湾域水理模型の二次元重み付差分法による潮流解析

九州産業大学	学員	中村直史	九州産業大学	正員	加納正道
東和大学	正員	空閑幸雄	九州産業大学	正員	赤坂順三

1.まえがき

筆者らは、提案する重み付差分法(WFDM)の傾斜水路模型の潮流解析への適応について、模型実験結果と良 く一致することを発表した。本報では、潮流解析へ不規則な4辺形格子(以下、異形格子と記す)を採用する際 に問題となる格子と直交しない座標軸方向への微分項の計算手法や複雑となるフラックスなどの境界処理を考 慮し、傾斜水路および湾域水理二次元模型の潮流解析を行った。解析結果を模型実験値と比較する。

2. 傾斜水路模型装置

今津湾等(今津湾水理模型実験装置を図1に示す)の実海域を比較的取り扱い易い形で理想化した傾斜水路模型装置を図2に示す。この装置は幅0.33m、長さ5.03mの水路に海底の平均勾配を想定した1/25の傾斜を設け、 潮汐変動は流入、流出専用の2台のポンプの流出入量の時間変化を与えることで行う。1周期の潮汐変化時間



次に解析手法として、式(1)の右辺については、求めるMを含むが、前時間のMを与え非同次項と考える。式 (1)の非同次項をゼロとする同次式を陽形式差分モデル(図4)を用いて同次形WFDM式(3)が得られる。式(3)の重 みa₁,a₂,a₃は基礎式の同次形を満足する多項式(4)において、r=0,1,2とおいて得られる三個のMを同次形WFDM 式(3)に代入して得られる連立一次方程式を解くことで導かれる。次に式(1)の右辺をゼロとしない非同次式を満 足するように、差分モデルを用いて非同次形WFDM式(5)が定まる。式(5)の重みb₁,b₂,b₃は非同次式を満たすM PとF_Pを組み合わせた多項式(6)においてP=1,2,3とおいて得られる値と同次計算における連立一次方程式から求 めた a₁,a₂,a₃を式(6)に代入して得られる連立1次方程式を解くことで導かれる。以上の手順から、Mに関する重 み付差分式(5)が定まる。

4. 境界条件

連続の式(2)において水陸境界上のM、Nはゼロとする。運動方程式に関しては、水陸境界上の流速をゼロとし、また 未知点については鏡像の原理を応用し解析を行っている。

5. 非同次項と連続式における微分項

運動方程式の左辺では、WFDM 差分モデルで取り扱う。また、非同次項や連続の式中では、 ∂ζ/∂x, ∂M/∂x, ∂N/∂yなどの微分項を陽的に求める必要が生じる。これらを陽的に微分を行う際に、物理性を明確にするため用途に応じた格子点を配置し、1次または、2次のアイソパラメトリック要素に基づいた解析を行っている。

6.WFDM解と実測値の比較

異形格子を用いた陽形式二次元WFDMによる解析結 果の一部を図5にまた流速ベクトルを図6に示す。これ らのWFDM解は模型実験値の再現性が良好で高精度の 解析結果が得られた。



7. むすび

今回の傾斜水路の潮流解析において、実測 流速とほぼ等しい、高精度の重み付差分法解 が得られ、潮流の2次元解析に適用可能で ある不規則な4辺形格子をもつ二次元重み付 差分法を確立することができた。現在、更に 再現性を向上させるための検討を行ってお り、今津湾模型の潮流解析にWFDMを適用 し、実測値や差分解との比較を行っている。

$$\frac{\partial M}{\partial t} + \frac{M}{h+\zeta} \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{N}{h+\zeta} \frac{\partial M}{\partial y} - \varepsilon \left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} \right) = -g(h+\zeta) \frac{\partial \zeta}{\partial x} - \frac{\gamma_b^2}{(h+\zeta)^2} M \sqrt{M^2 + N^2}$$
(1)

$$\frac{\partial\zeta}{\partial t} + \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{\partial N}{\partial y} = 0$$
⁽²⁾

$$M(i, j, L) = a_1 \cdot M(i, j, L-2) + a_2 \cdot M(i+1, j, L-2) + a_3 \cdot M(i-1, j, L-2)$$
(3)

$$M^{(r)}(x, y, t) = \sum_{i=0}^{r} \left\{ \frac{(x - mt)^{i} + (y - nt)^{i}}{i!} \right\}$$
(4)

M(i, j, L) =

$$\begin{split} a_{1} \cdot M(i, j, L-2) + a_{2} \cdot M(i+1, j, L-2) \\ + a_{3} \cdot M(i-1, j, L-2) + b_{1} \cdot F(i, j, L-1) \\ + b_{2} \cdot F(i+1, j, L-1) + b_{3} \cdot F(i-1, j, L-1) \\ + b_{2} \cdot F(i+1, j, L-1) + b_{3} \cdot F(i-1, j, L-1) \\ (5) \\ \\ M_{P}(x, y, t) = -\sum_{i=0}^{P-1} \left\{ \frac{(x - mt)^{i} + (y - nt)^{i}}{i!} \right\} \cdot t \\ + \frac{(x - mt)^{i} + (y - nt)^{i}}{P!} \\ F_{P}(x, y, t) = \sum_{i=0}^{P-1} \left\{ \frac{(x - mt)^{i} + (y - nt)^{i}}{i!} \right\} - 1 \\ (6) \end{split}$$

図6 傾斜水路模型流速ベクトル(満潮から干潮)

参考文献 1)加納、赤坂、久田見、安武:博多湾西部海域潮流解析への重み付差分法の適用

-19-

(平成8年度土木学会西部支部研究発表会講演概要集)2)加納、赤坂、空閑、中村:二次元重み付差分法による傾斜水路模型の潮流解析

(平成12年度土木学会西部支部研究発表会講演概要集)