

## フィルダムの盛立ておよび初期湛水時における 間隙水圧挙動の解析

ANALYSIS OF PORE PRESSURE BEHAVIOUR OF ROCKFILL DAM  
DURING CONSTRUCTION AND RESERVOIR FILLING

中川 加明一郎\*・駒 田 広 也\*\*・金 沢 紀 一\*\*\*

By Kameichiro NAKAGAWA, Hiroya KOMADA and Kiichi KANAZAWA

### 1. 序 論

フィルダムの土質遮水壁(コア)内の間隙水圧の変化はダムの安定性に影響を及ぼす要因の一つである。間隙水圧の増大は有効応力の減少をもたらし、材料のせん断抵抗を低下させることが考えられる。また、間隙水圧の消散は有効応力の増加に伴う土質遮水壁の沈下の進行としてダムの余裕高にかかわることも考えられる。さらに湛水過程での間隙水圧の挙動は、ダムの安定性に対する湛水速度の影響を評価するうえで重要な要素となるものである。したがって、土質遮水壁内の間隙水圧挙動を盛立て段階から湛水過程まで計測により監視し、把握しておくことがダムの安定性評価にとって不可欠なこととなっている。そしてさらに、この挙動を予測し検討しておくことが、フィルダムの設計、施工および管理を通してより重要となる。

土質遮水壁内の間隙水圧挙動を予測するこれまでの手法としては、まず浸透流解析の適用を思いつくところである。しかし、盛立て時の間隙水圧の発生や消散、あるいは残留間隙水圧が分布する状態での初期湛水時の間隙水圧挙動を解析することは、従来の浸透流解析の範囲にはないことがある。土質遮水壁内の間隙水圧の変化は、飽和地盤における圧密現象と同様の、間隙水挙動と变形との相互作用の結果であり、解析においてもこのことを直接考慮することがより論理的であるものと思われる。この観点より、Cavounidis と Höeg<sup>1)</sup>は、Biot<sup>2)</sup>の圧密方程式の Christian<sup>3)</sup>による解析手法を、アースダムの盛立て時の解析に応用している。一方、Chang と Duncan<sup>4)</sup>は、締固め土の間隙水が空気を包み込んでいる場

合に、空気と水とをあわせて单一の間隙流体(homogenized fluid)として扱い、さらに盛立て材料の非線形性を導入した形で Biot の方程式を適用した有限要素解析手法を開発している。しかしながら、これらの手法では、フィルダムの土質遮水壁内において当然現われることが予想される自由水面を表現することができず、次の段階である初期湛水過程の解析へと連続させることができ難くなっている。自由水面の出現する場合を考慮したこの相互作用の解析手法として、大西と村上<sup>5)</sup>が地盤の応力・変形を考慮した浸透流解析を提案し、適用例の一つとして、貯水池水位の上昇あるいは下降時のアースダムにおける浸透流と変形の数値解析を行っている。しかしながら、彼らの手法における、自由水面下では材料の単位体積重量を水中単位体積密度に置換するという操作は、浸透流下の有効応力の考え方で統一を欠くことになり、まだ十分な手法とするには至っていないようである。

フィルダムの安定性を検討するうえで、土質遮水壁内の間隙水圧挙動を予測する手法の確立は重要な課題である。これに答えることを目的として、本報告は、まず締固め土における間隙水挙動と変形との相互作用に関する支配方程式について述べる。次にこの支配方程式の有限要素法による解析手法を実際のロックフィルダムの盛立てから湛水過程までの一連の挙動解析に適用した結果について述べ、実測結果との比較から、その手法の有用性を確認しようとするものである。

### 2. 土質遮水壁内の間隙水挙動と変形との相互作用の解析法<sup>6)</sup>

#### (1) 支配方程式の誘導

##### a) 間隙水挙動

フィルダムの土質遮水壁において自由水面より上部では間隙は不飽和な状態となるものと予想される。このような自由水面の現われる浸透流の解析には、飽和・不飽

\* 正会員 工修 電力中央研究所土木研究所立地部地盤構造研究室

\*\* 正会員 工博 電力中央研究所土木研究所立地部地盤構造研究室

\*\*\* 正会員 電源開発(株)原子力部原子力土木建築課長





$n_0$ ；有限要素の節点総数

Galerkin 法の適用により式 (15), (16) を近似し, Gauss の発散定理を適用し, さらに式 (17), (18) を代入して整理すると節点変位  $u_k^n$  および節点全水頭  $h^n$  に関する連立方程式が次のように求められる.

$$\begin{cases} K_{mn}^{ik} \dot{u}_k^n + L_{mn}^i \dot{h}^n = F_m^i \\ A_{mn} h^n + G_{mn}^k \dot{u}_k^n + D_{mn} \dot{h}^n = E_n \end{cases} \quad (19)$$

ここで,

$$K_{mn}^{ik} = \int_V (-N_{m,j}^{(u)} \bar{C}_{ijkl} N_{n,l}^{(u)}) dv \quad (21)$$

$$L_{mn}^i = \int_V (N_{m,i}^{(u)} \alpha \rho_w g \delta_{ij} N_n^{(h)}) dv \quad (22)$$

$$F_m^i = \int_S (N_m^{(u)} \dot{T}_i) ds + \int_V (N_m^{(u)} \dot{f}_i) dv \quad (23)$$

$$A_{mn} = \int_V (N_{m,i}^{(h)} k_{ij} N_{n,j}^{(h)}) dv \quad (24)$$

$$G_{mn}^k = \int_V (-N_m^{(h)} S_r N_{n,k}^{(u)}) dv \quad (25)$$

$$D_{mn} = \int_V (N_m^{(h)} n \rho_w g \frac{\partial S_r}{\partial p} N_n^{(h)}) dv \quad (26)$$

$$E_n = \int_S (N_m^{(h)} Q) ds \quad (27)$$

なお,

$$T_i = \sigma_{ij} n_j \text{ (traction)}$$

$$Q = -(k_{ij} h_{,j}) n_i \text{ (流入量)}$$

$V$  ; 要素の体積

$S$  ; 要素の表面積

連立方程式 (19), (20) の未知変数は節点変位  $u_k^n$  および節点全水頭  $h^n$  であるが,  $\dot{u}_k^n (= \partial u_k^n / \partial t)$ ,  $\dot{h}^n (= \partial h^n / \partial t)$  および  $h^n$  の形で含まれているので, 次のような時間増分  $\Delta t$  に対する差分近似を行う.

$$\dot{u}_k^n = \frac{\Delta u_k^n}{\Delta t} = \frac{u_k^n(t + \Delta t) - u_k^n(t)}{\Delta t} \quad (28)$$

$$\dot{h}^n = \frac{\Delta h^n}{\Delta t} = \frac{h^n(t + \Delta t) - h^n(t)}{\Delta t} \quad (29)$$

$$h^n = \frac{1}{2} \{ h^n(t) + h^n(t + \Delta t) \} \quad (30)$$

また  $\dot{F}_m^i$  および  $E_n$  についても次のように近似する.

$$\dot{F}_m^i = \frac{\Delta F_m^i}{\Delta t} = \frac{F_m^i(t + \Delta t) - F_m^i(t)}{\Delta t} \quad (31)$$

$$E_n = \frac{1}{2} \{ E_n(t) + E_n(t + \Delta t) \} \quad (32)$$

これらを連立方程式 (19), (20) に適用し, ま

たマトリックス表示によって整理すると次式のようになる.

$$\begin{aligned} & \left[ \begin{array}{c} [K] \\ [G] \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} [L] \\ \left[ \frac{\Delta t}{2} [A] + [D] \right] \end{array} \right] \left\{ \begin{array}{c} \{\Delta u\} \\ \{h(t + \Delta t)\} \end{array} \right\} \\ &= \left\{ \begin{array}{c} \{\Delta F\} + [L] \{h(t)\} \\ \left[ -\frac{\Delta t}{2} [A] + [D] \right] \{h(t)\} \\ + \frac{\Delta t}{2} \{E(t)\} + \{E(t + \Delta t)\} \end{array} \right\} \end{aligned} \quad (33)$$

この方程式 (33) を, 所定の境界条件および初期条件のもとに, 定められた時間間隔ごとに逐次解くことにより, 非定常な変位ならびに間隙水圧の挙動を明らかにすることができる.

### 3. 手取川ダムの解析

#### (1) 手取川ダムの概要

手取川ダムは手取川の総合開発の一環として電源開発株式会社により建設された多目的ダムである. 当ダムは, 最大出力 250 MW の発電だけでなく, 手取川下流域の水道用水や工業用水の供給および洪水調節にも利用されるものとして, 1974 年に着工され, 1979 年 12 月に完成をみている.

手取川ダムの標準断面図を図-1 に示す. 当ダムは堤高 153 m, 堤頂長 420 m の中央遮水壁型ロックフィル

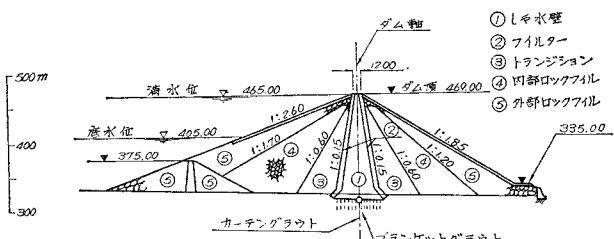


図-1 手取川ダム標準断面図

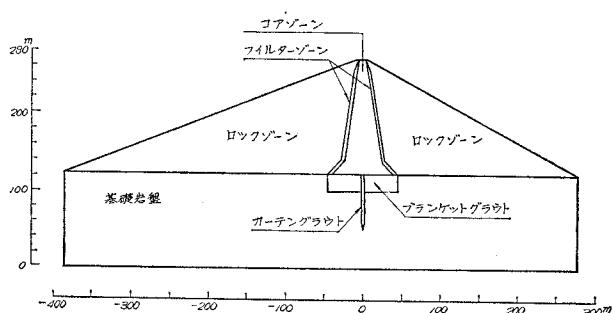


図-2 解析モデルのゾーン

表-1 入力物性値

項目	土質材料	コア	フィルター	ロック	カーテン グラウト	ブランケット グラウト	地盤
等方圧密曲線 $e \sim \ln \sigma_m'$ の膨張あるいは再圧密時の勾配 $\kappa$		0.0227	0.0114	0.016	—	—	—
ボアソン比 $\nu$		0.4	0.35	0.35	—	—	—
乾燥密度 $r_d$ [t/m³]		1.9	2.04	1.98	—	—	—
初期間隙比 $e_0$		0.33	0.32	0.36	—	—	—
飽和透水係数 $k$ [cm/s]		$1 \times 10^{-7}$	$1 \times 10^{-4}$	$1 \times 10^{-2}$	$3 \times 10^{-3}$	$1 \times 10^{-4}$	$3 \times 10^{-4}$
自然飽和度 $S_r$ [%]		80.0	10.0	9.0	—	—	—
最大毛管上昇高 $h_c$ [cm]		150.0	10.0	10.0	—	—	—
真比重 $G_s$		2.71	2.69	2.69	—	—	—

ダムで、図-1に示すように、土質遮水壁（コア）、フィルター、トランジション、内部ロックおよび外部ロックの5つのゾーンからなっている。また、基礎岩盤にはグラウト処理によって改良されたゾーンがある。

## (2) 有限要素解析<sup>13)</sup>

### a) 解析モデル

解析断面として図-1の標準

断面を考える。ただし、解析モデルとしては、図-2に示すように、コア、フィルターおよびロックの3つのゾーンによるダム本体と、グラウト処理による改良も考慮した基礎岩盤とに簡略化したもの用いることにした。この解析モデルに基づき、二次元有限要素に分割した（図-3）が、各ゾーンの三角形要素の数は、コアゾーンで307、フィルターゾーンで184、ロックゾーンで143そして基礎岩盤で120であった。要素総数は754で節点総数は399となった。

### b) 入力物性値

各ゾーンの諸物性値を表-1に示す。これらのうち、等方圧密曲線、乾燥密度、初期間隙比、飽和透水係数および真比重は、室内試験および現場試験の結果<sup>14)</sup>に基づいて決定した。またボアソン比は手取川ダムとほぼ同規模の大型ロックフィルダムにおける物性値分布の実測結果<sup>15)</sup>を参考にした。なお材料の変形特性として、体積弾性係数  $K$  が、平均有効主応力  $\sigma_m'$ 、初期間隙比  $e_0$  および等方圧密膨潤曲線 ( $e \sim \ln \sigma_m'$ ) の勾配  $\kappa$  と、 $K = (1 + e_0)\sigma_m'/\kappa$  の関係にある非線形弾性を仮定した。不飽和透水特性に関しては、特に試験は実施されなかったので、飽和・不飽和浸透流解析の物性の決め方<sup>8)</sup>に基づいて仮定し適用した。

### c) 解析条件

当ダムの盛立て工程および湛水工程はそれぞれ図-4および図-5に示すものであった。今回の解析においては、盛立て過程では7層に分割したフィルダムを順次盛り立てるものとした。そして盛り立てた要素に対して、設

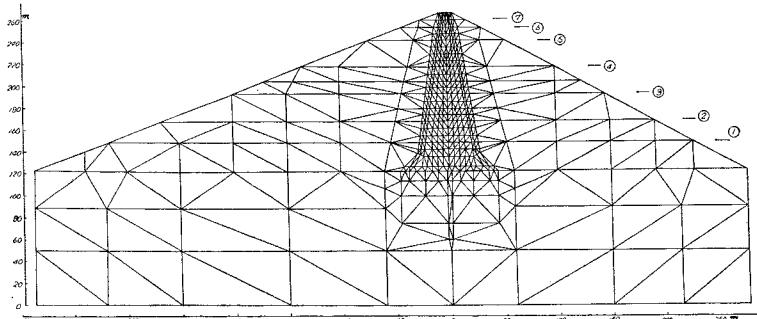


図-3 有限要素メッシュ

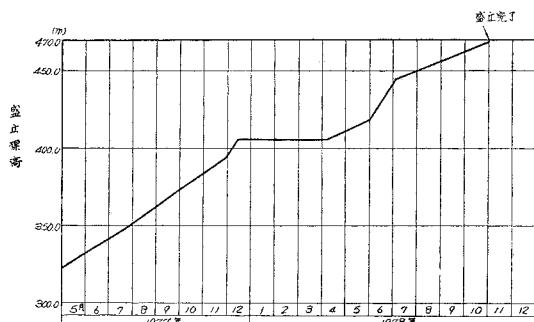


図-4 盛立て工程

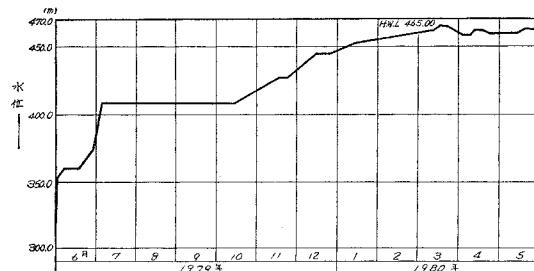


図-5 湛水工程

定された時間増分  $\Delta t$  に対応する自重増分を与える方法をとった。また湛水過程では設定された時間増分  $\Delta t$  に対応して貯水池の水位を上昇させることとした。盛立ておよび湛水過程の解析上の時間刻みの総数は、それぞれ95および112であった。

境界条件としては変形に関するものと間隙水挙動に関

するものとを設定する必要がある。今回の解析においては、まず、変形に関し、基礎岩盤の変位が生じないものとした。また、間隙水挙動に関しては、基礎岩盤の底面で不透水とし、基礎岩盤の上流端、下流端およびロックゾーン内での静水圧分布を仮定した。したがって基礎岩盤では浸透流にのみ関する解析が行われ、また、ロックゾーンでは変形にのみ関する解析が実施されたことになる。

### (3) 解析結果と実測値との比較

数値解析の結果のうち、盛立て過程における間隙水圧のコアゾーン内の分布の様子を図-6に示す。図-6(a)は盛立ての進行に伴って発生した間隙水圧の分布を表わし、図-6(b)は図-6(a)から113日の盛立て休止による間隙水圧の消散状態を表わしている。また、図-6(c)は盛立て完了時の間隙水圧分布である。間隙水圧の消散は、消散しやすいフィルターゾーンなどの境界面から始まり、だんだんにコアゾーンの中心部へと進行する。したがって、コアゾーン内には中心部から球根状に間隙水圧が残留することになる。これらの解析結果は、従来のフィルダムのコアゾーンでの計測結果が示す傾向と同様のものといえる。

図-7はコアゾーン内の間隙水圧の経時変化を示したものである。図中の実線は観測値であり、破線が計算値である。間隙水圧の実測値と計算値の比較をしてみると、完全に一致するものではないが、盛立ての進行に伴い間隙水圧が発生し、また盛立てが冬期間中断すると間隙水圧は消散が進んで減少するという、実測値にみられる全体の傾向を計算結果は比較的よく表わしているといえよう。

図-8は盛立て過程におけるコアゾーンの沈下量の経時変化を示したものである。図中の実線は実測値を、破線は計算値をそれぞれ示している。盛立ての進行に伴い変形は進行するが、冬期間の盛立て中断時にも、間隙水圧の消散に対応して発生する沈下の様子がわかる。図-9はコアセンターでの沈下量の分布を示したものである。コアゾーンの中央部で大きくなる傾向は、実測値および計算値とも同様であり、両者は比較的よく一致しているものといえよう。

盛立て完了後の応力状態、間隙水圧状態を初期条件として、湛水過程の解

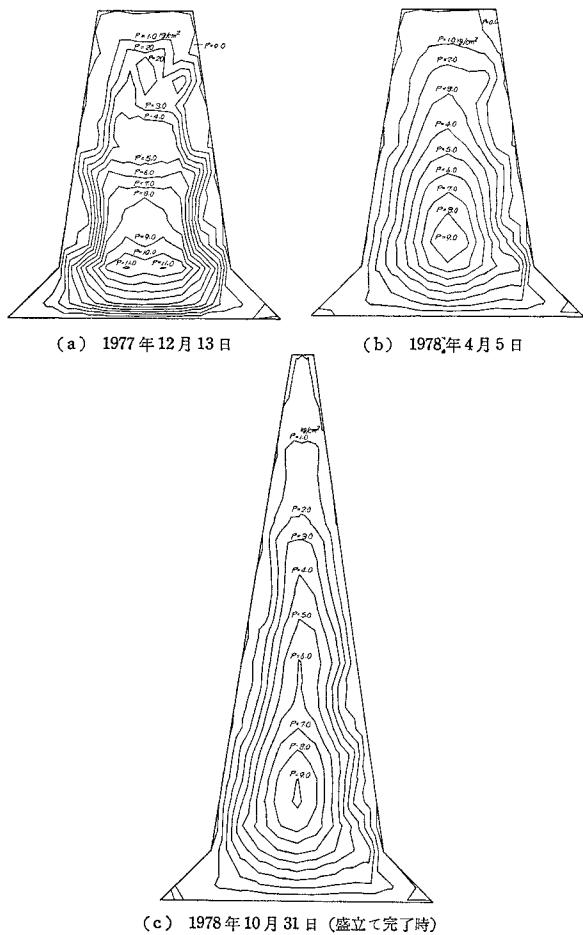


図-6 コアゾーン内の間隙水圧(単位は  
kg/cm<sup>2</sup>[×98 kPa])

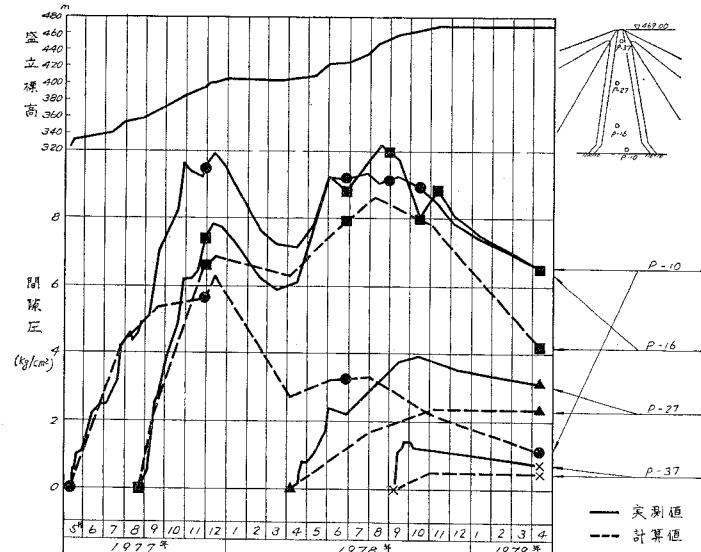


図-7 コアゾーン内の間隙水圧の経時変化

析を引き続き行ったが、図-10は堤体および基礎岩盤内の間隙水圧分布の変化の様子を示したものである。残留間隙水圧が分布する状態から、湛水の進行によって定常状態の間隙水圧分布へと移行してゆくコアゾーンでの間隙水圧の変化をうかがい知ることができる。これらの変化の様子は、定性的には従来よりいわれてきている現象を説明するものと思われる。また、これまでの浸透流解析においては、コアゾーン内の残留間隙水圧を考慮することが不可能であったのに対し、本解析手法により、盛立て完了後の残留間隙水圧の湛水過程に及ぼす影響を示すことが可能となることがわかる。

#### 4. 結論

本報告において、まず不飽和領域を含む地盤の変形と間隙水挙動との連成問題に関する支配方程式の誘導と、有限要素法による数値解析手法について述べた。次にこの手法を実ダムの盛立てから湛水過程までの一連の数値解析に適用した結果を示し、また実測値との比較を行った。本報告の結論を要約すると以下のようである。

(1) 誘導した支配方程式は間隙水と地盤の骨格部分との相互作用を表現しており、地盤の変形と間隙水挙動に関して本質的な扱いをすることができる。また、支配方程式は、対象領域に飽和領域のみならず不飽和領域も含むことにより、自由水面の現われる問題に適用できる。

(2) フィルダムの盛立て過程の解析結果として、盛立ての進行によりコアゾーン内に間隙水圧が発生し、盛立てを停止すると消散するという様子が示された。これによると間隙水圧の消散はフィルターゾーンなどの境界付近から始まり、その結果コアゾーンには球根状に間隙水圧の残留する状態が示された。これは従来のコアゾーンでの計測結果が示す傾向と同一のものである。また間隙水圧の分布および変化に関する数値解と実測値とは全体の傾向として比較的よい一致をみた。

(3) 盛立ての進行に伴いコアゾーンでの沈下は進行するが、盛立て中断時にも間隙水圧の消散に対応するコアゾーンでの沈下(圧密)の進行が解析結果として示された。コアゾーンでの沈下に関する計算結果と実測値との比較をみると両者は比較的よく一致していることが認められた。

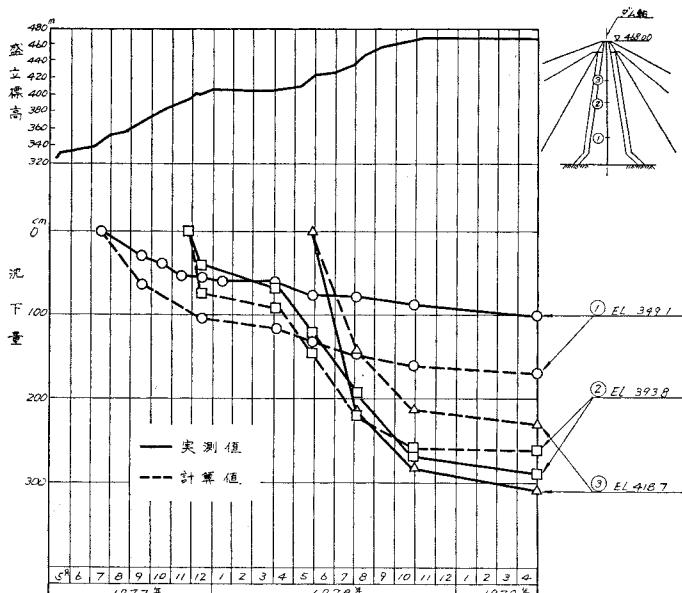


図-8 コアセンターの沈下量の経時変化

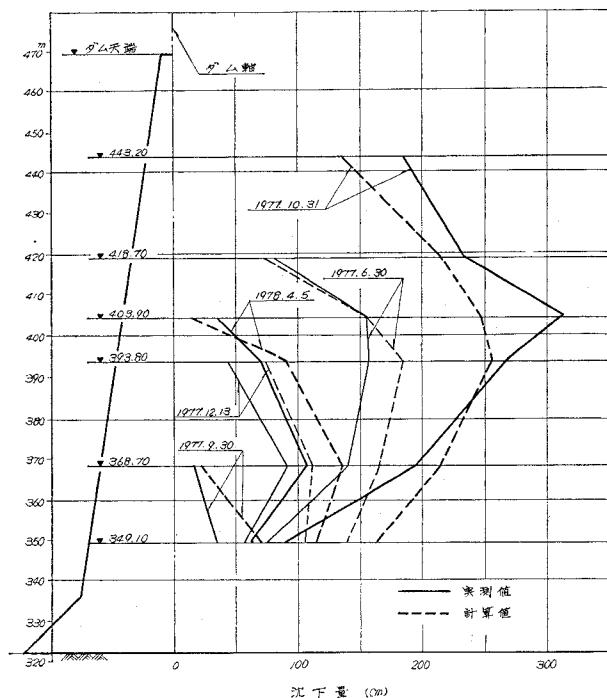


図-9 盛立て時のコアセンターの沈下量

(4) 盛立て完了後の応力状態および間隙水圧状態を初期条件として、湛水過程の解析を実施し、残留間隙水圧の分布する状態から湛水の進行に伴い定常状態へと移行してゆく間隙水圧の変化の様子を結果として得た。これは定性的に従来よりいわれてきている現象を説明するものと思われた。なお、この様子を示すことはこれまで

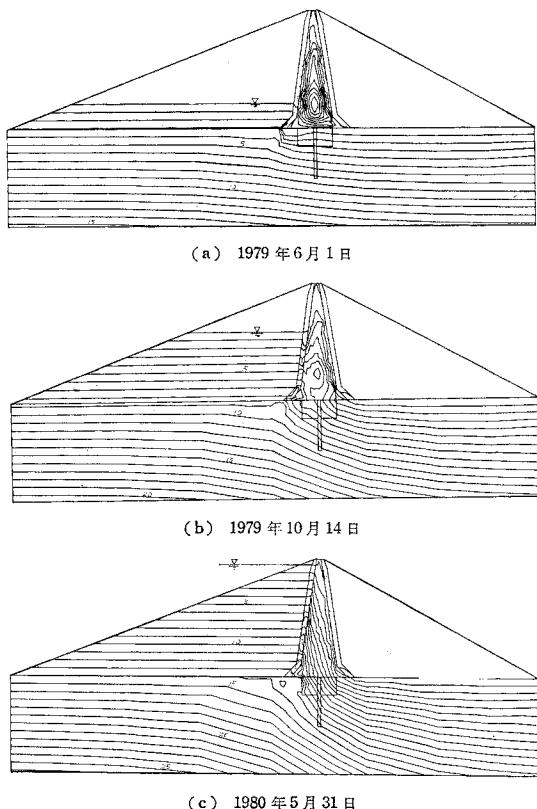


図-10 满水過程の間隙水圧分布（計算結果：等圧線の間隔は  $1 \text{ kg/cm}^2$  {98 kPa}）

の浸透流解析では不可能であった。

（5）今回適用した解析手法は、以上のように実測値との比較検討から、フィルダムの盛立てから満水過程までの一連の挙動の解析に有用であるものと思われる。ただし、解析結果は材料の物性値や境界条件などの入力条件に大きく依存するものであり、これらの精度を十分なものにすることが解析結果の信頼性を向上させるうえで必要である。特に、不飽和な材料の変形特性、透水特性とも未知のところが多く、これらの解明は急務でもある。

末筆ながら、本研究を進めるにあたり、ご協力をいただいた電源開発（株）土木部設計室の方々に深謝の意を表する次第である。なお、本報告での数値計算は、（株）

開発計算センターの井田文雄氏に負うところであり、あわせて感謝の意を表わすものである。

#### 参考文献

- 1) Cavounidis, S. and K. Höeg : Consolidation during Construction of Earth Dams, Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, Vol. 103, No. GT 10, pp. 1055~1067, 1977.
- 2) Biot, M.A. : General Theory of Three-Dimensional Consolidation, Journal of Applied Physics, Vol. 12, pp. 155~164, 1941.
- 3) Christian, J.T. : Undrained Stress Distribution by Numerical Methods, Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, ASCE, Vol. 94, No. SM 6, pp. 1333~1345, 1968.
- 4) Chang, C.S. and J.M. Duncan : Analysis of Consolidation of Earth and Rock-fill Dams, Contract Report S-77-4, U.S. Army Engineer Waterways Experiment Station, 1977.
- 5) 大西有三・村上 誠：有限要素法による地盤の応力-変形を考慮した浸透流解析、土木学会論文報告集、第298号、pp. 87~96, 1980.
- 6) 中川加明一郎・駒田広也：地盤の変形と間隙水挙動との相互作用の解析法、電力中央研究所報告、研究報告、381031, 1982.
- 7) 赤井浩一・大西有三・西垣 誠：有限要素法による飽和-不飽和浸透流の解析、土木学会論文報告集、第264号、pp. 87~96, 1977.
- 8) 駒田広也：飽和-不飽和土中の非定常浸透流解析、電力中央研究所報告、研究報告、377015, 1978.
- 9) 中野政詩：土中水の不飽和流動、2. 不飽和の水の流れ、土と基礎、Vol. 29, No. 6, pp. 71~78, 1981.
- 10) Bjerrum, L. and J. Hunder : Measurement of permeability of compacted clays, Proc. 4th ICSMFE, Vol. 1, pp. 6~8, 1957.
- 11) 中川加明一郎：間隙流体が圧縮性の土の有効応力について、土木学会第37回年次学術講演会講演概要集、第3部、pp. 207~208, 1982.
- 12) Bishop, A.W. and G.E. Blight : Some Aspects of Effective Stress in Saturated and Partly Saturated Soils, Geotechnique, Vol. 13, No. 3, pp. 177~197, 1963.
- 13) 中川加明一郎・駒田広也：フィルダムのコア内における盛立ておよび初期満水時の間隙水圧挙動の解析と実測値との比較、電力中央研究所報告、研究報告、382007, 1982.
- 14) 電源開発株式会社：手取川第一発電所新設工事工事記録、1982.
- 15) 沢田・高橋・桜井・矢島：ロックフィルダムの物性値分布特性および堤体の動的特性——弾性波動に基づく考察、電力中央研究所報告、研究報告、377008, 1977.

（1982.11.11・受付）