京都大学工学研究科	学生会員 〇荒木	伸哉	京都大学工学研究科	学生会員	小杉	翼
京都大学工学研究科	学生会員 有間	将司	京都大学工学研究科	正 会 員	八木	知己
京都大学工学研究科	正 会 員 白土	博通				

# 1.序論

斜張橋ケーブルやエクストラドーズド橋の斜材等に 見られる様な,複数の円柱が平行配置された構造では, ウェイクギャロッピング(以下 WG)やウェイクインデ ューストフラッター(以下 WIF)といった空力振動現象 の発現が確認されている.しかし,WIFの発生メカニ ズムについては未だ全容は解明されていない.本研究 では風洞実験によって下流側円柱の振動応答特性を明 らかにし,また,WIF について着目し非定常空気力特 性から空力振動現象の発現機構の解明を目的とした.

### 2.自由振動応答実験

2本の平行配置された円柱模型(上流側円柱:固定,下 流側円柱:ばねにより弾性支持)において,2円柱の配置 を様々に変化させ,下流側円柱について2自由度自由 振動応答実験を行い,各配置での振動応答特性を調べ た.2円柱間の中心間の水平距離をW,鉛直距離をS とし,円柱直径D=0.05[m]で除したものをパラメーター として用いた.水平方向,鉛直方向の固有振動数を f<sub>x</sub>=1.42[Hz], f<sub>y</sub>=1.37[Hz]とした.Fig.1に各配置における 下流側円柱の振動応答特性を示す.(U/fD=117~177程度)



キーワード 非定常空気力

連絡先 京都市左京区北白川東平井町 25 ラフィネ北白川 105 TEL:080-1217-3214 mail:araki.shinya.84a@st.kyoo-u.ac.jp

過去の研究<sup>1)</sup>では W/D=2.5~6.0 においての比較的小さ な S/D の範囲で WG が発現していたが,本実験ではそ れに加えて, S/D=0 の時には W/D=2.5~9.5 といったよ り大きな範囲でも WG(図中●印)と見られる鉛直方向に 卓越した振動が見られた.また, W/D=7.0 以上でかつ S/Dが0.5以上のある範囲においてWIF(図中●印)と見ら れる流下方向に卓越した楕円軌道を成す振動が確認さ れた. Fig.2 に WG 発現時, Fig.3 に WIF 発現時の下流 側円柱の応答軌跡の一例を示す.WG は別途行った鉛直 1 自由度実験においてもほぼ同様の応答結果が得られ た.一方, WIF は鉛直 1 自由度・水平 1 自由度の実験 では顕著な振動は見られなかったことから,鉛直・水 平の 2 自由度の連成振動現象と考えられ,既往の研究 <sup>2)</sup>と概ね一致する結果となった.以下本 WIF のケースに ついて発生機構を考察する.



### 3.非定常空気力測定実験

強制加振実験を行い、非定常空気力係数を算出し、 振動の安定・不安定について検討した.鉛直たわみ、 水平たわみ 2 自由度の振動系の場合、非定常空気力は 以下のように表される.

$$Lift = \frac{1}{2}\rho DU^{2} \left( kH_{1}^{*}\frac{\dot{\eta}}{U} + k^{2}H_{4}^{*}\frac{\eta}{D/2} + kH_{5}^{*}\frac{\dot{\xi}}{U} + k^{2}H_{6}^{*}\frac{\xi}{D/2} \right)$$
(1)

$$Drag = \frac{1}{2}\rho DU^{2} \left( kP_{1}^{*} \frac{\dot{\eta}}{U} + k^{2}P_{4}^{*} \frac{\eta}{D/2} + kP_{5}^{*} \frac{\dot{\xi}}{U} + k^{2}P_{6}^{*} \frac{\xi}{D/2} \right)$$
(2)

 $H_1^* \sim H_6^* \geq P_1^* \sim P_6^*$ は非定常空気力係数で、 $\xi$ は水平変 位[m],  $\eta$ は鉛直変位[m],  $\rho$ は空気密度[kg/m<sup>3</sup>], Uは風 速[m/s], kは換算振動数(= $D\omega/2U$ ),  $\omega$ は円振動数である. 非連成項( $H_1^*$ ,  $H_4^*$ ,  $P_5^*$ ,  $P_6^*$ )は,自由振動応答実験から も算出することができ、強制加振実験から算出された 係数とほぼ同等の傾向が得られることを確認している.

## 4.フラッター解析

WIF の空力不安定性を、フラッター解析により検討 することを試みた.水平たわみ,鉛直たわみの2自由 度運動方程式の固有値問題を解くことで,振動数,対 数減衰率, 複素振幅比が得られた. 加振振幅は自由振 動応答実験で得られた振幅比に合わせ、鉛直方向に 2η=10[mm], 水平方向に 2ξ=40[mm]とした際の非定常空 気力係数を本解析に用いた. その結果, Fig.4 に示すよ うに、対数減衰率は正となり、WIF は発現しない結果 となった.この理由は依然検討中であるが、上流側円 柱のウェイク中という強い乱流場での振動であり、非 定常空気力の精度良い測定についてさらに議論が必要 と考えられる。負減衰を得る状況を特定するために, 鉛直加振時の非定常揚力・抗力と水平加振時の非定常 抗力・揚力をそれぞれ個別に 5 倍して同様の解析を行 った. その結果, 連成空気力である鉛直加振時の抗力, 水平加振時の揚力を5倍した際に、対数減衰率が負の 値となることから, WIF の発現には連成空気力が寄与 していると考えられる.次に、最も寄与の大きい非定 常空気力項を検討するため,各々の非定常空気力係数 を疑似的に5倍して解析を行った.このときの各々の 対数減衰率も Fig.4 に同様に示す. 鉛直加振時の抗力の 剛性項の P<sub>4</sub>\*と水平加振時の揚力の剛性項の H<sub>6</sub>\*を5倍 にした際,対数減衰率が負の値となっていることから,



 $(*:\operatorname{original}_1, \times:\operatorname{original}_2, \bigstar: H_1^* \times 5, \diamondsuit: H_4^* \times 5, \blacktriangle: H_5^* \times 5, \bigtriangleup: H_6^* \times 5$  $\blacksquare: P_1^* \times 5, \square: P_4^* \times 5, \textcircled{O}: P_5^* \times 5, \bigcirc: P_6^* \times 5)$ 

Fig.4 風速-対数減衰率曲線(WIF発現ケース)

この2項がWIFの発現に寄与していると推測される. さらにその他のW/D, S/Dのケースと比較した結果, $P_4^*$ が正, $H_6^*$ が負となる組み合わせがWIFを発現させていたと考えられる.鉛直加振時の抗力の剛性項である $P_4^*$ は、別途計測を行った静的空気力から算出される値とほぼ同様の値を示したため、 $P_4^*$ を疑似的に増加させることは物理的に意味がないと考えられる.従って、WIFの発現には、小さな値ながらも水平加振時の非定常揚力が重要であることが明らかとなった.Fig.5,Fig.6にはそれぞれ非定常空気力測定実験で得られた鉛直加振時、水平加振時の非定常空気力のベクトル図の一例を示す.



Fig.5 下流側円柱に作用する非定常空気力(鉛直加振時)

#### 5.まとめ

- 下流側円柱の自由振動応答実 験より、WGは鉛直方向に卓越 した振動,WIFは2自由度の連 成振動であることが確認された.
- 2) 強制加振実験より,非定常空 気力係数を算出し,フラッター解 析を行った.WIFの発現には連成 項の剛性項( $H_6^*$ ,  $P_4^*$ )が大きく影 響し,  $P_4^*$ が正,  $H_6^*$ が負となる組 み合わせが WIF の発現に寄与す ることが示された.鉛直加振時の 非定常抗力の剛性項の $P_4^*$ は,静的 空気力とほぼ同様での傾向である ため,水平加振時の揚力の剛性項 である  $H_6^*$ の正負が WIF の発現に は大きく寄与していると考えられ る.



(水平加振時)

参考文献

- (社)日本道路協会:道路橋耐風設計便覧 平成 19 年度改訂版,丸善 出版,2008.1.
- 2) 宮田利雄、山田均、勝地弘、篠原健太郎、並列ケーブルの振動に 関する風洞実験、第16回風工学シンポジウム、2000年、pp.489-494