## 3次元並列 VOF 法に基づく大規模津波シミュレーションとその可視化

## 1. はじめに

東北地方太平洋沖地震により発生した津波は,沿岸地域 に甚大な被害をもたらし,津波の挙動を事前に予測・把握し て災害に備えることの重要性が改めて認識された.津波に よる構造物への被害を定量的に検討するためには,Navier-Stokes 方程式に基づく3次元解析が必要となる.しかし,3 次元の津波シミュレーションは非常に大規模な自由度を扱 うことから,これを高速に処理するためには並列計算が必 要となる.また,複雑な構造物形状を対象とするには,任 意形状への適合性に優れた手法は有効となる.

そこで本研究では,基礎方程式として3次元 Navier-Stokes 方程式を,離散化手法としては安定化有限要素法 <sup>1)</sup>を用いた自由表面流れの並列計算手法の構築を行うこと を目的とし,本手法の並列化効率を検証するとともに大規模 津波シミュレーションへの適用を行った.さらに,シミュ レーション結果の高品質な可視化についても検討した.な お,自由表面位置を捕捉するための手法には VOF 法<sup>2)</sup>を用 い,並列計算には MPI<sup>3)</sup>を用いた.

## 2. 数值解析手法

## (1) 支配方程式

非圧縮性粘性流体の流れを考え,流れ場の支配方程式は 以下に示す Navier-Stokes 方程式 (1) と連続式 (2) で表される.

$$\rho \left( \frac{\partial u_i}{\partial t} + u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} - f_i \right) + \frac{\partial p}{\partial x_i} - \mu \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) = 0$$
(1)

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \tag{2}$$

ここで,u は流速,p は圧力,f は物体力を表している.各 節点における密度  $\rho$  および粘性係数  $\mu$  は VOF 関数  $\phi$  を用 いて以下のように定義される.

$$\rho = \rho_{\iota}\phi + \rho_{a}\left(1 - \phi\right) \tag{3}$$

$$\mu = \mu_i \phi + \mu_a \left( 1 - \phi \right) \tag{4}$$

ここで  $\rho_i$ ,  $\rho_g$ ,  $\mu_i$ ,  $\mu_g$  は液体および気体の密度と粘性係数 を表す.なお, VOF 関数  $\phi$  は液体上で 1.0, 気体上で 0.0, 界面では 0.5 をとるスカラー関数である.

また, VOF 関数の時間発展は,以下に示す移流方程式 (5) によって支配される.

$$\frac{\partial \phi}{\partial t} + u_i \frac{\partial \phi}{\partial x_i} = 0 \tag{5}$$

中央大学大学院	学生員	不室	太希
東京大学	正会員	田中	聖三
中央大学	正会員	樫山	和男

## (2) 離散化手法

支配方程式の空間方向の離散化には SUPG/PSPG 法に 基づく安定化有限要素法を適用し,時間方向の離散化には Crank-Nicolson 法に基づく差分近似を適用する.なお,(1) の移流速度は Adams-Bashforce 法によって近似し,(5)式 の移流速度は流れ場の計算から求めたものを用いる.連立 一次方程式の解法には GPBi-CG 法を用いる.

## 3. 並列計算手法

計算の高速化および大規模化を行うために, FlatMPI に よる並列計算手法を導入する.使用する計算機は,スーパー コンピューター CRAY XE6 である.表 - 1 に計算機の性 能を示す.これは共有-分散メモリ型の並列計算機であり, 図 - 1 に示すように1 ノードあたり 4 つの NUMA ノード で構成されている.NUMA 構成の計算機では1 つのメモ リへのアクセスコストが計算コアごとに均一でないことか ら,メモリアクセスを向上させるため,プロセスへのメモ リの割り当ては NUMA ノード内に制限する.

## **4**. 可視化手法<sup>4)</sup>

大規模津波シミュレーションにおける解析結果の可視化 には,フォトリアリスティックビジュアライゼーションソ フトウェア (Lumion<sup>5)</sup>)を使用する.全計算ステップで共 通となる地形データと,各ステップごとに異なる自由表面 形状データを読み込み,自由表面形状データのレイヤー表 示を連続的に切り替えることで津波が遡上する様子を再現 する.また,自由表面の水面勾配によって白波の効果を加 えるなどの処理を行うことで,より高品質な可視化を可能 としている.

表-1 計算機の性能

CRAY XE6		
CPU	AMD Opteron 6238 (2.9GHz)	
Memory size	64GB × $940$ nodes	
Number of cores	16cores × 2CPUs × 940nodes	
O.S.	SUSE Linux Enterprise Server 11	
Compiler	Intel Composer XE2011	



**KeyWords**: 津波,並列計算, VOF法,安定化有限要素法,可視化 連絡先: 〒112-8551 東京都文京区春日 1-13-27



# 5. 数值解析例

## (1) 並列性能の評価

本手法の並列性能の評価を行うため,図-2に示すモデル を用いて並列化効率の計測を行う.解析には四面体の非構 造格子を用いる.節点数は6,738,732,要素数は37,560,556であり,最小メッシュ幅は地表面近傍で0.50mとする.微 小時間増分量  $\Delta t$ は0.050sとし,境界条件として Slip 条件 を与える.

図 - 3 に時刻 15s および 30s における解析結果を示す. 津波が堤防を乗り越えて陸域に遡上していく様子をとらえ ていることが確認できる.図 - 4 に使用コア数/ノード数と スピードアップおよび並列化効率の関係を示す.図中のプ ロットは、2 ノード使用時を基準とした値である.これらの 結果から、FlatMPI による並列計算手法を導入することで、 高いスピードアップおよび並列化効率が得られていること が確認できる.また、使用コア数 1,024 以下の範囲では、特 に高い並列化効率が得られている.

## (2) 大規模津波シミュレーション

本手法を大規模津波シミュレーションへ適用するため, 図 - 5 に示すモデルを用いた解析を行う.解析には四面 体の非構造格子を用いる.節点数は 23,233,249,要素数は 125,280,464 であり,最小メッシュ幅は地表面近傍で 0.25m とする.微小時間増分量 Δ*t* は 0.050s とし,境界条件は Slip 条件を与える.また,並列数は 2,048 とする.

図 - 6 に時刻 40s における解析結果の鳥瞰図および地表 面近傍からの視点を示す.本手法によって津波が沿岸都市



図-5 大規模シミュレーションのための解析モデル



図-6 解析結果

域に侵入していく様子をとらえていることが分かる.また, 4章で述べた可視化手法を導入することにより,高品質な可 視化を実現することができた.

## 6. おわりに

本報告では,基礎方程式として3次元 Navier-Stokes 方 程式を,離散化手法としては安定化有限要素法を用いた自 由表面流れの並列計算手法の構築を行うことを目的とし, 本手法の並列化効率を検証するとともに大規模津波シミュ レーションへの適用を行った.数値解析例を通じて以下の 結論を得た.

- 大規模津波シミュレーションにおいて FlatMPI による並列計算手法を導入することで,高い並列化効率が得られた.
- フォトリアリスティックビジュアライゼーションを 導入することで、シミュレーション結果の高品質な 可視化を実現することができた。

今後は,複雑形状を有する実地形モデルを用いた大規模 津波シミュレーションを行っていく予定である.

### 参考文献

- Tezduyar, T. E.: Stablized finite element formulations for incompressible flow computations, Advance in Applied Mechanics, 28, pp.1-44, 1992.
- Hirt, C. W. and Nichols, B. D.: Volume of Fluid(VOF) Method for the Dynamics of Free Boundaries, *Journal of Computational Physics*, 39, pp.201-225, 1981.
- Pacheco, P. S.: Parallel Programming with MPI, Morgan Kaufmann, 1997.
- 4) 奥野恭平,樫山和男,古牧大樹:水環境シミュレーションのための可視化に関する研究,土木学会関東支部第41回技術研究 発表会,I-33,2014.
- 5) http://lumion3d.com/