

工程ネットワークへの工事用資源の* 最適分配手法に関する理論的研究

A Study on Resources Allocation Technique for Construction Planning
Based on Network Toporogy

春名 攻 **, 山田幸一郎 ***

BY Mamoru HARUNA, Koichiro YAMADA

In this study theoretical approach for resources allocation on network of construction process is developed based on theory of network topology to formulate optimal resources allocation problem. At the first step systematic algorism is developed to obtain all available cutset of network. At the second step utilizing these cutset so called "Cut-network" is produced by transforming from original network presented as construction planning. At the third step planning of resources allocation problem is formulated as minimization problem of construction period with restriction of resources allocation using "Cut-network". finally new algorism to obtain optimal solution is developed based on dynamic programming and branch and bound method.

1 はじめに

本研究では、計画者が過去の経験や資源の運用・転用といった問題を考慮してヒューリスティックに決定していた管理的な施工順序の決定問題に着目するとともに、工事資源が管理的順序関係の決定に大きな影響を与えているものと考えれば、効率的な資源運用を考慮した、最適化という問題に対して検討を加えていく必要があると考えた。

そこで、本研究では、最適解を求めるために、ネットワークにおける作業間の順序関係をより操作性の高いものとして、取り扱っていくネットワークトポロジ的な数理計画モデルを施工の順序関係決定モデルにも適用することによって、より効率的な施工順序決定問題の解法の方法について述べることに、工事への投入可能な資源量の制約のもとで最

小工期を与える工程計画の作成方法について述べることにする。

2 効率的な施工順序決定方法に関する検討

ここでは、我々がこれまでに基礎的研究として開発してきた、ネットワークにおける作業間の順序関係をより操作性の高いものとして、取り扱っていくネットワークトポロジ的な数理計画モデルを施工の順序関係決定モデルにも適用することによって、より効率的な施工順序決定問題の解法の方法について述べることに、工事への投入可能な資源量の制約のもとで最小工期を与える工程計画の作成方法について述べることにする。

(1) 技術的順序と管理的順序に関する考察

建設工事においては、技術上の問題から工事施工に関わる基本的な順序関係として一意的に与えられる技術的順序と、工期の短縮や資源の効率的運用を考えて計画者が任意に設定を行う管理的順序の2種類の順序関係が存在している。この管理的順序関係は、新たな順序関係を設定しない限り、多くの同時施工を許可することになり、工期短縮を実行するこ

* キーワード：工程計画，ネットワークトポロジ，カット理論

** 正会員 立命館大学 理工学部 土木工学科
(〒603 京都市北区等持院北町56-1)

*** 学生員 立命館大学大学院 理工学研究科
(〒603 京都市北区等持院北町56-1)

とができて使用資源が集中するといったリスクを負うことになる。工程計画・管理では、契約工期と資源の量的制約が課された状態で、主要資源の投入効率を最大にすることが要求されるが、順序関係の問題はこの管理的順序関係に他ならず、その設定及び決定の方法は今日の課題として残されている。

(2) 最適工程計画の作成に関する検討

a) 本モデルの解法方法に関する検討

工程計画の最適化を考えていくうえでは、やはり管理的な順序関係に着目し、この順序関係を如何に合理的・効率的に決定していくかが重要であると考ええる。

理論的には、管理的順序関係の決定問題は、順序組み合わせの探索問題である。この組み合わせ問題の有効な手段として、ブランチバウンド法がある。しかし、対象となる工程ネットワークが大きくなるにしたがって、新たに付加される順序組み合わせも膨大な数になるとともに、複雑な組み合わせ問題となり、コンピュータ利用において、最適解がでたとしても、なかなか効率的な方法であるとはいえない。つまり、より合理的、効率的に最適解を決定するためには、組み合わせを極力減らし、コンピュータの特性を有効に活用できる数値演算形態にしておく必要があると考えた。そこで、本研究では、これらの考えを念頭にいれ、これまでに述べてきたネットワークトポロジーのカット理論に注目することとした。

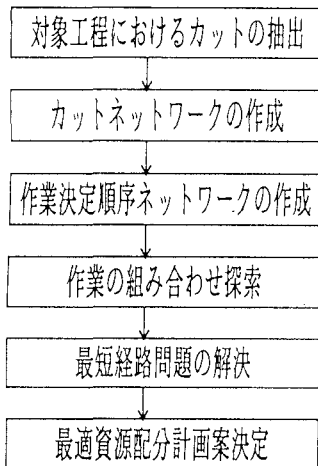


図-1 最小工期探索モデルの検討フロー

そこで、本研究の解法方法を図-1に示すような6段階の処理プロセスに沿って求めていくこととし、本モデルの内容をこの処理プロセスに沿って説明していくこととする。また、ここでは、問題の内容や理論的検討をわかりやすく説明するために、図-2に示すような工程の要件が与えられた場合をとりあげて理論的検討の内容とその有効性についての検討を行うこととする。

b) カット探索方法

本研究では、従来のPERT/CPMにおいて定義されているカット概念に着目することとした。このカット概念は「ネットワークにおける全ての経路（パス）を同時に短縮することが可能な作業の集合」として捉えられてきたが、本研究では、このカット概念を理論上、「同時施工が可能な作業の集合」として再認識することとした。このことによって、容易に設定すべき順序関係の組合せを作り出すことが可能であり、また、これらのカットに含まれる作業間に順序関係を設定することが可能であることが理解できると考えた。

そこで、従来までのグラフ理論を用いてのカット探索にかわり、より合理的、効率的にカットを探索するためには、以下のような、2つの注意事項を考える必要があった。

1) 工程ネットワークを対象に、カットを探索することから、この初期条件である作業リストのデータだけから直接的にカットを求めることが必要である。

2) カットの探索において、下で述べるような必要条件[1],[2]の条件を満足するカットをそのつど検索することなく、直接抽出する必要がある。

そこで、ここでは、1)の注意事項を満足するために、ネットワークプランニングをする際、初期条件として与えられる<作業リスト>(表-1)だけを用いて初期関係行列から<先行・可達行列>(表-3)を作成し、この<先行・可達行列>を利用し、カットを探索する手法について述べる。また、2)の注意事項については、カットを探索していく過程で説明していくこととする。ここで、本研究におけるカットの持つべき必要条件は、下記に示す[1],[2]の2つの条件である。

- [1] 任意のカットは、つねに工程を2分する。
 [2] カットに含まれる作業間には、順序関係を存在させない。

上の[1],[2]条件は、すなわち次のようになる。

- [1]' 任意のカットに含まれる全作業の先行集合と可達集合の和集合に工程ネットワークを構成する全ての作業が含まれなければならない。
 [2]' 任意のカットに含まれる作業の先行集合、可達集合には、その作業以外、カットに含まれる作業は存在してはならない。

つまり[1]'[2]'の2つの条件を考え、このような必要条件を満足するものを本研究におけるカットとする。そして、従来のものとちがいが[1]', [2]'の条件について以下のように考えた。

今回、あらたに、可達行列(表-2)から作成した先行・可達行列において、ある作業 J_i の行ベクトル $M_L(J_i)$ に注目し、そのベクトル要素 $a_{ij}=0$ に対応する作業を全て抽出する。そして、いま抽出した作業を J_k とすると、 J_k の行ベクトル $M_L(J_k)$ と、さきの $M_L(J_i)$ を、ブール則($0+0=0, 1+0=1, 1+1=1$)を適用して、足し合わせて新たにできた行ベクトル $\{M_L(J_i) + M_L(J_k)\}$ において

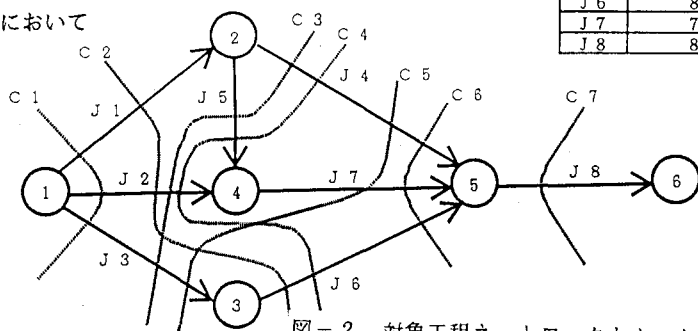


図-2 対象工程ネットワークとカット

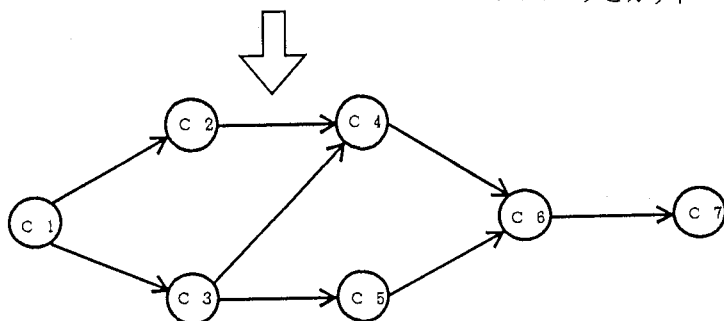


図-3 対象工程ネットワークにおけるカットネットワーク

$$\{M_L(J_i) + M_L(J_k)\} = [a_{ij} + a_{kj}]$$

$$= \begin{cases} 1 : \text{それ以外の作業の要素} \\ 0 : J_i, J_k \text{の要素} \end{cases}$$

を満足するものをカットとみなすこととする。

つまり、 $\{M_L(J_i) + M_L(J_k)\}$ のベクトル要素において、 J_i と J_k だけが0で、それ以外が全て1であれば、 J_i と J_k は順序関係を持たず、また J_i と J_k の可達集合、先行集合の和はネットワークを構成する全ての作業を含んでいる。すなわち、本研究におけるカットの必要条件である[1],[2]を満たしており、カットであるとみなすことができる。

① 先行可達行列の性質

可達行列では、ある作業の先行集合、可達集合を求める場合、それぞれ列ベクトル、行ベクトルをみなければならない。

作業日数リスト

作業	所要日数(日)
J1	5
J2	10
J3	4
J4	9
J5	4
J6	8
J7	7
J8	8

表-1 作業リスト

作業	先行作業	続作業
J1	—	J4, J5
J2	—	J7
J3	—	J6
J4	J1	J8
J5	J1	J7
J6	J3	J8
J7	J2, J5	J8
J8	J4, J6, J7	—

表-2 可達行列

	J1	J2	J3	J4	J5	J6	J7	J8
J1	0	0	0	1	1	0	1	1
J2	0	0	0	0	0	0	1	1
J3	0	0	0	0	0	1	0	1
J4	0	0	0	0	0	0	0	1
J5	0	0	0	0	0	0	1	1
J6	0	0	0	0	0	0	0	1
J7	0	0	0	0	0	0	0	1
J8	0	0	0	0	0	0	0	0

表-3 先行可達行列

	J1	J2	J3	J4	J5	J6	J7	J8
J1	0	0	0	1	1	0	1	1
J2	0	0	0	0	0	0	1	1
J3	0	0	0	0	0	1	0	1
J4	1	0	0	0	0	0	0	1
J5	1	0	0	0	0	0	1	1
J6	0	0	1	0	0	0	0	1
J7	1	1	0	0	1	0	0	1
J8	1	1	1	1	1	1	1	0

そこで、行ベクトルまたは列ベクトルのいずれかをみるだけで、先行集合と可達集合が同時に求められるような行列を、先行可達行列<M>とよぶこととする。可達行列<R>の作業 J_i の行ベクトル $R_L(J_i)$ 、列ベクトル $R_c(J_i)$ に対して、 $M_L(J_i) = R_L(J_i) + R_c(J_i)$ として、ブール則($0+0=0, 1+0=1, 1+1=1$)を適用して、<M'>を求め、 $M=M'-I$ (I : 単位行列)より先行可達行列<M>を求める。

ここで、 $M=[a_{ij}]$ において

$$a_{ij} = \begin{cases} 1: \text{作業 } J_i \text{ が } J_j \text{ の先行又は後続作業の時} \\ 0: \text{それ以外の時} \end{cases}$$

② カット探索の手順

今回のカット抽出までの流れについて順を追って述べる。

I. 与えられた作業リストから、初期関係行列、2値関係行列、可達行列、先行可達行列の作成。

1) 初期関係行列<O>の作成

作業リストから「作業 J_i は作業 J_j の後続作業か」という1対比較において、そうであるならば1、そうでなければ0を記入し、初期関係行列<O>を作成する。

2) 2値関係行列の作成

単位行列<I>を用いて、 $B=O+I$ として2値関係行列をもとめる。

3) 可達行列<R>の作成

のベキ乗をブール演算により $B^{k+1}=B^k (=R)$ まで計算し可達行列<R>を求める。ここで、 $R=[a_{ij}]$ において

$$a_{ij} = \begin{cases} 1: \text{作業 } J_i \text{ が } J_j \text{ の後続作業} \\ 0: \text{それ以外の時} \end{cases}$$

4) 先行可達行列<M>の作成

先に求めた可達行列<R>の作業 J_i の行ベクトル $R_L(J_i)$ 、列ベクトル $R_c(J_i)$ に対して $M_L(J_i) = R_L(J_i) + R_c(J_i)$ としてブール則をもちいて<M'>を求め、 $M=M'-I$ より先行可達行列<M>を求める。

ここで、 $M=[a_{ij}]$ において

$$a_{ij} = \begin{cases} 1: \text{作業 } J_i \text{ が } J_j \text{ の先行} \\ \quad \text{または後続作業の時} \\ 0: \text{それ以外の時} \end{cases}$$

II. 先行可達行列を用いた、カット抽出法

1) I. で作成した先行可達行列<M>において、ある作業 J_i の行ベクトル $M_L(J_i)$ に注目し、 $a_{ij}=0$ の作業を全て抽出する。

2) いま抽出した作業群の行ベクトル $M_L(J)$ を、いま注目している作業 J_i の行ベクトル $M_L(J_i)$ にブール則($0+0=0, 1+0=1, 1+1=1$)を用いて加え、その行ベクトルの和、 $M_L(J_i) + M_L(J)$ において、その行ベクトルの和を構成している作業の要素だけが0となれば、カットであると決定する。

$$M_L(J_i) + M_L(J)$$

$$= \begin{cases} 1: \text{それ以外の作業の要素} \\ 0: J_i, J \text{ の要素} \end{cases}$$

このとき、 J_i を中心として全ての組合せについて考える。

3) 全ての作業の行ベクトルについて、同様に行なう。

このような手順により、例題についてカットを求めたところ、図-2で示すように7つのカットが探索された。

c) カットネットワークへの等価変換

本研究では、カットをそれぞれ単独で扱わずに、カットの相互関係を考慮して行くこととした。

カットがあくまでも作業の集合に対応して求められることに着目すれば、「作業のもつ順序関係を写像したカット間の順序関係」も存在するはずである。つまり、カット上の作業の順序関係を集約すれば、カットも工程ネットワークの作業と同様に順序関係を持つこととなり、もとの工程ネットワークの順序関係が保存されることになる。

すなわち、「カットには、作業および工程ネットワークの関係構造がトポロジカルに写像されている」こととなる。つまり、工程ネットワークにおける作業の順序関係は、そのままカット間の関係において

も成立しているのである。

さて、上述の関係を用いれば、図-3に示すように、カットも、工程ネットワークと同様に、1つのネットワーク構造（以後、カットネットワークと呼ぶ）として描くことが可能である。

また、定義されたカットが工程上で交錯する場合は、それらカット間の順序関係は、存在しない状態であることがわかる。また、言い方を変えれば、カットネットワークはカット同士が交錯しないように、工程ネットワークの始点から順次取り出した一連のカットからなる経路を複数の経路を重ね合わせたものから成り立っているとも言える。このことから、カットネットワークの特性をまとめると、次のようである。

- ・ 始点と終点を結ぶ任意の1経路は、もとの全作業を含んでいる。
- ・ 経路の順序は、工程ネットワークの順序関係を保持している。

以上のような、カットの特性を考慮したカットネットワークを利用して、今回、本研究では、資源割り付けモデルについて検討することとした。

なお、このようなカットネットワークは、カット同士の一対比較、すなわち、2つのカット間の順序関係を調べれば容易に求められる。つまり、2つのカットベクトルを構成する作業間に同じ先行後続関係が認められる場合のみ、これらのカット間に順序関係が存在すると判断すればよい。

この関係にもとづいて、すべてのカット間の順序関係を機械的に算出することも可能である。これには、カット C_i に含まれる全ての作業が、カット C_j の所有する作業の可達行列に全て含まれる場合には、カット C_i はカット C_j の後続関係にあるという条件を用いればよい。

このようにして、カット同志の比較が可能になれば、グラフの構造化手法を用いて各カットのレベルを求めることとする。つまり、まず、上述した方法で一対比較して求められるカット間の順序行列

D に対して単位行列 I を加えて行列 N_c を求める。つまり、次式のような N_c を求める。

$$N_c = D + I$$

つぎに、行列 N_c の $(K-1)$ 乗が K 乗と等しくなるまでべき乗を繰り返し、可達行列 N_c' を求める。

$$N_c' = N_c^K = N_c^{K-1}$$

次にこの行列を用いて、各要素 S_i に対して

$$\text{可達集合} : R(S_i) = \{S_j \mid c'_{ji} = 1\}$$

$$\text{先行集合} : A(S_i) = \{S_j \mid c'_{ji} = 1\}$$

を求め、要素のレベル決定は、この可達集合と先行集合を用いて、

$$R(S_i) \cap A(S_i) = R(S_i)$$

となるものを逐次求めることにより決定する。このようにカットの関係行列を上述のようなアルゴリズムに適用することによって構造グラフが得られると同時にカットネットワークの作成が可能になる。

d) 作業組み合わせ

①本研究における組み合わせ方法

本研究では、この作業の順序組み合わせ問題を、図-4に示すようなカットが移動する際に、新しく

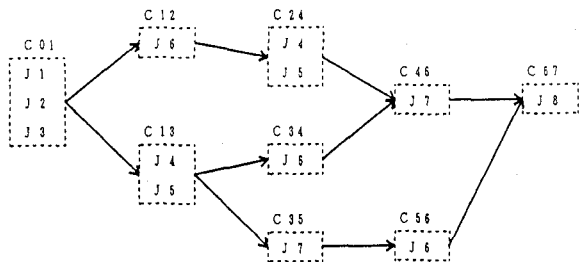


図-4 新しく加わってくる作業のネットワーク

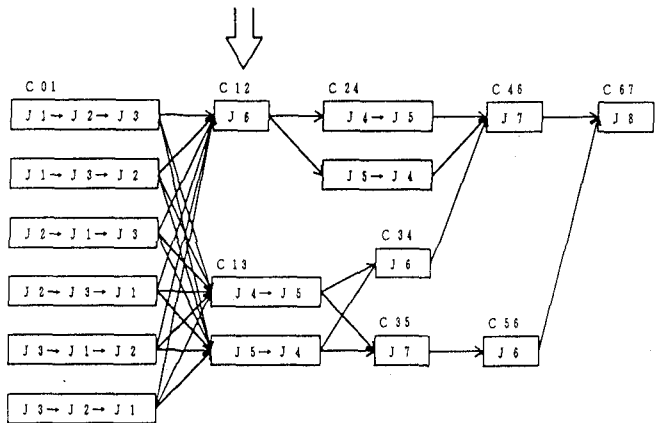


図-5 作業決定順序ネットワーク

加わってくる作業の経路に沿って、作業を組み合わせ
せていくこととする。

ここで、新しく加わってくる作業のみについて検
討するのは、前ステージまでで含まれる作業につ
いては、すでに決定済みであり、カットが移動した際
に、前ステージに含まれている作業については検討
する必要がないからである。

また、その新しく加わってくる作業を図-5のよ
うに作業J4→作業J5、作業J5→作業J4のように
区別したのは、どの作業を先に順序づけさせるのか
を設定させる必要があるからである（以後、このネ
ットワークを作業決定順序ネットワークと呼ぶ）。
つまり、先に処理される作業については決定済みで
あり、この決定済みの作業の組み合わせをもとに、
次の作業の順序づけをおこなうためである。

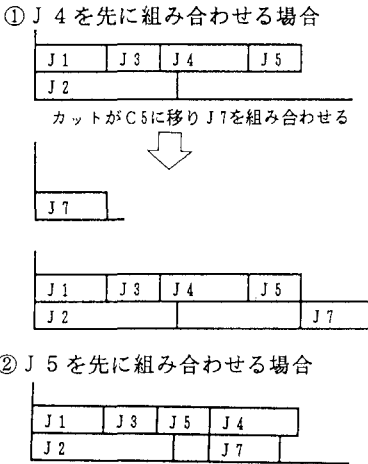


図-6 作業決定順序に関する組み合わせ

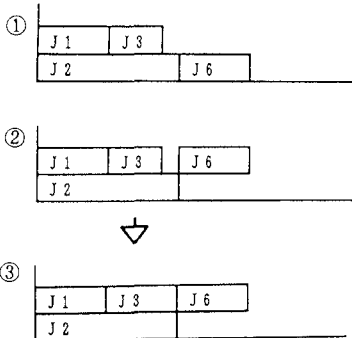


図-7 ペナルティに関する組み合わせ

ここで、説明を分かりやすくするために、従来の
組み合わせ方法で説明したと同様に、図-1のC1か
らC3へとカットが移動したときをとって図-6を用
いて説明することとする。カットがC1からC3へ移
動すると新しく加わってくる作業はJ4、J5となる。

作業J4を先に決定する場合と、作業J5を先に決
定する場合とでは、組み合わせられた結果が異なっ
てくることは明確である。また、その組み合わせに引
き続き、つぎのステージで仮にカットがC3からC5
に移り作業J7が新しい作業として組み合わせられるこ
ととなると、図-6で示すように全く異なった2つ
の組み合わせが作成されることとなる。ゆえに、同
ステージ内であっても作業の決定させる順序を設定
する必要が生じてくるのである。

次に、図-7の組み合わせで示すように作業J6は
作業J3が終了しないと作業を開始できないという場
合について検討することとする。ここで問題となっ
てくるのは、②の場合である。①、②の両方の場合
も作業J6は、同時刻に開始されることとなるが、②
の場合は、作業J3の後に資源に待ち時間を与えてし
まうこととなる。これは、次の③と同等のことを意
味していることと考えられる。つまり、②の組み合
わせは、ただ単に非効率的な時間の使い方をしてい
るにすぎず、①の組み合わせのみについて検討する
だけでよいこととなる。そこで、図-7のように、
同時刻で開始される組み合わせが2つ以上存在する
場合では、資源に待ち時間を与える組み合わせに、
評価関数としてペナルティーを与え、それ以降の経
路の順序の組み合わせについては検討する必要をな
くすることとした。

このことにより、ペナルティーを与えられた経路
については、それ以降の組み合わせを行なう必要が
なくなり、従来の組み合わせ問題よりも各ステー
ジにおける組み合わせ作成をおこなう分の算量が減り、
一層合理的かつ効率的に最適解を導くことが可能と
なった。

②作業組み合わせの定式化

本研究の資源配分問題を行なうにあたり、以上で
説明した組み合わせ方法を実行するための定式化に
ついて説明することとする。

まず、作業の組み合わせの状況を、図-8のよう

に表わすことにより、組み合わせを行列で表すことができる。

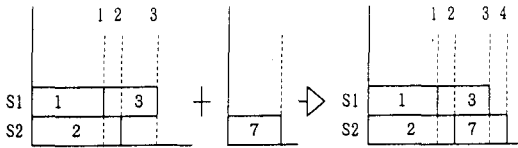


図-8 作業組み合わせ

以下この図-8を例にとって作業の組み合わせの定式化について説明することとする。

まず、図-8の関係を日数で表した行列<F> (以後、割付日数行列と呼ぶ)を作成することができる。

ここで、 $F = [a_{ij}]$ において

$F = [a_{ij}] = D$: 作業割付日数

	1	2	3	4	5	...	j	...	n
1	D1	D2	D3	D4	-	...	...	...	-

この行列の列jは作業が終了するごとに、全資源に渡り時間断面に区切りを与えた区切りの番号であり、Dkは、探索経路番号である。なお、 $F(Dk, j)$ は、jによって区切られた時間である。この割付日数行列は、作業の組み合わせが変化するように、当然、変化するものである。言い替えれば、全ての組み合わせ(全ての経路)についての割付日数行列を作成すれば、この行列<F>の中には必ず最適解が存在していることとなる。従来型のように、事前に各ステージにおける作業について組み合わせをおこなうことは、非常に非効率的となるため、本研究においては、図-5、2で示すような作業決定順序ネットワークに沿い、制約条件を満たしながら作業を資源に割り付けることとした。以下のI. II. IIIでは、制約条件および、ペナルティーに関しての定式化を説明することとする。

I. 技術的順序関係の制約

$F'k = [a_{ij}] = X$: 作業番号 (k:経路番号)

	1	2	3	4	5	...	j	...	n
1	1	3	3	-	-	...	...	...	-
2	2	2	7	7	-	...	...	...	-

図-8を作業番号で表した行列を<F'k>とする。

この<F'k>は、技術的順序関係を踏まえた順序により資源を配分させていくための行列である。言い替えれば、この<F'>の行列の列jに含まれる作業間には、先行もしくは可達関係を持たせてはいけないということになる。

よって、 $F'k(i, j)$ の任意のjの列jに含まれる作業群I kjについては、先行可達行列<M>においてI kjに含まれる作業は、互いに管理的順序関係($M_L(I kj) = 0$ M:先行可達行列)でなければならない。ここで、 $M_L(I kj) = [a_{ij}]$ において

$$M_L(I kj) = [a_{ij}] = \begin{cases} 0 : U - I Kj \\ 1 : I kj \end{cases} \quad U : \text{全作業群}$$

II. 資源の制約

図1を資源が活動しているかどうかを行列によって表わすと<F''>となる。ここで、1は作業中、0は資源の待ちを示している。ここで、 $F''k = [a_{ij}]$ において

$$F''k = [a_{ij}] = \begin{cases} 0 : \text{作業待ち} \\ 1 : \text{作業中} \end{cases}$$

	1	2	3	4	5	...	j	...	n
1	1	1	1	0	0	...	...	...	0
2	1	1	1	1	0	...	...	...	0

この行列は、新しく加わってくる作業を組み合わせる際に、どこの地点に新しい作業を加えればよいのかという問題を解決するために有効となる。

そこで、新しく加わってくる作業を

$$\sum_j F''k(i, j) < S \quad S : \text{資源制約数}$$

を満たす列の $F''(i, j) = 0$ となっていて最もjの値の小さい地点MIN jに加えることとする。この新しく加わってくる作業は、 F'' のMIN jの列の作業群と技術的順序関係を持たない場合に組み合わせることができる。

III. ペナルティー

ここで、同時刻で開始される組み合わせが2つ以

上存在する場合、資源に待ち時間を与える組み合わせには、評価関数としてペナルティを与え、それ以降の経路の順序の組み合わせについては検討する必要がないということについて、説明することとする。まず、新しく加わってくる作業を前のステージまでで決定した組み合わせに組み合わせると、資源制約の数だけの異なった組み合わせが算出されるが、この組み合わせの中で、

$$F'a \neq F'b$$

$$F(a, j) = F(b, j) \quad a, b: \text{経路番号}$$

を満たす組み合わせが存在する場合には、資源に待ち時間を与える組み合わせにペナルティを与え、それ以後のこの組み合わせの経路については、検討しないこととなる。

このⅠ、Ⅱの制約条件の処理を踏まえながら、カットネットワークの最終レベルまで新しく加わってくる作業の組み合わせを組み合わせる。

そして、全ての経路について組み合わせをおこなうと

$$F = [a_{ij}]$$

	1	2	3	4	...	i	...	n
1	D_{11}	D_{12}	D_{13}	D_{14}	...	D_{1i}	...	D_{1n}
2	D_{21}	D_{22}	D_{23}	...	...	...	...	D_{2n}
3	D_{31}	D_{32}	...	...	...	...	...	...
...	...	...	...	...	...	...	...	...
i	...	...	...	...	...	...	...	...
...	...	...	...	...	...	...	...	...
m	D_{m1}	D_{m2}	...	...	...	...	...	D_{mn}

のような行列となる。

そして、全ての経路 D_k に対して

$$\text{MIN}_{j=1}^n F(i, j) = \lambda$$

となる日数が最小工期であり、このときの経路の組み合わせが最適な工程となる。

E) 動的計画法による最小工期の探索

本研究では、各ステージに含まれる新しい作業の決定順序を結ぶ経路、作業決定順序ネットワークを、最短経路問題として動的計画法を用いて解くこととした。この経路問題を動的計画法を用いて解くと、最小工期32日が得られ、図-9に示すような3つ

の最適工程計画案が作成された。この計画案については、従来の手法と同様となり、今回の資源配分問題の理論的開発を証明したことと考える。

3 おわりに

本論文では、ネットワークポロジの理論を、資源割り付けモデルへ適用をすることによって、その有効性を示した。特に、ネットワーク理論のトポロジカルな特性を、数理計画モデルに組み込むことによって、より合目的・効率的なモデルへと向上させることが可能になり、処理速度および実行可能性が高められたと考える。また、本研究における資源割付問題は、各アクティビティに共通な1種類の資源についてののみ有効であるため、今後は複数資源にも対応できるモデルの開発が必要であると考える。

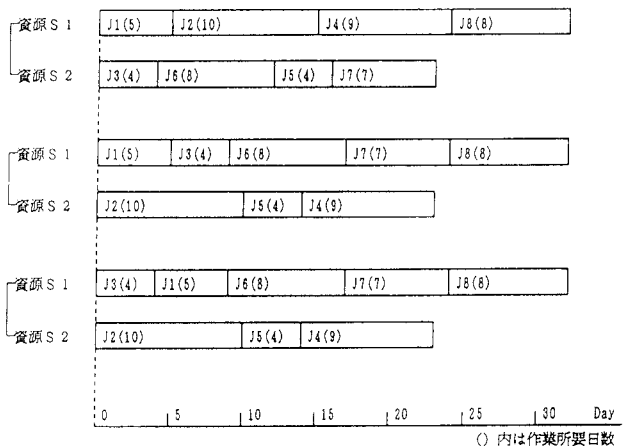


図-9 最適工程計画案

【参考文献】

- 1) 春名 攻, 原田 満, 荒川 和久: 最適工程計画を目指したスケジューリングモデルの開発研究, 第9回建設マネジメント問題に関する研究発表・討論会講演集, 1991
- 2) 石原 藤次郎 校閲, 吉川 和広 著: 土木計画とOR, 丸善, 1969. 7
- 3) James J. O'Brien: CPM in Construction management, McGraw-Hill Book Company
- 4) E. L. Lawler and D. E. Wood: Branch and Bound Method: A Survey, J0