## 分担リスク概念に基づく目標信頼性指標決定法の提案

### 防衛大学校 学生会員 片出 亮 正会員 香月 智

## 1. 緒言

近年,土木構造物の設計法を取り巻く環境は,国際標準,説明責任,環境・景観対応などの観点によって大きく変化しており,いわゆる性能規定化の方向へ向かいつつある。これを受けて,「港湾施設の技術上の基準・同解説」<sup>1)</sup>は改訂され,その中には信頼性に基づく性能規定化が行われている。本研究は,信頼性設計で最も重要な目標信頼性指標を事業者と使用者たる国民とのリスク分担の側面から決定する方法について提案するものである。

# 2. ISO2394, Vision2000<sup>2)</sup>およびコードキャリブレーション

信頼性設計法 3)は ,構造物の保有する性能を破壊確率 で評価しようとするものであり、この概念に基づくと、 「重要な構造物は、破壊確率を小さくする」という、 ISO2394 や Eurocode-0 に見られる手法が出来上がる. 図-1 は, ISO2394 に例示されている目標信頼性指標で あるが、これは正規確率分布を前提とした場合に、表 -1 に示す破壊確率と一対一の関係にあるものである. これによると、破壊によってもたらされる影響が小さ く、安全対策が高くつく構造物では供用期間中の破壊 確率を 50%とするのに対し,破壊影響が大きく対策費 があまり高くない場合には、105程度とすることが示さ れている.ただし,ここでは,破壊の定義は述べられ ておらず、構造物への重要性の如何に関わらず、同一 の規定によるものと考えられる.一方,米国技術者協 会(SEAOC)により示された性能マトリクスでは 図-2,3 に示すように,構造物の弾塑性応答を念頭に置いて破 壊限界を多段階に定義した上で,供用期間中に発生す る荷重の大きさを頻度区分して,重要な構造物ほど同 一荷重に対してより弾性応答に近い限界状態に対応さ せることを示している.この際,荷重軸には再現確率 値と対応させることによって、それを超過する荷重に 対しては,構造物が限界値内で応答することを保証で きないことを暗黙に示している.よって,この選択肢 の提示と,使用者による選択は説明責任と使用者のリ スク受容に基づく合意が可能となるため、性能を明示 する設計法を理解し易くしている.

もう一つの最も実現性の高い目標信頼性指標の決定法は,港湾基準改定においても用いられたコードキャリブレーションに基づく方法である 4).これは,図-4に示すように,過去の基準を満足した実存構造の有する信頼性指標のばらつきを求めた上で,その平均値などを目標信頼性指標とするものである.なお,一般的に設計基準の実用化を図るには,部分係数法に目標信頼性指標がブレークダウンされ,この時点で,設計条件により設計結果が有する信頼性指標にばらつきが生じることになるが,図-4に示すように,そのばらつきを小さくすることができる.

表-1  $\beta$ と $P_f$ の関係

$P_f$	10-1	$10^{-2}$	$10^{-3}$	$10^{-4}$	10-5	10-6	10-7
β	1.3	2.3	3.1	3.7	4.2	4.7	5.2

安全性対策の	破壊の影響					
相対コスト	小	時々	中	大		
高	0	1.5	2.3	3.1		
中	1.3	2.3	3.1	3.8		
低	2.3	3.1	3.8	4.3		

図-1 ISO2394 による目標信頼性指標例

(ライフタイル)

	()1))14)									
	50年間 超過確率			Operational	Near collapse					
	70%	Frequent (43年)	•							
_	50%	Occasional (72年)	ESSENT	AL / HAZA	ECTIVE -					
	10%	Rare (475年)	OAFETY CRIT	EASIC OBJ AL MAZARDOUS CAL OBJECTIVE	OBJE	iscussion				
	5%	Very Rare (970年)		BJECTIVE	NE CUNE					

図-2 性能マトリクスの一例(Vision2000)

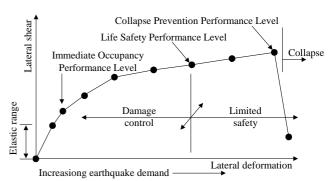


図-3 多段階限界状態の例(Vision2000)

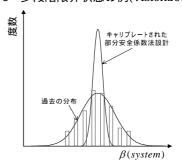
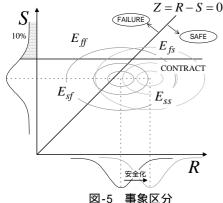
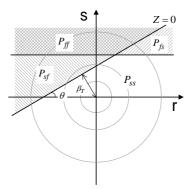


図-4 コードキャリブレーション

### 3. 設計者の分担リスクに基づく信頼性指標

前述の 3 つの手法は,目標信頼性指標に関して述べているものの,信頼性設計法の理論体系的観点から眺めると,やや異なるものである.いま,図-2 で 印で示した限界状態を例に説明すると 構造に働く作用をS ,構造の抵抗をR としてそれぞれのばらつきを前提とし





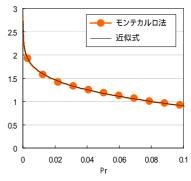


図-6 標準正規確率空間における区分

図-7 目標信頼性指標算出式とMC 結果の近似度 ( $P_{ff}+P_{fs}=10\%$ ,  $\theta=0.524rad$ )

た事象区分図を図-5に示す.まず,破壊限界状態

$$Z = R - S = 0 \tag{1}$$

を境界として,左上半分の破壊状態と右下の安全(非破壊)状態に区分される.その上で,図-2に基づく契約では,ある作用より小さな作用に対して,構造が安全であることを保証している.このため,この構造に起こりうる事象は,次の4つに分けられる.

 $E_{ss}$  : 契約上安全とし,事実安全.  $E_{ff}$  : 契約上破壊とし,事実破壊.  $E_{fs}$  : 契約上破壊とし,事実は安全.

 $E_{sf}$ :契約上安全としたにも関わらず,事実は破壊.

これを次式によって正規化すると図-6のようになる.

$$s = (S - \overline{S})/\sigma_S, r = (R - \overline{R})/\sigma_R$$
 (2)

ここで $\overline{S}(\overline{R})$ : S(R)の平均 ,  $\sigma_S(\sigma_R)$ : S(R)の標準偏差 .

信頼性指標  $\beta$  は,図-6 における(Z=0)に対する原点からの距離である.図-5 において,安全な構造を設計するとは,抵抗値の確率分布を右側にシフトさせることであり,これは図-6 において, $\beta$ を大きくすることに対応している.この図より,Vision2000 型の契約を行ったとしても,設計における真の安全性を約束したことにはならないことがわかる.ただし,構造物の破壊事象が 2 つに区分され,事象ごとの保証責任が異なることになる.すなわち,

 $E_{fs}$  : 基本的に無保証 , ただし公共構造では再建コスト $(C_{rc})$  .

 $E_{f\!f}$ :再建コスト + 利用者の失った受益効用 $(C_{rc}+C_e)$ .

よって事業主体が負うライフサイクルコスト(LCC)は次式となる。

$$LCC = C_i + P_{ff}C_{rc} + P_{sf}(C_{rc} + C_e)$$
(3)

ここで ,  $C_i$  : 初期建設費用 ,  $C_{rc}$  : 再建コスト ,  $C_e$  : 保証責任費用 .

図-6 において、4 つの確率は、完全排反事象確率である。仮に、市民との合意形成を図-2 のような形態で行ったものとすると、( $P_{ff}+P_{fs}$ )が与条件となるので、 $P_{sf}$ を意志決定すると、目標信頼性指標  $\beta_T$ を決定でき

表-2 係数表(近似式)

$A_1$	$B_1$	$C_1$	$D_1$	$E_1$	$F_1$	$G_1$	$H_1$	$I_1$	$J_1$
0.81	-0.95	1.07	3.51	3.77	-2.22	1.16	1.02	4.84	0.01
$A_2$	$\mathbf{B}_2$	$C_2$	$D_2$	$E_2$	$F_2$	$G_2$	$H_2$	$I_2$	$J_2$
-0.16	0.45	1.74	-0.02	2.17	0.37	1.22	0.30	0.01	0.84
$A_0$	$\mathrm{B}_{\mathrm{0}}$								
1 75	-0.96								

ることになる.ただし,正規確率分布関数の特性により,厳密な数式化は出来ない.そこで,予め $P_{sf}$ , $\theta$  を逐次変化させた上で,モンテカルロ法により $P_{sf}$  を求め,近似式を求めた.すなわち,

 $\beta_T = (A_0 T_1 + B_0 T_2 + C_0 T_3) -$ 

 $\frac{A_1T_1^2+B_1T_2^2+C_1T_3^2+D_1T_1T_2+E_1T_2T_3+F_1T_3T_1+G_1T_1+H_1T_2+I_1T_3+J_1}{A_2T_1^2+B_2T_2^2+C_2T_3^2+D_2T_1T_2+E_2T_2T_3+F_2T_3T_1+G_2T_1+H_2T_2+I_2T_3+J_2}$ ただし、 $T_1=\sqrt{-\ln P_{sf}}$ , $T_2=P_{ff}+P_{fs}$ , $T_3=\theta$  [rad]であり,適用範囲は、 $P_{ff}+P_{fs}\leq 0.5$ , $0.01\leq P_{sf}\leq 0.1$ , $0.087\leq \theta\leq 0.785$  である.なお,各係数の具体的数値は表-2 に示すものである

図-7 に  $P_{ff}$  +  $P_{fs}$  = 10% において, $\theta$  = 0.524(30°)とした場合の式(4)の推定式とモンテカルロシミュレーションの結果を示す.これより式(4)は,モンテカルロシミュレーションで得られる曲線とほぼ一致することがわかる.

#### 4. 結論

本研究において,構造物等を設計する際,事業者と使用者たる国民とのリスク分担の考え方に基づき,事業主体の保証責任を基準として,目標信頼性指標を算出することが可能であることを示した.

## 参考文献

- 1) (社)日本港湾協会:港湾施設の技術上の基準・同解 説,1999.
- 2) SEAOC Vision 2000: Performance based seismic engineering of buildings, 1995. 4.
- 3) 星谷 勝,石井 清:構造物の信頼性設計,鹿島出版会 1986.
- 4) 長尾 毅:ケーソン式防波堤の外的安定に関する信頼性設計法の適用,土木学会論文集,No.689/I-57,pp.173~183,2001.10.