

# 観光駐車場の将来計画に関する研究

—理論の部—

正 員 毛 利 正 光\*

## STUDY ON THE FUTURE PLANNING OF SIGHT-SEEING PARKING SPACES

By Masamitsu Mōri, C.E. Member

**Synopsis :** We know that traveling by motor-vehicle is extraordinarily increasing year by year through the developments of automobile and arrangements of highway net-work. It must be established that various methods needed for the safety, efficiency and relief of highway traffic. One of them is in the planning and arranging of parking spaces. By the planning it is necessary to calculate the needed spaces by farseeing the every year's increases in future.

But about sight-seeing parking places, the frequency of happening of parking demands have seasonably, daily and timely considerable variations, and then maximum happening of them is concentrated near the some hours in a day. The author has analysed these parking characteristics, and presented a method of estimation in future of parking demands, and then shown the theory of distribution test to deal with the data for the basic planning, so calculated the required spaces by use of this theory, then given several numerical examples in this paper.

**要旨** 最近の急激な自動車の発達と道路網の整備せられるに従つて、自動車を利用する旅行は年々増加の度を加えつつあり、かかる道路交通の安全と利便を計り、交通の能率と緩和を計るために種々なる対策が立てられねばならない。その一つとして駐車場の計画整備せられることが必要になってきた。計画に当つては年々の増加に対する将来の見透しを立てて所要の容量の算定を行うことが必要である。

しかして観光客を対象とする駐車場では、駐車需要発生が季節的にかなり変動し、また週日および時間的にもかなり変化し、しかもその最大値の起こるのが1日の内のある定まつた時間の付近に集中している。かかる駐車の特徴を分析し、将来値の推計の一方式を提案し、計画上の基礎となる資料算定上の分布検定の理論を示し、これから所要の容量算定を行つたものでこの理論を適用した二、三の計算例を示した。

### 1. ま え が き

最近の急激な自動車交通の発達と道路網の整備改良せられるに従つて、観光バスあるいは乗用車を利用する旅行は年々増加の度を加えつつあるとともに、道路交通の輻輳は、いまや道路の構造・計画上に抜本的手術を施さねば到底救い難い状態となつてきた。しかるに道路の新設・幅員の増大は現下の国情、財政的観点からはきわめて至難の事業であると云わねばならない。しかして道路交通の能率、利便と安全および交通の緩和を計るため、今そくぎにその対策を立て解決を計られねばならない多くの問題がひき起こされてきた。すなわち道路を最大限に利用し、その効果をできるだけ大ならしめるために行う種々の交通の規制、制限や禁止であつて、とりわけ大都市における駐車の問題はその早急な対策をたて解決を計ることが要望されている。

さきに駐車場計画の基礎理論の研究<sup>1)2)</sup>において明らかにしたように、駐車場容量を決めるための基礎的事項は、駐車需要の強度の算定と駐車場の場所的特性を表す平均駐車時間を求めることである。これらの値を明らかにして駐車不能の生ずる確率をある限度におさえることによつて、経済的な所要容量を決めることができる。この考え方は観光駐車場の場合にも応用できるが、観光客を対象とする駐車場では、計画に当つてまず駐車需要の将来数に対しての確かな見透しを立てて、計画し立案することが第一の基本的事項となる。しかして観光客を対象とする駐車需要の発生する強度は季節的にかなり変動しているとともに、時間的にもその最大値の起こるのが、1日のうちのある定まつた時間の付近に集中しており、また平均駐車時間は観光対象により大体ある定まつた値のものが大多数であり、これらの他は季節的にかなり正しい変化を繰り返しているものである。従つてこれら

\* 大阪市立大学講師，工学部土木教室

の既往の調査資料を基として、年々の増加に対する将来の見透しを立て、上記の特性を明らかにして所要の計画を行うことが必要である。このため次に述べるような基礎調査と理論計画を行つてみた。

2. 駐車需要台数の季節的変動量およびその将来値の推計

ここに季節的変動量とは年間を通じて正常値と見なされる値から季節によつて変動する量をいう。すなわち、正常値からの偏差の量となるから、12カ月の季節変動量の合計は0であることになる。一般に駐車場を利用する車の台数は、時と共に変化する一つの時系列と考えることができるが、この原時系列は長期的変化と、季節的变化との和に対して、若干の不規則的变化が含まれていると考えることができる。いま利用台数を時間の関数  $y(t)$  とおいて、仮りに長期的変化を一次式で表わされるとすると、次のごとくおくことができる。

$$y(t) = A + Bt + \varphi(t) + \varepsilon(t) \dots\dots\dots(1)$$

ここに

$A + Bt$  : 長期的変化の傾向を表わすもので、 $A, B$  は定数である。

$\varphi(t)$  : 季節的変動量で、一カ年を週期として年々規則的に繰り返される変動であつて、これらは春夏秋冬の自然現象や社会生活上の風俗習慣により原因されるものと考えられるもので、すなわち正常値からの偏差の量である。いま  $t$  を月単位にとつて考えてみると12カ月の合計は0で、 $\varphi(t)$  は近似的に Fourier 級数に展開できると考えて

$$\varphi(t) = \sum_{\lambda=1}^{\infty} \left( a_{\lambda} \cos \frac{\lambda \pi t}{6} + b_{\lambda} \sin \frac{\lambda \pi t}{6} \right)$$

とすることができる。

$\varepsilon(t)$  : 数年あるいは数十年ごとに現われる長い週期の変動があると考えたときの循環的な変動とか、観測値の誤差、その他の予期し得ない多くの複雑な変化に原因する不規則変動を一まとめにして考えた値とする。

上に述べたことから  $t$  を月単位にとつて考えてみると

$$\sum_{t=1}^{12} \varphi(t) = 0 \text{ および } \varphi(t+12i) = \varphi(t) \text{ [ただし } i=0,1,2,\dots\text{で年を示す]} \dots\dots\dots(2)$$

ゆえに第  $i$  年  $t$  月の値は  $y(t+12i) = A + B(t+12i) + \varphi(t+12i) + \varepsilon(t+12i) \dots\dots\dots(3)$

であるが第  $i$  年一年間の平均値  $\bar{y}_i$  は

$$\bar{y}_i = \frac{1}{12} \sum_{t=1}^{12} y(t+12i) = A + B(6.5 + 12i) + \frac{1}{12} \sum_{t=1}^{12} \varepsilon(t+12i) \dots\dots\dots(4)$$

最後の項は一年間の平均値であるから、かなり0に近いと見なして、これを省略すると次のようになる。

$$\bar{y}_i = A + B(6.5 + 12i) \dots\dots\dots(4')$$

$i=0,1,2,\dots,n-1$ , の  $n$  年間を考えると定数  $A, B$  を最小自乗法によつて定めると

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} \bar{y}_i = A + B \left( 6.5 + 12 \frac{n-1}{2} \right) \dots\dots\dots(5)$$

また

$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} i \bar{y}_i = \frac{n-1}{2} A + B \left\{ \frac{13(n-1)}{4} + \frac{12(n-1)(2n-1)}{6} \right\} \dots\dots\dots(6)$$

式(5),(6)から  $A, B$  を求めると

$$\left. \begin{aligned} B &= \frac{1}{2n(n^2-1)} \left\{ 2 \sum_{i=0}^{n-1} i \bar{y}_i - (n-1) \sum_{i=0}^{n-1} \bar{y}_i \right\} \\ A &= \frac{16n+5}{4n(n+1)} \sum_{i=0}^{n-1} \bar{y}_i - \frac{12n+1}{2n(n^2-1)} \sum_{i=0}^{n-1} i \bar{y}_i \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots(7)$$

次に  $t$  月について  $n$  年間の平均値を求めると

$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} y(t+12i) = A + B\{t+6(n-1)\} + \varphi(t) + \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} \varepsilon(t+12i) \dots\dots\dots(8)$$

となるからこの場合にも、 $\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} \varepsilon(t+12i)$  は  $n$  が相当大きな数であれば、0に近いものとなるから、これを省略すると

$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} y(t+12i) = A + B\{t+6(n-1)\} + \varphi(t) \dots\dots\dots(8')$$

となる。これから  $n$  年間の総平均値、式(5)の  $\bar{y}$  を引いて

$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} y(t+12i) - \bar{y} = B(t-6.5) + \varphi(t) \dots\dots\dots(9)$$

とすると、右辺の第一項は容易に計算し得るから、 $\varphi(t)$  が自然と計算されることになる。これが所要の季節変動量である。

(a) 嵐山観光駐車場における計算例

表-1は嵐山観光駐車場における既往の調査資料を整理し、将来値を計算したものであるが、計算に当つては、昭和29年1月を第0年1月として計算したものである。

すなわち式(5)から

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^2 y_i = A + 18.5B$$

$$\therefore 1380.41 = A + 18.5B \dots\dots\dots (10)$$

また式(6)から

$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} i y_i = \frac{1}{3} \sum_{i=0}^2 i y_i = A + 26.5B$$

$$\therefore 1567.85 = A + 26.5B \dots\dots\dots (11)$$

$$\left. \begin{aligned} \therefore B &= 23.43 \\ A &= 946.96 \approx 947 \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots (12)$$

$$\therefore \bar{y}_i = 947 + 23.43(6.5 + 12i) \dots\dots\dots (13)$$

次に式(9)から各月の平均値と総平均値 $\bar{y}$ との差、すなわち偏差から

$$\text{偏差} = \frac{1}{3} \sum_{i=0}^2 y(t+12i) - \bar{y}$$

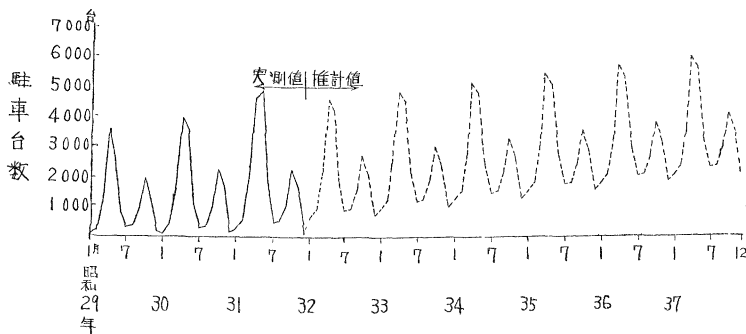
$$= B(t-6.5) + \varphi(t)$$

$$\therefore \varphi(t) = \text{偏差} - 23.43(t-6.5) \dots\dots\dots (14)$$

表-1 嵐山観光駐車場における季節変動量と推計値

昭和年	月	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	合計	$\bar{y}_i$	$i\bar{y}_i$
29	0	48	236	1259	3558	2606	845	308	336	921	1973	1208	166	13464	1122.00	0
30	1	73	322	1478	3925	3549	1083	285	310	1003	2167	1670	154	16019	1334.91	1334.91
31	2	217	542	2016	4646	4862	1923	420	519	1000	2285	1647	135	20212	1684.33	3368.66
合計		338	1110	4753	12129	11017	3851	1013	1165	2924	6425	4525	455	49695	4141.24	4703.57
平均		112.66	366.66	1584.33	4043.00	3672.33	1283.66	337.66	388.33	974.66	2141.66	1508.33	151.66	—	1380.41	1567.85
偏差		-1267.55	-1013.75	203.92	2662.50	2291.92	-96.75	-1042.95	-992.08	-405.75	761.25	127.92	-1228.75	—	—	—
季節変動量		-1139	-908	286	2721	2327	-85	-1055	-1027	-464	679	23	-1358	—	—	—
32	3	675	929	2147	4605	4235	1846	899	951	1537	2704	2071	714	—	—	—
33	4	956	1211	2428	4886	4516	2127	1181	1232	1819	2985	2352	995	—	—	—
34	5	1237	1429	2709	5168	4797	2408	1462	1513	2100	3266	2634	1276	—	—	—
35	6	1518	1773	2993	5449	5078	2690	1743	1794	2381	3547	2915	1557	—	—	—
36	7	1800	2054	3271	5730	5359	2971	2024	2076	2662	3828	3196	1838	—	—	—
37	8	2081	2335	3553	6011	5640	3252	2305	2357	2943	4110	3477	2119	—	—	—
38	9	2362	2616	3834	6292	5922	3533	2586	2638	3224	4391	3758	2401	—	—	—
39	10	2643	2897	4115	6573	6203	3814	2868	2919	3505	4672	4039	2782	—	—	—
40	11	2924	3179	4396	6855	6484	4095	3149	3200	3787	4953	4321	2963	—	—	—

図-1 嵐山観光駐車場における駐車需要の推計



から季節変動量を求めることができる。ゆえに第  $i$  年  $t$  月の値は次式で計算される。

$$y(t+12i) = 947 + 23.43(t+12i) + \varphi(t) \dots\dots\dots (15)$$

表-1 の昭和 32 年 1 月以降の値は式 (15) による計算値を示したものである。これを図に示したものが 図-1 である。

(b) 清水坂観光駐車場における計算例

次に同様な計算を清水坂観光駐車場について行つたものを示したものが 表-2 であるが、この場合同駐車場は昭和 28 年 4 月に初めて開設されているが、基礎資料の都合上、昭和 28 年 5 月を第 0 年第 1 月として計算したものである。すなわち

$$\bar{y} = 3368.49 = A + 18.5 B \dots\dots\dots (16)$$

$$\frac{1}{n} \sum i \bar{y}_i = 3575.13 = A + 26.5 B \dots\dots\dots (17)$$

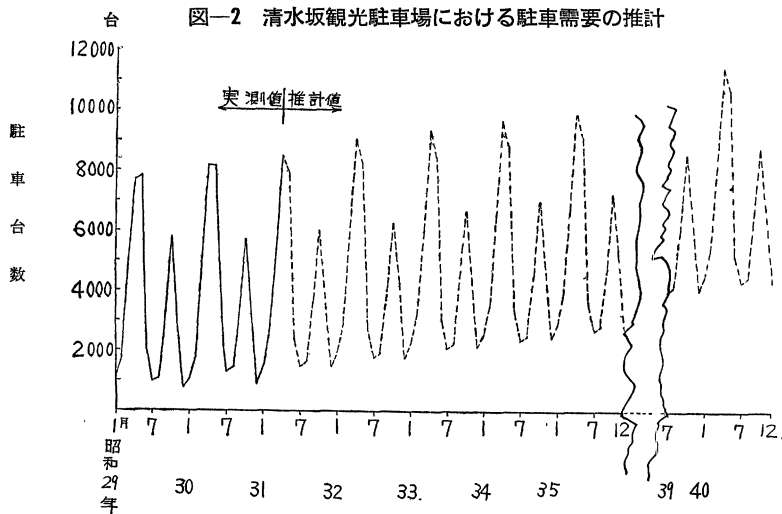
$$\therefore \left. \begin{aligned} B &= 25.83 \\ A &= 28.75 \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots (18)$$

ゆえに前と同様にして次式により計算することができる。

$$y(t+12i) = 2875 + 25.83(t+12i) + \varphi(t) \dots\dots\dots (19)$$

計算値を示したものが 表-2 で、これを図示したものが 図-2 である。

以上基本的な計算方法について考究してきたのであるが、観光駐車場といわれるような施設が必要とされるようになってきたのは日なお浅く、これが将来の需要度について考察するためには基礎となるべき資料に乏しく、わずかに、2、3 年分の資料が得られるに過ぎず、多くは全く過去の資料と云うべきものはない現状である。従つて本計算に当つても、わずか 3 年分の資料を基として考察しているため、例えば長期的変化の傾向を一応次式と考へて計算を進めたが、これは今後資料の蓄積せられることによつて、より合理的な算定式が使用されるべきものであることはもちろんであるが、一応の基礎的理論とその計算方法を示したものである。



3. 駐車需要台数の週日変化に関する考察

先に駐車需要の推計において季節的变化について知ることができた。これから計画の対象としては大体陽春 4 月の駐車需要を調査分析して基礎資料とすればよいことがわかる。すなわち計画上に必要な資料として過去昭和 29, 30, 31, 年の 3 年間の毎年 4 月の駐車実態を示す資料に基づいて、日および時間変化を示すと表-3, 4 のようである。これから週日変化の特性を知り、その特性に基づいて、時間変化とその性格を把握し、計画に必要な駐車需要の時間的強度を推計すればよいことになる。

週日変化に対する考慮としては、日曜日(または日曜日と土曜日)とその他の週日とを別個に分けて考える必要があるかを決定しなければならない。いま日曜日を  $a$ 、その他を  $b$  で表わすことにし、 $a$  および  $b$  における駐車台数を大ききの順に並べる。もし観光自動車が  $a$  に多いならば、これらの並べ方のうちで  $a$  は最初の方に多く、 $b$  は後の方に多く、 $b$  に多いならばその逆となる。こういう場合  $a, b$  の分布はいずれかに、かたよることになる。一般に  $a, b$  がそれぞれ本質的に異なるものであれば、これらの配列中において、 $a, b$  はそれぞれ集中的に

分布するものとなることが考えられる。すなわちこれらの問題を一般的に考察することとして、 $a$ および $b$ なる標識をもつたサンプルと考へて、これらを大きさの順に並べたとき標識出現の相互的關係についての分布を考えればよいことになる。

1) 分布検定に関する基礎理論

いま考へている場合には、標識の種類は  $a, b$  の2種で、これらが1列に配列されたとき順次隣り合っている要素の標識が同一であるとき、それら一連の同一の標識をもつた要素は、相共に一つのラン(run)を構成するという。すなわちこれらの配列についてこのランの分布について考察すればよいことになる。

いま  $m$  コの  $a$  と  $n$  コの  $b$  と合わせて要素の総数  $m+n=l$  コのものを一列に並べたときその配列の仕方は  $l!/m!n!$  であつて、これらのおのおのはすべて等しい確率で起こるものとする。

つぎにこれら  $l!/m!n!$  組の場合のうち、長さ  $j$  なるランの数を  $r_j$ , 長さ  $j$  なる  $b$  のランの数を  $s_j$  とする。例えば配列が

$$aaabbaabaabbab \dots \dots \dots (20)$$

となつたとすれば、 $r_1=1, r_2=2, r_3=1, s_1=2, s_2=2$  でその他のはずべて0である。 $a, b$  のランの総数をそれぞれ、 $r, s$  で表わすと、

$$r = \sum_j r_j \dots \dots \dots (21)$$

$$s = \sum_j s_j \dots \dots \dots (22)$$

である。また  $a$  についてだけ考えると、1つが単独に現われるのが  $r_1$  カ所、2つづつ現われるのが  $r_2$  カ所……となつてゐるから、 $r_1, 2r_2, 3r_3, \dots$  を全部考えると  $a$  の総数  $m$  になる。 $b$  についても同様に結局

$$m = \sum_{j=1}^m jr_j = r_1 + 2r_2 + 3r_3 + \dots + mr_m \dots \dots \dots (23)$$

$$n = \sum_{j=1}^n js_j = s_1 + 2s_2 + 3s_3 + \dots + ns_n \dots \dots \dots (24)$$

となることは明らかである。

つぎに  $r_1, r_2, \dots, r_m$  なる数を与えるとき、 $a$  の  $r$  コのランを一列に並べる並べ方の数は多項係数

$$\frac{r!}{r_1! r_2! \dots r_m!}, \quad (r=r_1+r_2+\dots+r_m)$$

によつて与えられる。同様に  $b$  の方についても

$$\frac{s!}{s_1! s_2! \dots s_n!}, \quad (s=s_1+s_2+\dots+s_n)$$

となる。これらは  $a, b$  に関するラン  $r, s$  のそれぞれの配列の仕方の数であつて、この一つづつの並べ方に対して、 $a$  のランと  $b$  のランを交互に並べる方法の数を考えると、 $r$  と  $s$  との差は1以下である。もしも2以上の違いがあるとすれば、同様のものの2つのランが隣り合うことになり、これはランの定義に反することになるからである。

表-2 清水坂観光駐車場における季節変動量と推計値

年月	推計値											
	1	2	3	4	合計	$\bar{y}_i$	$\bar{y}_i$					
年	0	1	2	3	4	合計	$\bar{y}_i$					
28.5~29.4	1024	1739	4691	7688	36679	3056.58	0					
29.5~30.4	1077	1821	4882	8177	40457	3371.41	3371.4					
30.5~31.4	1539	2792	5135	8472	44142	3677.50	7354.0					
合計	3640	6352	14708	24337	121278	10105.49						
平均	1213.33	2117.33	4902.66	8112.33		3368.49	3575.13					
偏差	-2155.16	-1251.16	1534.17	4743.84								
季節変動量	-2091	-1161	1650	4886								
31.5~32.4	1946	2902	5739	9001								
32.5~33.4	2256	3212	6050	9311								
33.5~34.4	2566	3522	6359	9621								
34.5~35.4	2876	3832	6669	9931								
35.5~36.4	3186	4142	6979	10241								
36.5~37.4	3496	4452	7289	10551								
37.5~38.4	3806	4762	7599	10861								
38.5~39.4	4116	5072	7909	11171								
39.5~40.4	4426	5382	8219	11481								
40.5~41.4	4736	5692	8529	11791								

表-3 嵐山観光駐車場利用台数の日並びに時間変化

(○印は日曜日を示す)

年月	時	8~9	9~10	10~11	11~12	12~13	13~14	14~15	15~16	16~17	17~18	計
	日											
昭和29年4月	1	13		15	15	23	6	7	18	1		98
	2	3	5	3	14	33	14	12	4	7	1	96
	3	8	3	4	35	10	18	12	5	1		96
	④	2	8	22	52	63	14	77	22	15	5	330
	5	4	1	11	27	33	3	9	11	7		106
小計		145	103	328	833	812	435	379	254	165	104	3558
一日平均		4.8	3.4	10.1	27.8	27.0	14.5	12.5	8.5	5.5	3.5	117.6
昭和30年4月	1	3	6	10	15	7	15	5	4	10		75
	2	3		23	6	32	21	12	9	8	10	124
	③		9	15	45	74	57	27	16	12	7	262
	4	13	8	26	10	13	19	8	11	3	1	112
	5	1	9	14	17	38	23	6	9	4	4	125
小計		147	204	376	783	822	542	355	324	212	160	3925
一日平均		4.9	6.8	12.5	26.1	27.4	18.1	11.8	10.8	7.1	5.3	130.8
昭和31年4月	1	2	5	17	27	12	15	13	6	3	1	101
	2	2	8	11	16	40	13	15	13	8	10	136
	3	6	12	3	24	26	23	16	17	8	6	141
	4	3	6	21	24	33	31	8	14	12	17	169
	⑤	6	9	16	26	24	17	12	12	8	4	134
小計		187	250	371	855	914	610	488	430	327	214	4646
一日平均		6.2	8.3	12.4	28.5	30.5	20.3	16.3	14.3	10.9	7.1	154.8

$r=s$  ならば、 $a$  のランの一つの配列を  $b$  のランの1つの配列の間に入れる方法は2通りある。すなわち  $a$  のランが最初にくる場合と、 $b$  のランが最初にくる場合の2つである。一般に2種類のものがあつて、第1種のもの  $r$  コと第2種のもの  $s$  コ合わせて  $r+s$  コを交互に配列する方法の数を、 $r$  と  $s$  の関数として  $F(r, s)$  と書くことにすれば、明らかに

$$\left. \begin{aligned}
 F(r, s) &= 0 && |r-s| > 1 \text{ のとき} \\
 &= 1 && |r-s| = 1 \text{ のとき} \\
 &= 2 && r = s \text{ のとき}
 \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots (25)$$

ゆえに求める場合の数  $N(r, s)$  は

表-4 清水坂観光駐車場利用台数の日並びに時間変化

(○印は日曜日を示す)

年月	時	8~9	9~10	10~11	11~12	12~13	13~14	14~15	15~16	16~17	17~18	計
	日											
昭和	1	40	42	23	23	15	17	8	3	6	1	183
	2	55	38	29	36	15	11	13	13	8	2	220
	3	57	22	36	29	15	21	15	16	5	18	234
	④	35	28	42	44	30	31	27	17	13	10	277
	5	42	30	42	31	24	28	23	31	22	31	304
29												
昭和	26	61	19	52	28	41	22	19	16	8	3	269
	27	97	43	41	28	36	34	18	31	11	9	348
	28	61	50	32	23	19	31	21	14	10	2	263
	29	53	15	15	28	33	12	20	8	3	3	190
	30	49	48	18	28	26	33	11	11	7	1	232
小計		1544	1135	1094	974	708	606	596	480	326	225	7688
一日平均		51.5	37.8	36.5	32.4	23.6	20.2	19.9	16.0	10.9	7.5	256.3
昭和	1	58	34	25	38	40	41	13	14	10		273
	2	41	36	29	24	37	19	39	24	10	1	260
	③	42	37	45	51	49	32	23	17	8	4	308
	4	42	18	29	54	23	16	12	9	11	7	221
	5	22	39	53	35	21	17	21	16	11	4	239
30												
昭和	26	68	46	28	41	29	14	12	12	7	1	258
	27	65	50	46	35	29	24	11	22	6	3	291
	28	41	68	16	29	22	6	17	21	15	5	240
	29	56	57	23	34	18	25	19	8	5	2	247
	30	46	34	49	38	36	26	39	17	14	7	306
小計		1451	1309	1048	1302	840	665	568	506	319	169	8177
一日平均		48.5	43.6	34.9	43.4	28.0	22.2	18.9	16.9	10.6	5.6	272.6
昭和	1	30	41	70	38	30	27	15	15	2		268
	2	33	30	48	56	35	21	8	7	5	2	245
	3	36	41	59	30	31	24	19	10	11	6	267
	4	24	34	36	54	15	25	20	17	17	6	248
	⑤	24	34	47	48	35	21	16	18	12	4	259
31												
昭和	26	78	44	27	49	29	19	16	15	5	5	287
	27	127	26	18	41	41	23	15	8	4	2	305
	28	83	39	31	43	48	27	34	12	7	4	328
	⑥	70	26	41	49	39	22	11	15	11	3	287
	30	61	39	21	27	30	15	8	10	10	4	225
小計		1584	1035	1197	1447	1086	673	547	396	308	200	8472
一日平均		52.8	34.5	39.7	48.2	36.2	22.4	18.2	13.2	10.3	6.7	282.4

$$N(r, s) = \frac{r!}{r_1! r_2! \dots r_m!} \cdot \frac{s!}{s_1! s_2! \dots s_n!} \cdot F(r, s)$$

となる。これを  $l!/m!n!$  で割れば、その確率

$$P_r(r_1, \dots, r_m; s_1, \dots, s_n) = \frac{r!}{r_1! \dots r_m!} \cdot \frac{s!}{s_1! \dots s_n!} \cdot F(r, s) / \frac{l!}{m!n!} \dots (26)$$

が得られる。

つぎに  $r$  と  $s$  の同時分布を求める。そのために式 (26) において  $s$  と  $r$  を固定して、 $r_j$  並びに  $s_j$  について加え合わせればよい。この場合  $r$  については、式 (21) と (23) を、 $s$  は式 (22) と (24) を満足しなければならない。そこで  $s_j$  の同時分布を求めるためには式 (26) を  $r_j$  について加える。したがって  $r$  のすべての分割、す

なわち  $\sum_j r_j = r$ ,  $\sum_j^m r_j = m$  なるすべての組  $(r_1, \dots, r_m)$  について, 多項係数  $r! / r_1! \dots r_m!$  を加え合わせる。そのために恒等式

$$\begin{aligned} & (x + x^2 + x^3 + \dots + x^m)^r \\ &= \sum_{r_1+r_2+\dots+r_m=r} \frac{r!}{r_1! r_2! \dots r_m!} x^{r_1} (x^2)^{r_2} (x^3)^{r_3} \dots (x^m)^{r_m} \\ &= \sum_{r_1+r_2+\dots+r_m=r} \frac{r!}{r_1! r_2! \dots r_m!} x^{1r_1+2r_2+3r_3+\dots+mr_m} \dots \dots \dots (27) \end{aligned}$$

を考えると, ここで  $x^m$  の係数を求めれば今必要とする和の値が得られる。しかるに式 (27) についても, 括弧内を無限級数にした

$$(x + x^2 + \dots + x^m + x^{m+1} + \dots)^r \dots \dots \dots (28)$$

についても  $x^m$  の係数に変わりはない。式 (28) は

$$\frac{x^r}{(1-x)^r} = x^r \left\{ 1 + \frac{r}{1!} x + \frac{r(r+1)}{2!} x^2 + \dots + \frac{(r-1+t)!}{(r-1)! t!} x^t + \dots \right\} = x^r \sum_{t=0}^{\infty} \frac{(r-1+t)!}{(r-1)! t!} x^t$$

となるから,  $x^m$  の係数は  $r+t=m$ , すなわち  $t=m-r$  なる項の係数となる。ゆえに求むる和は

$$\frac{(x-1+m-r)!}{(r-1)!(m-r)!} = \frac{(m-r)!}{(r-1)!(m-r)!} = \binom{m-1}{r-1}$$

となる。ゆえに  $r$  と  $s_j$  との同時分布は

$$P_r(r; s_j) = \frac{(m-1)!}{(r-1)!(m-r)!} \cdot \frac{s!}{s_1! s_2! \dots s_n!} \cdot F(r, s) \Big/ \frac{l!}{m! n!} \dots \dots \dots (29)$$

で与えられることになる。同様に  $r_j$  と  $s$  との同時分布は

$$P_r(r_j; s) = \frac{r!}{r_1! r_2! \dots r_m!} \cdot \frac{(n-1)!}{(s-1)!(n-s)!} \cdot F(r, s) \Big/ \frac{l!}{m! n!} \dots \dots \dots (30)$$

となる。

次に  $r$  と  $s$  の同時分布であつて, これは式 (29) について  $s$  が式 (22) と (24) を満足する範囲で, すべてを加えれば得られる。すなわち同様の計算によつて  $r$  と  $s$  の同時分布の式

$$P_r(r, s) = \frac{(m-1)!}{(r-1)!(m-r)!} \cdot \frac{(n-1)!}{(s-1)!(n-s)!} \cdot F(r, s) \Big/ \frac{l!}{m! n!} \dots \dots \dots (31)$$

が得られる。

いま一方の  $r_1, r_2, \dots, r_m$  のみの分布について考えると, 式 (30) からこれをあらゆる  $s$  について加えればよいわけて式 (25) の条件から

$$\begin{aligned} \sum_{s=1}^n \frac{(n-1)!}{(n-s)!(s-1)!} F(r, s) &= \frac{(n-1)!}{(n-r+1)!(r-2)!} \cdot 1 + \frac{(n-1)!}{(n-r)!(r-1)!} \cdot 2 \\ &+ \frac{(n-1)!}{(n-r-1)! r!} \cdot 1 = \frac{(n+1)!}{(n-r+1)! r!} \end{aligned}$$

であるから  $r_j$  の同時分布は

$$P_r(r_j) = \frac{r!}{r_1! r_2! \dots r_m!} \cdot \frac{(n+1)!}{(n-r+1)! r!} \Big/ \frac{l!}{m! n!} \dots \dots \dots (32)$$

となる。 $s_j$  の同時分布の式も同様である。

したがつて式 (31) を  $s$  について加えるか, 式 (32) を  $r$  について加え合わせれば  $r$  の分布関数が得られる。すなわち

$$P_r(r) = \frac{(m-1)!}{(r-1)!(m-r)!} \cdot \frac{(n+1)!}{(n-r+1)! r!} \Big/ \frac{l!}{m! n!} \dots \dots \dots (33)$$

次に重要な  $a$  と  $b$  のランの総数を  $r+s=u$  とするとき, この  $u$  の分布を求める。このとき  $u=2k$  (偶数) の場合と,  $u=2k+1$  (奇数) の場合に分け考えると

$u=2k$  のとき

式 (25) から  $F(r, s)$  は  $r=s=k$  の場合だけ 2 であつて他は 0 になる。ゆえにこのときは

$$P_r(u=2k) = 2 P_r(k, k) = 2 \frac{(m-1)!}{(k-1)!(m-k)!} \cdot \frac{(n-1)!}{(k-1)!(n-k)!} \Big/ \frac{l!}{m! n!} \dots \dots \dots (34)$$

$u=2k+1$  のとき

( $r=k+1, s=k$ ) と ( $r=k, s=k+1$ ) の 2 つの場合は  $F(r, s)=1$  で, その他の場合は 0 になる。

よつて



$$\begin{aligned}
 Pr(u=2k+1) &= Pr(k+1, k) + Pr(k, k+1) \\
 &= \frac{(m-1)!}{k!(m-k-1)!} \cdot \frac{(n-1)!}{(k-1)!(n-k)!} + \frac{(m-1)!}{(k-1)!(m-k)!} \cdot \frac{(n-1)!}{k!(n-k-1)!} \Big/ \frac{l!}{m!n!} \\
 &= \frac{(m+n-2k)(m-1)!(n-1)!}{(m-k)!(n-k)!k!(k-1)!} \Big/ \frac{l!}{m!n!} \dots\dots\dots (35)
 \end{aligned}$$

すなわちランの総数の分布は式(34), (35)によつて与えられる。したがつてランの数の和の問題にする場合にはこれらの両式を使つて検定することができる。この場合これらの式に  $m, n$  と適当な  $\varepsilon$  を与えて、ランの総数を  $u$  とし、 $u$  が  $u'$  という値を超えない確率  $Pr(u \leq u') \leq \varepsilon$  [または  $P(u \geq u') \leq \varepsilon$ ] なるごとき最大(または最小)の  $u'$  を求めればよい、しかして  $m$  と  $n$  とは交換しても  $u$  の分布には変わりはない。

#### 参考文献および資料

- 1) 毛利正光：駐車場計画に関する基礎理論の研究，土木学会論文集第 38 号(昭 31.10) pp. 49-53.
- 2) 毛利正光：駐車場計画における車輛の出入量強度の算定法と運営に関する基礎的考察，土木学会論文集第 46 号(昭 32.6) pp. 46-51.
- 3) 毛利正光：バスターミナルの計画運営の理論に関する研究，土木学会論文集第 49 号(昭 32.10) pp. 9-16.
- 4) 小河原正巳訳：ウィルクス数理統計学，春日出版社，1956 年 4 月，pp. 328-335.
- 5) 水野 坦他 3 名共著：統計数値表の使い方，朝倉書店，昭 30.1，pp. 73-77.
- 6) Frieda S. Swed and C. Eisenhart：Tables for Testing Randomness of Grouping in a Sequence of Alternatives, Annals. of Math. Stat., Vol. VIX (1943) pp. 66-87

(昭. 33. 5. 15)

昭和 34 年 3 月 5 日 印刷  
 昭和 34 年 3 月 10 日 発行

土木学会論文集第61号 定価 120 円(〒 20 円)

編 集 者 東京都新宿区四谷一丁目 社団法人 土 木 学 会 国分正胤  
 印 刷 者 東京都港区赤坂溜池5 株式会社 技 報 堂 大沼正吉

発 行 所 社 団 法 人 土 木 学 会

東京都新宿区四谷一丁目 電話(35) 5130・5138・5139 振替東京 16828 番