

斜張橋の最適基準設計に関する研究

OPTIMUM DESIGN OF CABLE STAYED BRIDGES
USING OPTIMALITY-CRITERIA

山田 善一*・大宮司 尚**

By Yoshikazu YAMADA and Hisashi DAIGUJI

1. まえがき

土木構造物の計画を合理的に行い、与えられた条件に対して、最適な設計を追求することは、技術者にとって重要な任務である。しかし、支間割や使用鋼材の決定している橋梁などについては、全応力設計法 (Fully Stressed Design)，あるいは、最適設計法によって決定される建設コスト差が僅少になるような場合も多いと考えられる。したがって、橋梁の設計においては、全応力設計法が最も一般的で常識的な設計概念となっている。

近年、経済的な形式の橋梁として、斜張橋が建設される機会が多くなり、それに伴って、多くの定性的な考察が行われ^{5)~8)}、力学的な特性などはほぼ明らかにされている。しかし、斜張橋の場合は、鋼部材とケーブル部材の許容応力度と建設コストが著しく異なるので、全応力設計法によって合理的な設計を行うためには、かなりの経験や比較設計が必要になると考えられる。なぜならば、この方法において基準となるのは、安全度確保のための許容応力度であって、部材間の最適な関係を保証できるような基準は何も存在しないからである。

したがって、安全でかつコストミニマムに近い斜張橋を設計していくためには、何らかの最適設計の手法によらなければならないわけであるが、非線形計画法を用いて、補剛桁、ケーブル、塔、プレストレスなどの合理的な設計を行うためには、多数の設計変数について最適化を試みなければならず、設計変数が増えるに従って、収束値に対する信頼性は乏しくなり、計算時間が著しく増加することになる。また、ケーブル定着点の応力集中、曲げねじり応力、せん断応力なども考慮した最適化を非線形計画法によって行うことは繁雑な問題となるので、この方法による最適設計法を確立していくことはかなり

困難である。

斜張橋は、架設条件により程度の大小はあるが、プレストレスの導入によって補剛桁の応力を調整する場合が多い。そのような場合、導入されるプレストレス量を的確に把握し、プレストレスの分だけケーブル断面の余裕があるような計画を行って、ケーブルと桁の剛性を決定していかなければならない。また、定性的な傾向として、ケーブルの伸び剛性と補剛桁の曲げ剛性の比率によって断面力が著しく変化するので、最適な剛比を推定することはかなりの経験がないと困難であろう。そういう意味で、コストと強度の著しく異なる部材で構成される構造物については、部材の最適な配分を決定できるような基準を定めることができれば、安全性と経済性が同時に保証されるようになり、実用的な最適設計が可能になると考えられる。

この研究は、斜張橋の静力学的な特性を利用することによって、剛比基準パラメーターを用い、プレストレス導入前の概略設計を能率よく行い、基本剛性を決定した後、プレストレスが合理的に導入された場合の最適基準パラメーターを求め、許容応力度による制約と最適基準を同時に満足させた設計を行うことによって、斜張橋のケーブル・補剛桁系の近似的な最適設計を試みるものである。

以下 2. では、最適基準決定のための諸条件を明らかにし、3. においては、補剛桁コストを評価するために、Element Optimization の考え方を述べる。次に、4. においては、最適基準パラメーターを求めるまでの手順について説明し、5. では、数値計算によって 2 径間および 3 径間斜張橋モデルを設定し、それらに対する最適基準パラメーターを求め、6. において、5. で求めたパラメーターを参考にして最適基準値を決定し、最適基準設計を試みる。最後に、7. においては、本研究で得られた成果や、今後の問題点について考察する。

* 正会員 工博 京都大学教授 工学部土木工学科

** 正会員 M.S. (株) 春本鉄工所

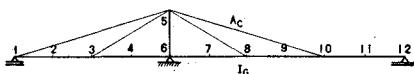
2. 最適基準決定のための諸条件

最適基準を決定する過程においては、種々の前提条件を定め、構造物の有する力学的な特性を利用する事が重要になる。

(1) 対象とする構造系に関する条件

モデルは、1支点固定、他支点可動のラディアルタイプの斜張橋で、塔と桁は剛結されており、格点の断面力は変形法による影響線解法で算出される。

図-1～3は、ケーブルと補剛桁の剛比 $\gamma = E_G I_G / E_c A_c$



$A_c = 0.026$	$I_G = 0.555$	$\gamma_1 = 22.08$	$K_{cont} = 1.001$
$A_c = 0.045$	$I_G = 0.950$	$\gamma_2 = 22.04$	

図-1 2径間モデルの γ -断面力特性（その1）

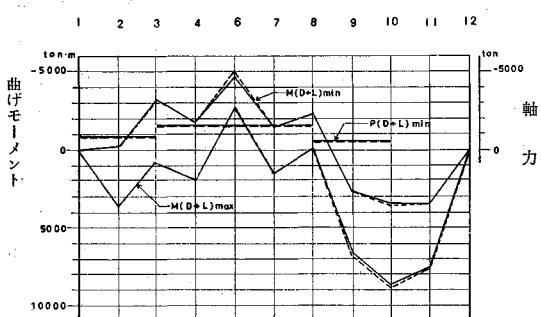
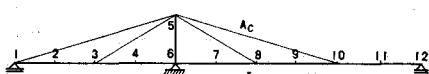


図-1 2径間モデルの γ -断面力特性（その1）



$A_c = 0.031$	$I_G = 0.684$	$\gamma_1 = 23.22$	$K_{cont} = 0.973$
$A_c = 0.071$	$I_G = 1.145$	$\gamma_2 = 23.85$	

図-2 2径間モデルの γ -断面力特性（その2）

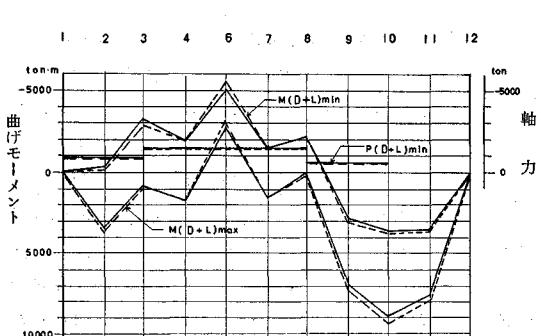
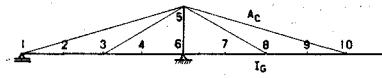


図-2 2径間モデルの γ -断面力特性（その2）



$A_c = 0.031$	$I_G = 0.684$	$\gamma_1 = 23.22$	$K_{cont} = 0.973$
$A_c = 0.071$	$I_G = 1.145$	$\gamma_2 = 23.85$	

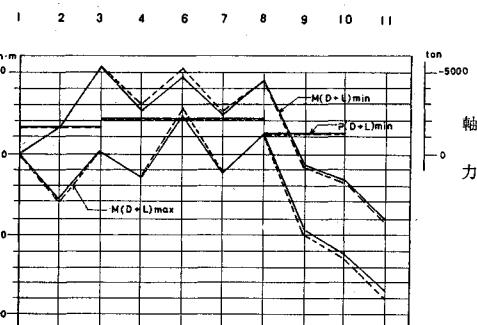


図-3 3径間モデルの γ -断面力特性（その3）

の値に対する補剛桁格点の断面力を描いたものである。ここで I_G , A_c は全長にわたって一定としている。図-1 と図-2 は、2径間斜張橋、図-3 は、3径間斜張橋に関するものである。これにより、支間長ならびに塔高が同じ構造系においては、ケーブルの伸び剛性 $E_c A_c$ や補剛桁の曲げ剛性 $E_G I_G$ の個々の値が異なっても γ 値が同じであれば、ほぼ等しい格点断面力が得られることがわかる。補剛桁の断面力に大きな影響を与えるのが、この γ 値と塔高であり、塔の剛性の影響は比較的小さいことがわかったので、塔のコストは研究の対象外とし、 γ 値の特性を利用することによって、ケーブル・補剛桁系を対象とした数値計算を行う。

(2) 設計のための条件

ケーブル・補剛桁系の設計法としては、全応力設計法と γ 特性を利用して剛比基準設計(2. (3))の2法によるものとし、この2法に共通な条件は次のようなものである。

- (a) 支間長 100～250 m の斜張橋を想定して、補剛桁高さは 2～4 m、ケーブル直径は 150～300 mm の制限とする。
- (b) コストの評価は、ケーブルと補剛桁の重量に評価係数を乗じた数量によって行うが、製作、架設費を含む経済性を把握するために、評価比率を SS 41: SM 50: ケーブル = 1.0 : 1.15 : 2.0 と仮定する。
- (c) ケーブルの許容応力度は $\sigma_{cable} = 5000 \text{ kg/cm}^2$ とする。
- (d) 部材応力の照査は、曲げ応力と軸方向応力についてのみ行い、曲げねじり応力、せん断応力、応力

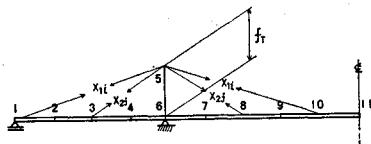


図-9 プレストレスの導入

10

プレストレスを、図-9 に示すように X_{1i} , X_{2j} とすると、コストの評価は次式で行われる。

$$Z(X_{1i}, X_{2j}) = \sum_{m=1}^{N_G} \text{COST } G(X_{1i}, X_{2j}) \\ + \sum_{n=1}^{N_C} \text{COST } C(X_{1i}, X_{2j}) \\ + K_P(X_{1i}, X_{2j}) \dots \dots \dots \quad (32)$$

ここで、 K_P はプレストレス導入のためのコスト係数であるが、不確定な要因が多いので本文では考慮していない。基本剛性の断面力に、プレストレスによる調整を行った断面力を加算して、補剛桁の Element Optimization を行い、コストの評価数量を求める。今回の研究では、設計変数は上段と下段のプレストレスとし、格子点探索を行うことにした。設計変数が 3 個以上になる場合は、SUMT による探索が行われる。

(3) 構造特性パラメーターと最適基準パラメーターの定義

式(31), (32)によって設計変数に応じたコストの評価数量が計算され、それに対応する形でケーブル・補剛桁系の無次元化された剛比が次式で求められる。

$$K_E \equiv E_G J_G / E_G A_G H_G^2 \dots \dots \dots \quad (33)$$

ここで、 I_G ：補剛桁断面 2 次モーメント、
 H_G ： I_G に従属して変わる桁高、 A_c ：ケーブル断面積、 E_c 、 E_g ：ヤング係数。

K_E は、ケーブル・補剛桁系の構造特性を表わしているので、構造特性パラメーターとする。次に、コストが最小になる場合の式(33)で得られるパラメーター値を最適基準パラメーターとし、次式で示す。

ここで、 I_{GOPT} ：コスト最小における補剛桁断面 2 次モーメント、 H_{GOPT} ：同桁高、 A_{GOPT} ：同ケーブル断面積。

5. 数値計算による最適基準パラメーターの決定

数値計算は、2径間と3径間斜張橋の合計

9ケースのモデルについて行い、その結果を考慮して最適構造系を推定する最適基準パラメーターを求める。

(1) 2 径間斜張橋モデルの数値計算

図-10 は 2 径間モデルの一般図、断面形状、荷重条件

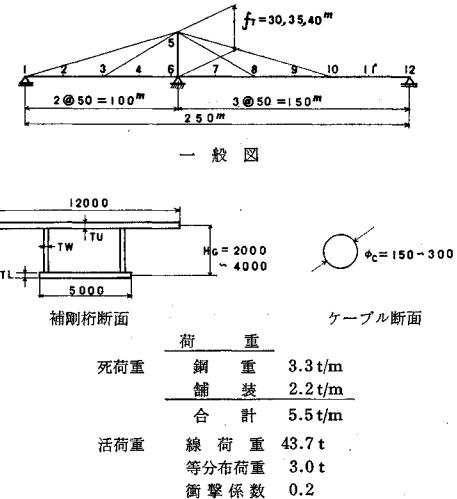


図-10 2 径間モデルの設計条件

表-1 ケース 1 の計算結果

(1) 全応力設計

(2) 剛比基準設計

X_{zj} (m ²)	1		2		3		4		5		
	0.018		0.031		0.044		0.057		0.071		
X_{if} (m ⁴) (H_G)(m)	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	
	1	0.223(2.0)	3.68	950	2.11	962	1.47	1 018	1.13	1 082	0.92
2	0.684(2.5)	5.03	1 003	3.78	936	2.89	929	2.22	943	1.81	965
3	1.145(3.0)	6.03	991	4.55	937	3.36	933	2.58	946	2.10	963
4	1.605(3.5)	7.04	972	4.94	934	3.46	945	2.66	958	2.16	974
5	2.066(4.0)	7.56	960	4.87	943	3.41	952	2.62	966	2.13	986

(3) プレストレス導入後 ($i=2, i=3$)

X_2 (t)	1		2		3		4		5		
X_1 (t)	0		250		500		750		1 000		
	K_E	コスト									
1	0	2.89	929	2.89	926	2.80	923	3.04	926	3.31	926
2	250	2.76	904	2.78	904	2.75	901	2.91	901	3.15	899
3	500	2.64	884	2.63	880	2.61	878	2.75	879	2.83	883
4	750	2.56	875	2.51	866	2.49	863	2.62	863	2.73	871
5	1 000	2.49	865	2.52	859	2.47	855	2.55	854	2.60	860

件である。数値的な解析は次の6つのケースについて行う。

ケース	塔高	腹板厚	鋼重仮定	その他
1	30 m	10 mm	3.3 t/m	
2	30 m	14 mm	3.3 t/m	
3	30 m	10 mm	3.3 t/m	Knie タイプ
4	30 m	10 mm	5.3 t/m	
5	35 m	10 mm	3.3 t/m	
6	40 m	10 mm	3.3 t/m	

表-1は、25ポイントの格子点上でコスト（評価数量）と構造特性パラメーター K_E を算出したものである。全応力設計によってケーブル・補剛桁系の設計を行う場合の K_E の値は、約4.0～5.0の範囲にあり、コストのばらつきも比較的少ないが、剛比基準 K_{cont} を利用した設計では0.9～7.6までの大きな範囲にあり、コストのばらつきも大きい。

表-1(2)の $i=2, j=3, K_E=2.89$ の基本剛性を有する系に0～1000tのプレストレスを与えた結果が表-1(3)である。コストも相当減少するが、 K_E の値も15%程度減少することがわかる。

図-11中の*1で示す結果は、表-1(1)の $i=5, j=5, K_E=4.79$ における断面力図ならびに断面構成図である。同様に*2は、表-1(2)の $i=2, j=3, K_E=2.89$ における断面力図と断面構成図であり、*3は表-1(3)の $i=5, j=4$ における断面力図と断面構成図である。

表-2～6は、ケース2～ケース6のタイプについて剛比基準設計を行った結果である。表-2は、実際の斜張橋の補剛桁に近づけるために、腹板厚を14mmに仮定してコストと構造特性パラメーターを算出したものである。コストは明らかに増加するが、パラメータ値の変動は小さい。表-3は、ケース1の諸元のままで、図-10の格点3に杏を取り付ける場合である。プレストレス導入後のコストが2%強減少しているが、杏や基礎に要するコストを考慮すると、この程度の橋梁ではKnieタイプは不経済になると考えられる。表-4は、ケース1の断面や一般寸法のままで、鋼自重を3.3t/mから5.3t/mとした時の結果である。荷重が増えてもパラメータ値はほとんど変化しないことがわかる。表-5, 6は、塔高をそれぞれ35m, 40mとした場合の結果である。塔高30mの場合では、 K_E はほとんど変わらないが、コストは

表-2 ケース2の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{2j} (m ²)		1		2		3		4		5	
		0.0177		0.031		0.044		0.057		0.071	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	
1 0.232(2.0)	3.76	978	2.19	990	1.53	1041	1.18	1102	0.96	1169	
2 0.701(2.5)	4.84	1040	3.94	976	2.96	963	2.28	974	1.85	995	
3 1.170(3.0)	6.00	1039	4.51	980	3.43	968	2.64	977	2.15	991	
4 1.640(3.5)	6.88	1023	4.95	978	3.53	975	2.72	981	2.21	998	
5 2.109(4.0)	7.88	1014	4.97	984	3.48	986	2.68	999	2.18	1015	

(2) プレストレス導入後 ($i=2, j=3$)

X_{2j} (t)		1		2		3		4		5	
		0		250		500		750		1000	
X_{ii} (t)	K_E	コスト									
1 0	2.96	963	2.96	961	2.93	958	2.99	956	3.00	959	
2 250	2.84	938	2.82	934	2.80	931	2.85	934	2.88	934	
3 500	2.79	917	2.67	910	2.65	908	2.68	912	2.75	914	
4 750	2.71	907	2.58	899	2.59	895	2.59	896	2.69	900	
5 1000	2.74	898	2.61	889	2.54	885	2.49	883	2.62	891	

表-3 ケース3の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{2j} (m ²)		1		2		3		4		5	
		0.018		0.031		0.004		0.057		0.071	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	K_E	コスト									
1 0.223(2.0)	3.68	903	2.11	936	1.47	992	1.13	1055	0.92	1122	
2 0.684(2.5)	4.91	972	3.90	903	2.89	901	2.22	918	1.81	942	
3 1.144(3.0)	5.90	967	4.46	914	3.36	896	2.58	913	2.10	928	
4 1.605(3.5)	6.79	953	4.94	915	3.46	911	2.66	920	2.16	937	
5 2.066(4.0)	7.73	941	4.87	918	3.41	920	2.62	932	2.13	951	

(2) プレストレス導入後 ($i=2, j=3$)

X_{2j} (t)		1		2		3		4		5	
		0		500		1000		1500		2000	
X_{ii} (t)	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	
1 0	2.90	901	2.86	895	2.78	886	2.74	882	2.71	877	
2 500	2.77	880	2.72	876	2.65	867	2.64	866	2.62	865	
3 1000	2.69	869	2.61	862	2.55	854	2.53	853	2.53	852	
4 1500	2.61	860	2.50	849	2.53	847	2.48	842	2.49	843	
5 2000	2.53	850	2.52	842	2.47	839	2.43	835	2.45	838	

表-4 ケース4の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{2j} (m)		1		2		3		4		5	
		0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	K_E	コスト									
1 0.223(2.0)	3.48	1050	2.11	1073	1.47	1143	1.13	1210	0.92	1299	
2 0.684(2.5)	4.52	1126	3.56	1045	2.89	1017	2.22	1030	1.81	1049	
3 1.145(3.0)	5.42	1111	3.92	1040	3.36	1001	2.58	1003	2.10	1014	
4 1.605(3.5)	6.19	1081	4.42	1023	3.46	994	2.66	997	2.16	1010	
5 2.066(4.0)	7.03	1048	4.79	1004	3.41	996	2.62	1000	2.13	1014	

(2) プレストレス導入後 ($i=2, j=3$)

X_{ij} (t)		1		2		3		4		5	
		0		250		500		750		1000	
X_{ii} (t)	K_E	コスト									
	1	0	2.89	1017	2.93	1013	2.90	1007	2.87	1002	2.84
2	250	2.81	993	2.82	985	2.82	979	2.80	977	2.77	976
3	500	2.70	970	2.70	960	2.71	955	2.70	952	2.69	956
4	750	2.62	954	2.61	946	2.61	936	2.60	932	2.61	939
5	1000	2.53	949	2.53	934	2.54	927	2.55	924	2.52	928

表-5 ケース 5 の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{ij} (m ²)		1		2		3		4		5	
		0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	
	1	0.223(2.0)	3.68	906	2.11	931	1.47	991	1.13	1050	0.92
2	0.684(2.5)	4.88	958	3.96	896	2.89	896	2.22	917	1.81	934
3	1.145(3.0)	5.70	962	4.51	907	3.36	895	2.58	907	2.10	921
4	1.605(3.5)	6.72	951	4.89	901	3.46	899	2.66	908	2.16	925
5	2.066(4.0)	7.05	940	4.87	907	3.41	909	2.62	920	2.13	940

(2) プレストレス導入後 ($i=2, j=3$)

X_{ij} (t)		1		2		3		4		5	
		0		250		500		750		1000	
X_{ii} (t)	K_E	コスト									
	1	0	2.89	896	2.86	891	2.85	892	2.93	894	2.99
2	250	2.77	876	2.71	869	2.69	867	2.81	874	2.87	882
3	500	2.71	863	2.60	854	2.57	851	2.66	858	2.72	863
4	750	2.68	853	2.52	845	2.51	839	2.52	842	2.62	847
5	1000	2.62	843	2.51	836	2.45	832	2.41	833	2.54	840

表-6 ケース 6 の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{ij} (m ²)		1		2		3		4		5	
		0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	K_E	コスト	
	1	0.223(2.0)	3.69	868	2.11	910	1.47	973	1.13	1036	0.92
2	0.684(2.5)	4.96	917	4.13	868	2.89	875	2.22	891	1.81	918
3	1.145(3.0)	5.92	932	4.71	883	3.36	874	2.58	888	2.10	900
4	1.605(3.5)	6.82	929	4.94	883	3.46	884	2.66	895	2.16	913
5	2.066(4.0)	7.50	918	4.87	891	3.41	896	2.62	913	2.13	928

(2) プレストレス導入後

X_{ij} (t)		1		2		3		4		5	
		0		250		500		750		1000	
X_{ii} (t)	K_E	コスト									
	1	0	2.89	875	2.82	871	2.82	873	2.92	877	3.0
2	250	2.76	860	2.68	855	2.66	852	2.76	857	2.84	867
3	500	2.74	846	2.61	842	2.62	835	2.68	842	2.74	850
4	750	2.70	837	2.60	833	2.46	825	2.55	828	2.62	837
5	1000	2.54	832	2.60	830	2.48	823	2.41	823	2.49	825

35 m で 2% 強、40 m で 3% 強減少している。この場合、補剛桁の重量は減少するが、塔の重量は増加するので、最適塔高の決定のためには、塔のコストを含む全体コストを算出する必要がある。

今回の研究で行った、2 径間モデルの数値計算の範囲内では、プレストレスが合理的に導入された場合の K_{OPT} は $2.5 \pm 15\%$ にあることがわかる。

(2) 3 径間斜張橋モデルの数値計算

図-12 は、3 径間モデルの一般図、断面形状、荷重条件である。数値計算は次の 3 つのタイプについて行う。

ケース	塔 高	腹板厚	その他
7	30 m	10 mm	$K_E=2.58$ の系に プレストレス導入
8	30 m	14 mm	$K_E=2.64$ の系に プレストレス導入
9	30 m	14 mm	$K_E=2.96$ の系に プレストレス導入

表-7 は、ケース 7 に関する結果でコストと K_E を算出したものである。図-13 *1 で示す結果は、表-7 (1) の $i=2, j=5, K_E=3.41$ における断面力図ならびに断面構成である。この図中の *2 は、表-7 (2) の $i=3, j=4, K_E=2.58$ における断面力であり、*3 は、*2 の系にプレストレスを導入した後の断面力図と断面構成である。プレストレスを導入する場合としない場合では、この程度の橋で 7% 程度のコスト差があることがわかる。

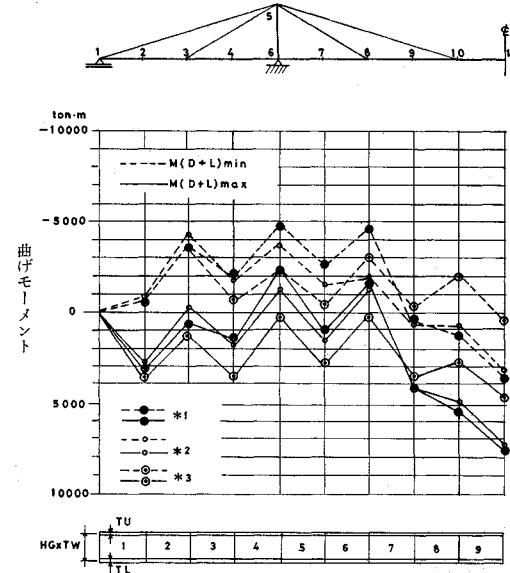
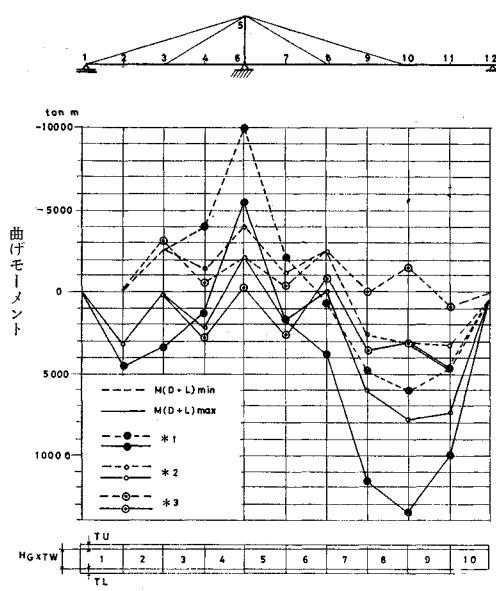
表-8 は、図-13 における系に対して腹板厚のみを 14 mm にして計算した結果である。表-9 は、表-8 の系でプレストレスを導入する基本構造系を $i=2, j=3, K_E=2.96$ に選んで計算した結果である。

3 径間の場合でも、最適基準パラメーター K_{OPT} は 2.5 近傍という結果になった。

(3) 最適基準パラメーターの決定

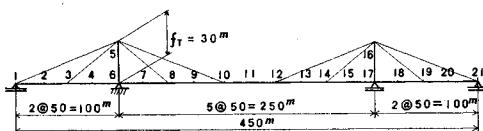
表-10 は、9 ケースの数値計算結果より最適基準パラメーターについてまとめたものである。2 径間斜張橋の K_{OPT} の平均値は 2.48、3 径間斜張橋の平均値は 2.46 が得られたので、これを参考にして K_{OPT} を決定する。

実橋における K_{OPT} の値は、淀川新橋が 2.87、末広大橋が 2.89、尾道大橋が 2.4 と

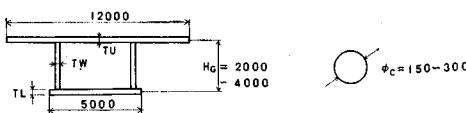


SECTION NO	補剛桁板厚構成 (mm)									SS 41 : NO MARK		SM 50 : *	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9				
*1	TU	18	18	18	18	18	19	18	21	18			
	HGTW			4000*	X10	*	*	*	*				
2	TL	13	13	13	27	22*	13	22*	32*	32*	23*		
	TU	18	18	18	18	18	18	18	20	18			
*3	HGTW		*	2500*	X10	*	*	*	*	*			
	TL	16	14*	16*	23*	22*	14*	22*	30*	30*	28*		
	TU	18	18	18	18	18	18	18	18	18			
	HGTW		*	*	2500*	X10	*	*	*	*			
	TL	13	16*	20*	15*	15*	18*	14*	14	18*	18*		

図-11 2径間モデルの断面力・断面構成



一般図

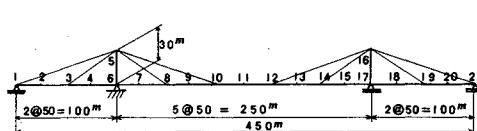


補剛桁断面

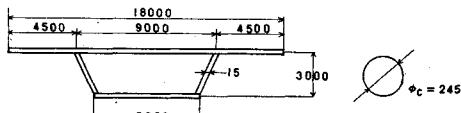
ケーブル断面

荷重		
死荷重	鋼重	3.3 t/m
	舗装	2.2 t/m
	合計	5.5 t/m
活荷重	線荷重	43.7 t
	等分布荷重	3.0 t
	衝撃係数	0.2

図-12 3径間モデルの設計条件



一般図



補剛桁断面

ケーブル断面

荷重		
死線荷重	荷重	10.0 t/m
等分布荷重	荷重	50.0 t
衝撃係数	荷重	3.5 t/m
最適基準パラメータ	数	0.2
補剛桁仮定断面	2次モーメント	$K_{OPT}=2.5$
補剛桁仮定断面	断面積	$I_G=1.0 \text{ m}^4$
ケーブル仮定断面	断面積	$A_C=0.046 \text{ m}^2$

図-14 3径間斜張橋の最適基準設計条件

表-7 ケース 7 の計算結果

(1) 全応力設計

X_{2j} (m ²)	1		2		3		4		5	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
	K_E	コスト								
1 0.223(2.0)	3.39	1767	3.25	1733	3.24	1733	3.22	1733	3.22	1732
2 0.684(2.5)	3.77	1791	3.61	1769	3.52	1751	3.45	1733	3.41	1723
3 1.145(3.0)	4.07	1820	3.87	1789	3.78	1764	3.70	1749	3.63	1740
4 1.605(3.5)	4.32	1855	4.09	1816	3.96	1793	3.88	1779	3.81	1768
5 2.066(4.0)	4.73	1890	4.33	1849	4.18	1833	4.10	1813	4.01	1801

(2) 剛比基準設計

X_{2j} (m ²)	1		2		3		4		5	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
	K_E	コスト								
1 0.223(2.0)	3.12	1797	2.11	1785	1.47	1905	1.13	2031	0.92	2189
2 0.684(2.5)	4.38	1938	3.44	1782	2.89	1716	2.22	1753	1.81	1797
3 1.145(3.0)	4.88	2001	3.88	1791	3.36	1734	2.58	1730	2.10	1763
4 1.605(3.5)	5.30	2003	4.06	1818	3.46	1737	2.66	1734	2.16	1763
5 2.066(4.0)	5.67	1995	4.24	1836	3.41	1740	2.62	1758	2.13	1780

(3) プレストレス導入後

X_2 (t)	1		2		3		4		5	
	0		250		500		750		1 000	
X_1 (t)	K_E	コスト								
1 0	2.58	1730	2.61	1738	2.60	1740	2.64	1758	2.75	1781
2 250	2.44	1690	2.46	1695	2.48	1701	2.51	1715	2.60	1729
3 500	2.36	1660	2.39	1666	2.39	1669	2.41	1675	2.50	1688
4 750	2.28	1633	2.27	1637	2.25	1632	2.28	1640	2.39	1654
5 1 000	2.28	1619	2.19	1609	2.14	1604	2.15	1606	2.28	1624

表-8 ケース 8 の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{2j} (m ²)	1		2		3		4		5	
X_{ii} (m ⁴) (H_G) (m)	0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
	K_E	コスト								
1 0.232(2.0)	3.19	1850	2.19	1823	1.53	1933	1.18	2045	0.96	2167
2 0.701(2.5)	4.43	2008	3.47	1845	2.96	1777	2.28	1801	1.85	1851
3 1.170(3.0)	4.95	2073	3.94	1869	3.38	1806	2.64	1794	2.15	1822
4 1.640(3.5)	5.39	2094	4.12	1909	3.53	1817	2.72	1817	2.21	1841
5 2.109(4.0)	5.81	2107	4.32	1941	3.48	1850	2.68	1854	2.18	1871

(2) プレストレス導入後

X_{2j} (t)	1		2		3		4		5	
	0		250		500		750		1 000	
X_1 (t)	K_E	コスト								
1 0	2.65	1794	2.67	1802	2.67	1805	2.81	1826	2.85	1853
2 250	2.57	1763	2.55	1766	2.55	1768	2.68	1787	2.68	1796
3 500	2.46	1725	2.45	1731	2.46	1735	2.51	1749	2.59	1755
4 750	2.36	1701	2.36	1698	2.33	1701	2.57	1713	2.45	1717
5 1 000	2.40	1684	2.36	1679	2.27	1675	2.25	1682	2.33	1683

なっている。本研究では、実設計における設計条件をすべて考慮していないので、 K_{OPT} の真値がどこにあるか判断できないが、眞の最適基準パラメーターを求めることは今後の問題としたい。

6. 最適基準設計法による計算例

最適基準設計法においては、経済基準としての最適基準パラメーターに、安全基準としての許容応力度と同様な拘束力を持たせることが重要になる。最適基準パラメーターが、斜張橋のケーブル・補剛桁系の経済基準としての役割を果たすためには次の条件が必要である。

- (1) プレストレスの導入計画に応じたケーブル・補剛桁系の最適剛比が決定される。
- (2) 仮定剛比と実剛比が式(4)の条件を満足している。

式(34)は、この2つの条件を満たしていると考えられる。ここに、以下の設計条件を与え、最適基準設計を行ってみる。

- (1) 設計条件
 - a) 5.での数値計算結果を参考にして、最適基準値(K_{OPT})は2.5とする。
 - b) $K_{OPT}=2.5$ ということを考慮して、補剛桁の仮定断面2次モーメント $I_G=1.0 \text{ m}^4$ 、ケーブル仮定断面積 $A_c=0.046 \text{ m}^2$ とする。
 - c) 補剛桁の設計はElement Optimizationによって行う。
 - d) その他の設計条件は図-14に示す。
- (2) 計算例

図-15は、上記条件を有する系による断面力と断面構成図である。図-16~18は、図-15における系に500 t, 1 250 t, 2 000 tのプレストレスによる組み合わせを考慮した断面力と断面構成図、ならびにプレストレス導入に必要な変位である。合理的なプレストレスのタイプは、図-17 P 7, 図-18 P 8であります。この場合は K_{cont} 値は1.05であり、剛比基準式(4)も十分満足していることがわかる。

7. 結論

本論文は、斜張橋の設計を行うにあたって、最適なケーブルと補剛桁の剛比を決定するためには、経済基準と

表-9 ケース 9 の計算結果

(1) 剛比基準設計

X_{ij} (m ²)		1		2		3		4		5	
		0.018		0.031		0.044		0.057		0.071	
$X_{ij} (m^4)$		K_E	コスト								
1	0.232(2.0)	3.19	1850	2.19	1823	1.53	1933	1.18	2045	0.96	2167
2	0.701(2.5)	4.43	2008	3.47	1845	2.96	1777	2.28	1802	1.85	1851
3	1.170(3.0)	4.95	2073	3.94	1869	3.38	1806	2.64	1794	2.15	1822
4	1.640(3.5)	5.39	2094	4.12	1909	3.53	1817	2.72	1817	2.21	1841
5	2.109(4.0)	5.81	2107	4.32	1941	3.48	1851	2.68	1854	2.18	1870

(2) プレストレス導入後

X_{ij} (t)		1		2		3		4		5	
		0		250		500		750		1,000	
X_{ij} (t)		K_E	コスト								
1	0	2.96	1777	3.01	1787	3.02	1805	3.07	1828	3.14	1842
2	250	2.82	1736	2.85	1743	2.85	1748	2.76	1764	2.99	1788
3	500	2.75	1706	2.77	1711	2.76	1712	2.77	1719	2.90	1738
4	750	2.67	1679	2.63	1675	2.64	1680	2.64	1683	2.76	1698
5	1,000	2.55	1661	2.53	1652	2.55	1654	2.53	1656	2.68	1678

表-10 最適基準パラメーター総括

ケース	設計法	構造特性パラメーター	K_{OPT}	K_{OPT} 平均値
2 径 間 斜 張 橋	a 全応力設計	4.0~5.0	2.55	2.48
	b 刚比基準設計	0.92~7.56		
	c プレストレス調整	2.47~2.89		
3 径 間 斜 張 橋	b 刚比基準設計	0.96~7.88	2.49	2.43
	c プレストレス調整	2.54~2.96		
4 径 間 斜 張 橋	b 刚比基準設計	0.92~7.73	2.55	2.55
	c プレストレス調整	2.43~2.90		
	b 刚比基準設計	0.92~7.03		
5 径 間 斜 張 橋	c プレストレス調整	2.53~2.89	2.45	2.41
	b 刚比基準設計	0.92~7.05		
	c プレストレス調整	2.41~2.89		
6 径 間 斜 張 橋	b 刚比基準設計	0.92~7.50	2.41	2.46
	c プレストレス調整	2.41~2.89		
	b 刚比基準設計	0.96~5.81		
7 淀川新橋	c プレストレス調整	2.25~2.65	2.27	2.53
	b 刚比基準設計	0.96~5.67		
	c プレストレス調整	2.14~2.58		
8 末広大橋	b 刚比基準設計	0.96~5.81	2.58	2.46
	c プレストレス調整	2.25~2.65		
	b 刚比基準設計	0.96~5.81		
9 尾道大橋	c プレストレス調整	2.53~2.96		
	b 刚比基準設計	0.96~5.81		
淀川新橋	支間 80.5+216+80.5 (PWS)	2.87		
末広大橋	支間 109.25+250+109.25 (PWS)	2.89		
尾道大橋	支間 85+215+85 (ロックドコイル)	2.39		

もいうべき最適基準パラメーターを考慮した設計が実用的に可能であるということを指摘し、基礎的な研究を行った結果を報告するものである。

斜張橋の最適基準の決定にあたっては、近似的な剛比基準設計と、格子点法による最適化によって、最適基準パラメーターを導く手順を述べ、さらに、数値計算を行って算出されたパラメーターを用いた最適基準設計を試みたが、その結果得られた結論は次のようにまとめられる。

(1) ケーブルと SS 41 材の製作・架設コストの比率が、2:1 から著しくかけ離れない場合の、ケーブル・補剛桁系の最適基準パラメーター K_{OPT} は 2.0~3.0 にあることが推定される。

(2) 最適基準パラメーターは構造特性と密接な関係があり、斜張橋の場合はプレストレス導入後のケーブル・補剛桁系の実剛比を推定できるものでなければならないが、そのためには 2. (1) における特性の裏付けが前提となる。

(3) 斜張橋のケーブル・補剛桁系の静力学的特性に基づいて、最適基準パラメータ K_{OPT} が用いられるためには、補剛桁の

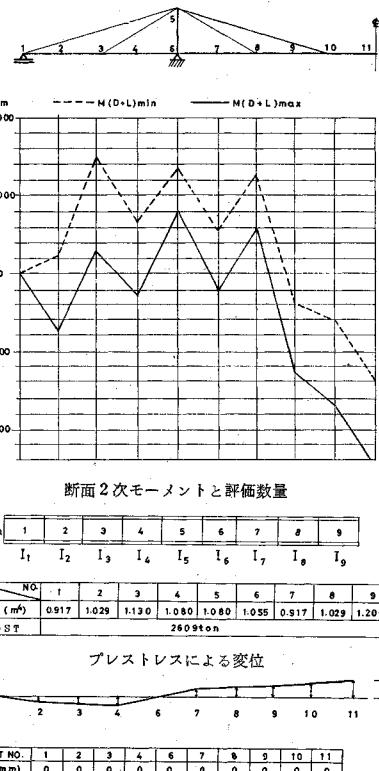


図-15 3 径間斜張橋の最適基準設計（基本剛性）

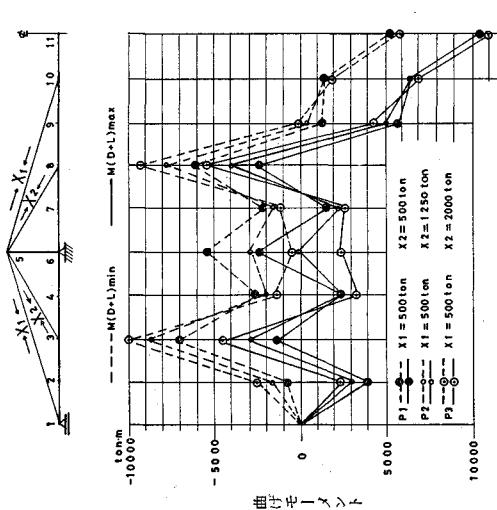
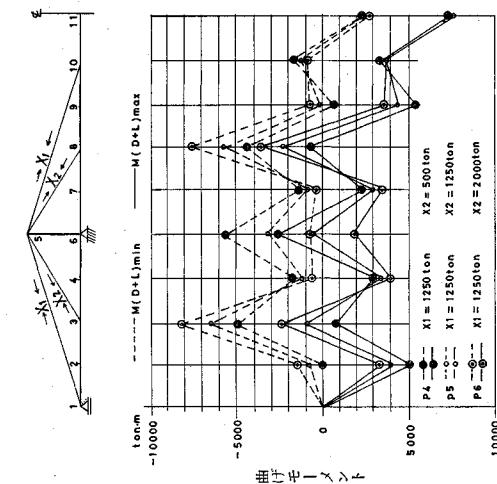


図-16 3径間斜張橋の最適基準設計（プレストレス導入）

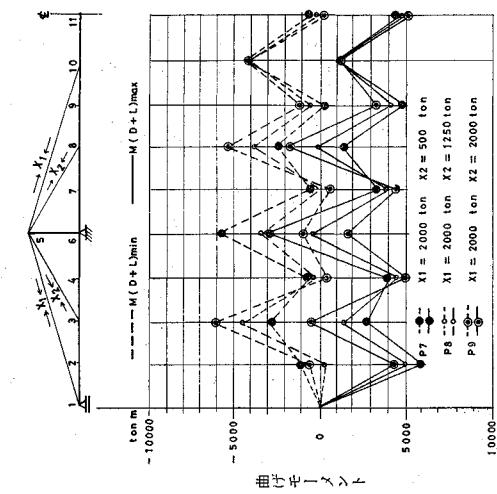
POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0	14	24	24	0	-60	-143	-201	-295	-319	
A _n	0	-17	-14	11	11	-56	-225	-339	-442	-545	
(mm)	0	-49	-53	-2	0	-132	-314	-434	-505	-574	

図-17 3径間斜張橋の最適基準設計（プレストレス導入）



POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0	14	24	24	0	-60	-143	-201	-295	-319	
A _n	0	-17	-14	11	11	-56	-225	-339	-442	-545	
(mm)	0	-49	-53	-2	0	-132	-314	-434	-505	-574	

図-16 3径間斜張橋の最適基準設計（プレストレス導入）



POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0	121	175	124	0	-166	-401	-723	-993	-998	
A _n	P2	0	89	156	111	0	-302	-487	-619	-741	
(mm)	P3	0	58	98	97	0	-239	-573	-526	-185	

図-16 3径間斜張橋の最適基準設計（プレストレス導入）

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0	64	100	74	0	-113	-273	-477	-645	-703	
P2	0	36	61	61	0	-149	-358	-76	-511	-796	
P3	0	4	22	47	0	-185	-443	-480	-637	-889	

プレストレスによる変位

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

断面2次モーメントと評価数量

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917
P2	-0.052	-0.130	-0.244	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917
P3	0.052	0.222	1.413	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917
P2	-0.052	-0.130	-0.244	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917
P3	0.052	0.222	1.413	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917
P2	-0.052	-0.130	-0.244	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917
P3	0.052	0.222	1.413	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917
P2	-0.052	-0.130	-0.244	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917
P3	0.052	0.222	1.413	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

断面2次モーメントと評価数量

POINT NO.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
P1	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917	0.917
P2	-0.052	-0.130	-0.244	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917	-0.917
P3	0.052	0.222	1.41								

断面2次モーメントが全長にわたってほぼ均一になる必要があるが、そのためには、合理的にプレストレスの導入が行われなければならない。

次に、今後解決されなければならない問題としては以下のことがあげられる。

(4) 真の経済基準としてのパラメーターを決定するためには、曲げねじり応力、せん断応力、ケーブル定着点の応力集中などによる断面増加がパラメーター K_{OPT} に及ぼす影響を定量的に把握する必要がある。

(5) さらに、今後斜張橋の最適基準設計を実用的なものにしていくためには、過去に建設された資料を詳細に分析し、実設計における考え方を反映させながら、種々の建設コストの比率や構造形式、諸元に応じた基準を確立するための研究が必要になる。

最適基準設計法は、構造物の特性に着目することによって、最適な特性を見出しお^{11), 13)}、非線形計画法による最適化と同様の成果をあげることができるが、一般に最適性を証明できる構造物は非常に限られたものである。本研究でのパラメーターの最適値は、近似的な数値計算によって求められたが、今後の研究によって、真の値に近い最適基準パラメーターを得ることができれば、経済性を考慮した設計法が容易に確立されることになるといえよう。

おわりに、本研究をまとめるにあたり、適切な助言をいただいた京都大学 渡辺英一助教授、大阪市土木局主幹 松川昭夫氏、(株)建設技術研究所 岡田鉄三氏、(株)春本鉄工設計部長 魚谷義彦氏に深謝します。

参考文献

- 1) 山田善一・大宮司 尚：斜張橋の最適設計に関する研究、

第30回年次学術講演概要集第1部, pp. 633~634, 昭和50年10月。

- 2) 山田善一・大宮司 尚・太田 拓：斜張橋の最適設計に関する研究、土木学会関西支部年次学術講演会(I-57), 昭和50年4月。
- 3) 山田善一・大宮司 尚：鋼床版床組の最適設計の実用化に関する研究、土木学会論文報告集, 第233号, 1975年1月。
- 4) 奥村敬恵・大久保禎二：Suboptimization による鋼連続桁の最適設計、土木学会論文報告集, 第215号, 1973年7月。
- 5) 長谷川紀夫・成岡昌夫：各種構造形式の斜張橋の曲げモーメント、たわみに関する研究、土木学会誌, Vol. 53, No. 9, 昭和43年9月。
- 6) 前田幸雄・林 正：3径間連続桁を基本系とする斜張橋の形式による静力学的構造特性に関する研究、土木学会論文報告集, 第175号, 1970年3月。
- 7) 前田幸雄・林 正・井本賀章：斜張橋の剛性による静力学的特性に関する一考察、土木学会論文報告集, 第199号, 1972年3月。
- 8) 岡田哲夫・矢作 枝・大野惣平：荒川大橋(斜張橋)の設計施工、橋梁と基礎, Jan. 1971.
- 9) 田村周平・笛吹昭光・出野 宏：尾道大橋の設計について、橋梁, June 1968.
- 10) Razani, R. : The Behavior of the Fully-Stressed Design of Structures and its Relationship to Minimum Weight Design, AIAA Journal Vol. 3, No. 12, Dec. 1965.
- 11) Templeman, A.B. : "Optimization Concepts and Techniques in Structural Design", Theme IIa, Introductory Report, Tenth Congress, I.A.B.S.E., Tokyo, Sep. 1976.
- 12) Gellatly, R.A. : D.M. Dupree; Examples of Computer-aided Optimal Design of Structures, Theme IIc, Introductory Report, Tenth Congress, I.A.B.S.E., Tokyo, Sep. 1976.
- 13) Gellatly, R.A. and Berke, L. : Optimality-criterion-based Algorithms, Chapter in Optimum Structural Design, Theory and Applications, edited by R.H. Gallagher and O.C. Zienkiewicz, John Wiley and Sons, 1973.

(1976.1.10・受付)