.1 00 00 92.2 92.1 00 00.8 00.8 92.2 00.8 00.8 00.8 12.6 00 02.8 00.8 00.8 12.6 02.8 00.8 00.8 12.6 02.8 00.8 00.8 12.6 02.8 00.8 00.8 10.7 02.2 00.8 00.8	33.3 36.1 41.2 E 00 11 11 30.0 30.0 31.1 11 19 0 00 00 11 714 11 000 000 11 11 10 000 100 100 11 10 000 100 100 11 11 10 000 100 11 10 000 100 100 11 10 000 100 100 11 10 100 30.00 100 11 10 100 100 100 11 10 100 100 100 11 10 100 100 100 11 10 100 100 100 11 10 100 100 100 11 10 100 100 100 11 10 100 100 100	1.50 0 0.81 0 0.40 0 0 0 0 0 0 0 0.60 0 0 0 0 0 0 0.60 0 0 0 0 0 0 0 0.60 0 0.60 0 0 0 0 0 0.60 0 0.60 0 0 0 0 0 0.60 0 0.60 0 0 0 0 0 0.60 0 0.60 0 0 0 0 0 0.60 0 0.60 0 0 0 0 0 0 0.60 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.60 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
非対称性非考慮	250 11.2 3.5 8 11.2 3.5 8 12 2 13.8 13.8 7.7 13.8 13.8 7.7 13.8 13.8 7.7 13.8 13.8 13.8 271 13.8 13.8 3.5 13.8 13.8	25.0 I 15.8 I 9.9 2 0 15.8 I 9.9 2 0 <th0< th=""> <</th0<>	500 27.0 13.5 8 23.0 9 9 9 9 23.0 23.0 13.5 9 9 9 9 13.5 8 23.0 13.5 9 13.5 9 13.5 8 23.0 13.5 9 13.5 9 13.5 9 23.0 13.5 9 13.5 9 13.5 9 13.5 9 13.5 9 13.5 9 13.5 14<	25.0 25.0 25.0 25.0 0.9 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 25.0 25.0 0.92 0.92 0.92 25.0 25.0 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 0.92 25.0 0.92 0.92 0.92 25.0 25.0 25.0 25.0	2.00 M 1.08 0.54 00 <td< th=""></td<>

図-3 基本ネットワーク配分結果

は、外縁部は多くの経路が重ならないためであると考えられる.

(3) バイパスネットワークにおける配分結果の分析

基本ネットワークにバイパスを追加した場合の配分を 行う.図-5の黄色のリンクが追加されたバイパス道路を 表す.黄色のバイパスリンクは HDV 及び CAV の双方に おいて利用可能であるとする.バイパスリンクの非対称 性のパラメータASも2とし,HDV 及び CAV のみの場合 の交通容量 $Q_{a,H}, Q_{a,A}$ は,それぞれ 50 台と 100 台とし, 自由走行速度は 80kmh とする.また基本ネットワーク と同様の条件で RSRS アルゴリズムを用いた.配分結果 を図-6 に示す.バイパスリンクの配分結果は,各図の下 部にある横長の色で示している.



図-5 バイパスネットワーク

非対称性を考慮する場合としない場合で、基本ネット ワーク上の交通量はほぼ同じであるが、バイパスの混雑 度が大きく異なる結果となった.これは、CAVの交通 量が全てバイパスに流れたためである.非対称性を考慮 した場合の混雑度は交通容量の半分程度(55.7台/90.8台) に対して、考慮しない場合では容量を超える(55.6台/50 台)と算出され,混雑度を過剰に見積もってしまう.そのため,サービスレベルの高い道路は CAV が多く通行 するため,非対称性を考慮しない場合は,必要以上の交 通容量を設定しないように注意が必要である.

HDV と CAV の, バイパス経路のコストとその他の経路の平均コストを表-2 に示す. CAV がバイパスに多く配分されるのは, CAV は最短経路を常に把握しているためである.一方で, HDV は明らかな最短経路が存在している場合でも,情報の不確実性を考慮した確率的な経路選択により,それ以外の経路にも配分される.このため,配分結果においてはバイパスリンクを CAV が占有するような状況が起こる.その他のリンクでも,最短経路があれば CAV は確定的に利用するため混雑が増加し,その結果 HDV はさらに多様な経路へとばらつくことになる.

		交通量	時間 コスト	総 コスト
HDV	バイパス	5.5	0.061	-2.17
	その他平均	2.2	0.185	-2.17
CAV	バイパス	50.0	0.031	0.031
	その他平均	0.0	0.092	0.092

表-2 バイパスネットワークの詳細

(3) 幹線道路ネットワークにおける配分結果の分析

基本ネットワークの一部のリンクを幹線道路とした場合の配分を行う.図-7に黄色で示した外延部のリンクを HDV及びCAVの双方に利用可能な幹線道路とする.幹線道路リンクの非対称性のパラメータASは2,HDV及びCAVのみの場合の交通容量 $Q_{a,H}, Q_{a,A}$ は、それぞれ40台と80台とし、自由走行速度は60kmhとする.また、

	a. HDV交通量	b. CAV交通量	c. 合計交通量	d. 合成交通容量	e. 混雑度
非	22.2 10.0 3.2 N N N N	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	22.2 10.0 3.2 N N N N	25.0 2 5.0 2 5.0 2 5.0	0.89 0.40 0.13
灯	12.3 12.3 6.8		12.3 12.3 6.8	N N N N 25.0 25.0 25.0 25.0	6 0.49 0.49 0.27
性	10.0 12.3 12.3 12.3 10.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	0.01 12.3 15.3 10.0	0.92	0.40
考慮	6.8 12.3 12.3 6.8 6.8 6.8 6.8 6.8 6.8 6.8 6.8	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	22 2 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0	0.13 0.13 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49
1/153	3.2 10.0 22.2	0.0 0.0 0.0	3.2 10.0 22.2	25.0 25.0 25.0	0.13 0.40 0.89
	5.5	50.0	55.5	90.9	0.61
非			22.3 10.0 3.2	25.0 2 5.0 2 5.0 2 5.0	0.89 0.40 0.13
対称	12.3 12.3 6.8		N N G H 12.3 12.3 6.8	Ki Ki Ki 25.0 25.0 25.0	0.49 0.49 0.27
性	10.0 12.3 12.3 12.3	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	10.0 12.3 12.3 12.3	25.0 25.0 25.0	0.40
非	6.8 12.3 12.3	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	6.8 12.3 12.3	25.0 2 5.0 2 5.0	0.27 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49 0.49
考慮	3.2 10.0 22.3		M G H N 3.2 10.0 22.3	N N N N 25.0 25.0 25.0 25.0	0.13 0.40 0.89
	5.4	50.0	55.4	50.0	1.11

図-6 バイパスネットワーク配分結果

基本ネットワークと同様の条件で RSRS アルゴリズムを 用いた. 配分結果は図-8 である.



図-7 幹線道路ネットワーク

図-8.b の CAV 交通量から,幹線道路を走り続ける CAV は非対称性を考慮した場合に 98%,考慮しない場 合では 61%と大きく異なる. 混雑度に大きな差異はない が,幹線道路の交通量を非対称性を考慮しない場合は過 小にされている.また,幹線道路以外を走行する CAV は非対称性を考慮する場合は 0 に近いが,考慮しない場 合は約 4 割が走行する.このことから,新規工事・拡張 の時に CAV 向けの設備等がある場合に,設置の優先順 位を見誤る可能性があると言える.なお,図-8.a におい て HDV の交通量が幹線道路に影響を受けていないのは, 一般化コストにおいてエントロピー項の影響が大きいた めである.

(4) PRS アルゴリズムと RSRS-MSRA アルゴリズムの分析

最後に、PRS アルゴリズムと RSRS アルゴリズムの分析を行う. 図-7 に示したネットワークを使用し、OD 交通量や収束条件等は(3)と同様とする. 初期解は、どちらのアルゴリズムでも、OD 交通量を経路数で除したものを各経路に与えた. また、 $n = 10^5$ を最大イタレーション回数とし、収束条件を満たさなくても計算を終了さ

せた.

a) PRS アルゴリズム

アルゴリズムのステップサイズ β_n^{PRS} には Huang and Lam¹⁶らにより提案された以下の式を用いる.

$$\beta_n^{PRS} = e^1 \times \frac{1}{\left[\frac{n}{e^2} + 1\right]}$$

ここに, [·]はガウス記号である.

 e^{1} 及び e^{2} を変化させた時の PRS アルゴリズムのによる G 値(式(14))を表-3 に示す.表中の×が記載された箇所は収束条件を満たさなかったケースであり,破線下のカッコ内に示した数値は最大イタレーション回数時($n = 10^{5}$)での G 値である. 〇が記載された箇所は収束条件を満たしたケースであり,破線下の数値は収束条件を満たした時のイタレーション回数である. NA は計算途中に実行可能解以外のフローが生成される等,計算が不可能になったことを示す.

表-3	PRS	アルゴリ	ズムの結果
-----	-----	------	-------

e^2 e^1	1	10	10 ²	10 ³	10 ⁴	10 ⁵
0.5	× (1.8E-02)	NA	NA	NA	NA	NA
0.3	× (2.5E-02)	× (3.5E-03)	NA	NA	NA	NA
	×	×	×	×	0	0
0.2	(2.9E-02)	(5.7E-03)	(3.2E-04)	(3.4E-06)	7485	7485
	×	×	×	×	0	0
0.1	(3.9E-02)	(1.1E-02)	(9.6E-04)	(2.9E-05)	18904	14468
	×	×	×	×	0	0
0.05	(5.5E-02)	(1.9E-02)	(2.5E-03)	(1.2E-04)	96010	28905
0.01	×	×	×	×	×	×
0.01	(1.3.E-01)	(4.2.E-02)	(1.4.E-02)	(1.6.E-03)	(9.5.E-05)	(3.9.E-06)

	a. HDV交通量	b. CAV交通量	c. 合計交通量	d. 合成交通容量	e. 混雑度
非対称性考慮	250 11.2 3.6 8 11.2 9.6 13.8 13.8 7.7 13.8 13.8 7.7 7.7 8.6 8.7 7.7 8.8 8.7 8 13.8 13.8 9 92 8.8 3.6 11.2 25.0	1.0 1.0 0.0 0.7 0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.3 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	26.1 12.3 4.3 82 82 08 9 13.8 13.8 80 9 7.6 13.8 13.8 13.8 92 13.8 13.8 13.8 92 82 82 82 92 13.8 13.8 13.8 92 92 82 12.3 92 92 82 12.3 92 92 82 12.3	25.5 26.1 27.2 8 25.5 26.1 27.2 8 25.0 25.0 25.5 25.0 25.0 25.5 25.5 10 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 6 7.4.9 67.4 59.8	1.02 0.47 0.16 92 0.55 0 0.31 0.55 0 0.55 0 0.47 0.05 0 0.55 0 0.31 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0.55 0 0.55 0.05 0 0 0 0 0.05 0 0 0 0
非対称性非考	25.0 11.2 3.5 8 11.2 5.6 8 11.2 5.7 13.8 13.8 7.7 13.8 13.8 7.7 7.7 13.8 13.8 9 12.2 88 13.8 13.8 13.8	11.0 8.8 6.4 22 22 8.8 6.4 6.2 4.2 2.3 72 74 74 88 2.2 4.2 2.2 88 2.2 4.2 2.2 90 2.2 4.2 2.2 90 2.2 4.2 2.2 90	36.0 20.0 10.0 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 10.0 9 9 9 9 9 10.0 9 9 9 9 9 9 9 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 10.0 9 9 9 10.0 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	25.0 25.0 25.0 25.0 25.0 900 25.0 25.0 25.0 25.0 900	1.44 0.80 0.40 9 90 070 040 0.80 0.72 0.40 070 0.80 0.72 0.40 080 0.39 0.72 0.40 080 8 66 700 0.40 100
慮	3.5 11.2 25.0	30.7 32.9 39.0	34.2 44.1 64.0	40.0 40.0 40.0	0.86 1.10 1.60

図-8 幹線道路ネットワーク配分結果

なお, $e^2 = 1$ の場合は, $\beta_n^{PRS} = e^1 \times \frac{1}{n+1}$ であり,

 $e^2 = 10^5$ までは、 $\beta_n^{PRS} = e^1$ と定数になる.計算に用いたネットワークでは、収束計算を通じてステップサイズが定数 ($e^2 = 10^5$)の場合が、計算効率に優れた結果となった.さらに、 $e^1 = 0.2$ とし、 $n = 3 \times 10^5$ まで計算した場合においても、表4に示すようにステップサイズが定数である場合が最も収束した結果となった.

表-4 $e^1 = 0.2$ とし、 $n = 3 \times 10^5$ まで計算した場合のG 値

	,			
e ²	0.5	1.0	1.5	3.0
<i>e</i> ¹	$ imes 10^5$	$\times 10^5$	$ imes 10^5$	$\times 10^{5}$
0.2	1.96E-09	1.62E-10	2.94E-11	1.37E-12

b) RSRS-MSRA アルゴリズム

RSRS-MSRA アルゴリズムのステップサイズ χ_n を決定 する Y = { Y_1, Y_2 }を変化させた時の G 値が表-5 である. また,表-5 中の表記法は表-4 と同様である.表-5 から RSRS-MSRA アルゴリズムは幅広い Y においてイタレー ション回数 n が 2 万以下で収束し,安定して計算効率が 良いため,パラメータの調整が容易であると言える.ま た,既往研究では $Y_1 > 1$ であるとされていたが⁸,ある 程度小さな値の場合でも収束することが確認された.

Y_2 Y_1	10 ⁻¹	10 ⁻²	10^{-4}	10 ⁻⁶	10 ⁻⁸	10 ⁻¹⁰
0.01	NA	NA	NA	NA	NA	NA
0.1	×	0	0	0	0	0
0.1	(8.0E-05)	13269	12591	12569	12585	12598
	×	0	0	0	0	0
2	(1.1E-04)	13413	12828	12835	12835	12835
10	×	0	0	0	0	0
10	(1.2E-04)	14096	13095	13085	13082	13081
10	(1.2E-04) ×	14096	13095 〇	13085	13082	13081
10	(1.2E-04) × (4.2E-04)	14096 〇 28967	13095 〇 19920	13085 〇 19890	13082 〇 19881	13081 〇 19881
10	(1.2E-04) × (4.2E-04) ×	14096 〇 28967 ×	13095 ○ 19920 ○	13085 ○ 19890 ○	13082 ○ 19881 ○	13081 ○ 19881 ○
10 100 500	(1.2E-04) × (4.2E-04) × (1.2E-03)	14096 0 28967 × (6.1E-06)	13095 0 19920 0 67998	13085 0 19890 0 67547	13082 0 19881 0 67542	13081 19881 67542
10 100 500	(1.2E-04) × (4.2E-04) × (1.2E-03) ×	14096 ○ 28967 × (6.1E-06) ×	13095 19920 67998 ×	13085 19890 67547 ×	13082 19881 67542 ×	13081 19881 67542 ×

表-5 RSRS-MSRAアルゴリズムの結果

5. 結論

本研究ではCAVとHDVの経路選択,時間価値,混雑 への影響の違いを考慮した交通均衡配分を行った. CAV は完全情報を持つと仮定し,確定的利用者均衡に 基づく交通量配分を行い,HDV は交通情報の不確実性 のために確率的な経路選択を行うと仮定し,それを CNL モデルで表現した確率的利用者均衡配分として交通量を配分した.また CAV は時間価値が低く,混雑への影響が小さいとした.

特に着目した点は, CAV の混雑緩和効果(混雑への 非対称性)である.リンクコスト関数において混雑への 非対称性を考慮しない場合は,配分結果にバイアスが生 じることが明らかになった.特に,非対称性を考慮しな い場合は混雑度を過大に見積もり,配分されるリンク交 通量も異なる結果となった.バイパス道路の存在を想定 したネットワークにおいても,バイパスリンクの混雑度 を過剰に見積もる.また,ネットワーク内に幹線道路が 走る場合は、リンク交通量及びその内訳に差異が生じる ことが分かった.よって,道路計画者は,自動運転時代 への移行中の輸送計画において,ネットワークフローを より適切に見積もるには,混雑への非対称性を考慮する べきであると言える.

今後の課題としては、複数 OD への拡張や実ネットワ ーク等大規模ネットワークのへの拡張が考えられる. ま た、本研究では遠回りしない全経路が利用可能とし経路 を列挙したが、これらの拡張を踏まえると経路の列挙は 計算コストの観点から好ましくなく、利用可能性の高い 経路のみを選択し集合に追加する DSD (Disaggregate simplicial decomposition)²⁴アルゴリズム等を応用する必要がある. また、本研究では非対称性のパラメータを2とし、HDV と CAV の OD 交通量の比であらわされる自動運転車普 及率を一定としたが、自動運転時代への移行中において ネットワークフローをより適切に見積もるには、自動運 転車の性能向上や普及率の違いによって生じる変化を考 慮に入れる必要がある.最後に、本研究で用いた変分不 等式問題は、解が一意でない場合がある.より現実に起 こり得る解を得るため、適切なアルゴリズムやパラメー タの選定や、現況の交通状況の把握、均衡解への推移を 慎重に観察する必要がある.

謝辞:本研究は JSPS 科研費 19H02260 の助成を受けたものです. ここに記して謝意を表します.

参考文献

- 太田信義:名古屋学院大学社会学編第 57 巻第 1 号, pp.197-236, 2020.
- Deloitte, https://www2.deloitte.com/jp/ja/pages/manufacturing/articles/aut/development-trends-and-ip-issues-of-case.html. (アクセス 日:2021年9月24日)
- 高度情報通信ネットワーク社会推進戦略本部(IT総合 戦略本部): 官民 IIS 構想・ロードマップ, pp.18, 2021.
- Shladover, S., Su, D., Lu, X, Y.: Impacts of Cooperative Adaptive Cruise Control on Freeway Traffic Flow Impacts of Cooperative Adaptive

Cruise Control on Freeway Traffic Flow, Transportation Research Record: Journal of the Transportation Research Board, 2324(-1), 2012.

- Tientrakool, P., Ho, Y. C., Maxemchuk, N. F.: Highway Capacity Benefits from Using Vehicle-to-Vehicle Communication and Sensors for Collision Avoidance, 2011 IEEE Vehicular Technology Conference (VTC Fall), pp. 1-5, 2011.
- van den Berg, V, A. C., Verhoef, E. T.: Autonomous cars and dynamic bottleneck congestion: The effects on capacity, value of time and preference heterogeneity, Transportation Research Part B: Methodological, Vol.94, pp. 43-60, 2016.
- Fagnant, D. J., Kockelman, K.: Preparing a nation for autonomous vehicles: opportunities, barriers and policy recommendations, Transportation Research Part A: Policy and Practice, Vol.77, pp. 167-181, 2015.
- Wang J., Peeta, S., He X.: Multiclass traffic assignment model for mixed traffic flow of human-driven vehicles and connected and autonomous vehicles, Transportation Research Part B: Methodological, Vol.126, pp. 139-168, 2019.
- Vovsha, P. and Bekhor, S.: Link-Nested Logit Model of Route Choice: Overcoming Route Overlapping Problem, Transportation Reseach Record., Vol.1645, No.1, pp. 133-142, 1998.
- Prashker, J. N. and Bekhor, S.: Stochastic User-Equilibrium For mulations for Extended-Logit Assignment Models, Transportation Research Record 1676 Paper, pp. 145-152, 1999.
- 土木学会:交通ネットワークの均衡分析-最新の理論と分析-, pp.115, 丸善, 2000.
- Frank, M., Wolf, P.: An Algorithm for Quadratic Programming, Naval Research Logistics Quarterly, 3, pp.95-110, 1956.
- Evans, S.P.: Derivation and Analysis of Some Models for Combining Trip Distribution and Assignment, Transportation Reseach, Vol. 10(1), pp. 37-57, 1976.
- 14) Wie, B. W., Tobin, R.L., Friesz, T. L., Bernstein, D.: A Discrete Time, Nested Cost Operator Approach to the Dynamic Network User Equilibrium Problem, Transportation Science, Vol.29, No.1, pp.79-92, 1995.
- 15) Nagurney A.: A multiclass, multicriteria traffic network equilibrium

model, Math.Comput.Model., Vol.32, No.3, pp. 393-411, 2000.

- 16) Levin, M. W., Boyles, S.D.: A multiclass cell transmission model for shared human and autonomous vehicle roads, Transportation Research Part C: Emerging Technologies, Vol.62, pp. 103-116, 2016.
- Nagumey A.: Network economics: a variational Onequality Approach, Vol.10. Springer Science & Business Media, 2013.
- 18) Huang H., Lam, W. H.: Modeling and solving the dynamic user equilibrium route and departure time choice problem in network with queues, Transportation Research Part B: Methodological, Vol.36, No.3, pp. 253-273, 2002.
- Huang H., Lam W. H.: A Multi-Class Dynamic User Equilibrium Model for Queuing Networks with Advanced Traveler Information Systems, J.Math.Model.Algorithms, Vol.2, No.4, pp. 349-377, 2003.
- 20) Szeto W. Y., Lo, H. K.: DYNAMIC TRAFFIC ASSIGNMENT: PROPERTIES AND EXTENSIONS, Transportmetrica, Vol.2, No.1, pp. 31-52, 2006
- Ramadurai, G., Ukkusuri, S.: Dynamic User Equilibrium Model for Combined Activity-Travel Choices Using Activity-Travel Supemetwork Representation, Networks and Spatial Economics, Vol.10, No.2, pp. 273-292, 2010.
- 22) Smith, M. J.: The Stability of a Dynamic Model of Traffic Assignment—An Application of a Method of Lyapunov, Transportation Science, Vol. 18, No.3, pp. 245-252, 1984.
- 23) Liu, H.X., He, X., He, B.: Method of Successive Weighted Averages (MSWA) and Self-Regulated Averaging Schemes for Solving Stochastic User Equilibrium Problem, Networks and Spatial Economics, Vol.9, No.4, pp. 485, 2007.
- 24) Damberg, O., Lundgren, J, T., Patriksson, M.: An Algorithm for The Stochastic User Equilibrium Problem, Transportation Research part B, Vol. 30(2), pp. 115-131, 1996.

(Received October 1, 2021)

TRAFFIC EQUILIBRIUM ASSIGNMENT CONSIDERING ASYMMETRY TO CONGESTION AND DIFFERENCES IN ROUTE CHOICE BETWEEN AUTONOMOUS AND HUMAN-DRIVEN VEHICLES

Daiki GOTO, Tomio MIWA, Takayuki MORIKAWA