

III-A117 地盤のダイレイタンシーに起因する上下動について

奥村組 正会員 ○森尾 敏 日下部 伸

1. まえがき

地震動での上下動の強さは水平動の1/2~1/3程度といわれ、構造物の耐震設計では通常鉛直方向地震動は考慮されない。しかし、兵庫県南部地震のような都市直下型地震では上下動も大きく、これが高架橋等の構造物の倒壊に影響したことも考えられる。

筆者らは、兵庫県南部地震（神戸JMA、神戸大学）での上下動は、SV波の不連続境界面への斜め入射によるS~P変換波である可能性が高いことを示した¹⁾。しかしながら、水平動による塑性変形が大きい場合、地盤のダイレイタンシーに起因する上下動も無視できないものと考えられる。

本報告では、ダイレイタンシー特性の異なる幾つかの構成式を用いて大嶋ら²⁾の振動台模型実験のシミュレーション解析を行い、ダイレイタンシー特性と上下動の関連、水平動によって生じる上下動の特性について検討した。

2. 大嶋ら²⁾の振動台実験とそのモデル化

大嶋らの実験のうち、200gal、35Hzの正弦波による水平加振実験を対象とする。35Hzは、土層（深さ50cm）の共振点である。図-1に地表面の水平、上下方向加速度を示す。

解析モデルは、平面ひずみ四角形要素を10個縦に1列並べたもので、同レベルの節点の水平、上下変位を等しくして、単純せん断変形を表現した。解析ケースを表-1に示す。CASE1N、2Nは汎用プログラム MSC/NASTRANによる解析で、NAPOLI³⁾による解析の検証に使用する。

構成式は、硬化係数=0のDrucker-Pragerモデルを降伏曲面 f とし、塑性ボテンシャル曲面 g を表-1に示す。dt=0.0005sec、せん断剛性G=6845kPa、

表-1 解析ケースと解析結果

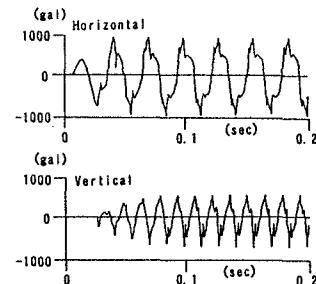
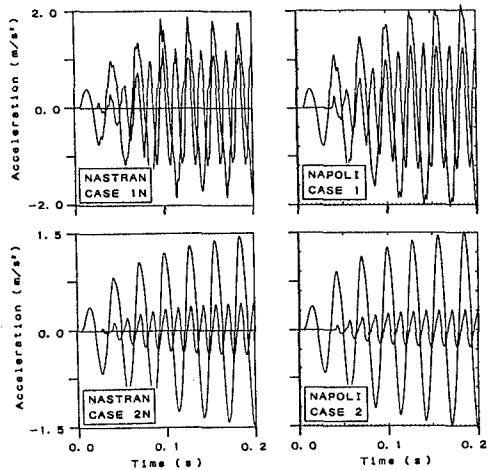
図-1 大嶋ら²⁾の実験結果

図-2 CASE1, 1N, 2, 2Nの加速度波形

解析 ケース	初期応力 状態 K。 曲面	塑性ボテンシャル 曲面	Dilatancy の方向	減衰定数 h (%)	最大加速度 (cm/s ²)		鉛直動 の方向	解析 プログラム
					水平	鉛直		
CASE 1	0.5	Drucker-Prager	膨張	0.0	2122	1329	+	NAPOLI
CASE 1N	0.5	Drucker-Prager	膨張	0.0	1890	1230	+	NASTRAN
CASE 2	0.5	Drucker-Prager	膨張	5.0	1546	317	+	NAPOLI
CASE 2N	0.5	Drucker-Prager	膨張	5.0	1460	420	+	NASTRAN
CASE 3	0.5	Von Mises	なし	5.0	1182	84	-	NAPOLI
CASE 4	0.5	Densification	収縮	5.0	1055	513	-	NAPOLI
CASE 5	1.0	Drucker-Prager	膨張	5.0	1441	406	+	NAPOLI
CASE 6	1.0	Von Mises	なし	5.0	1032	8	なし	NAPOLI

土の構成式、ダイレイタンシー、地震応答解析、上下動、振動台実験、

〒545 大阪市阿倍野区松崎町2-2-2、奥村組 電算センター、TEL(06)625-3776、FAX(06)623-7699

NASTRANとNAPOLIによる解析は、ほぼ一致しているものと判断される。ただし、水平／上下動の位相については、図-1では水平動の土のピーク時に上下動が負（下向き）であるのに対し、図-2の上下動は正（上向き）である。これは、実験で表れた上下動が地盤の負のダイレイタンシーに起因することを示すものと考えられる。

用いた構成式のダイレイタンシーの方向、地表面の最大加速度、水平動がピーク時の上下動の方向を表-1に示す。CASE1～5の上下動の振動数は、すべて水平動の2倍である。また、同表において、CASE1、1N、2、2N、5は関連流れ則、その他は非関連流れ則である。

表-1において、塑性体積ひずみの生じないCASE3で負のダイレイタンシーを有するCASE4と同じ方向の上下動が発生することは興味深い。この理由は、次のように説明される。Von Misesモデルにおいて、次式が成り立つ。

$$\partial g / \partial \sigma_{11} = \sqrt{3} s_{11} / (2 J_2^{1/2}) \quad (1)$$

ここで、 σ_{11} は応力テンソル、 s_{11} は偏差応力、 J_2 は s_{11} の2次不変量である。上式より、 $(\partial g / \partial \sigma_{11}) \delta_{11} = 0$ であり、体積成分は生じない。しかし、地盤が異方応力状態 ($K_0=1/2$) であるとき、 s_{11} の対角項はゼロではなく、塑性偏差ひずみ $d e_{11}^p$ が生じることになり、これを打ち消す方向の弾性偏差ひずみ $d e_{11}^e$ によって上下動が発生する。その方向と大きさは K_0 によって変わり、通常の $K_0=1/2$ の地盤では、負のダイレイタンシーによる上下動と同じ向きになる。

一方、地盤が等方応力状態のCASE6では、 s_{11} の対角項はゼロであり、上下動は発生しない。

図-3にCASE3、4、5、6のせん断応力～せん断ひずみ関係と応力経路を示す。CASE3、4では、平均応力 σ_m が増加（圧縮を負）する方向で応力点が降伏曲面（破壊曲面）へ到達するのに対し、正のダイレイタンシーを有するCASE5では、 σ_m が減少する方向で降伏曲面へ到達する。このことは、負のダイレイタンシーを有する地盤は、土の破壊（不安定）を進行させる方向に上下動が生じることを示すものと考えられる。

4. 上下動の共振について

表-1の解析では、土層の卓越振動数 (35Hz)

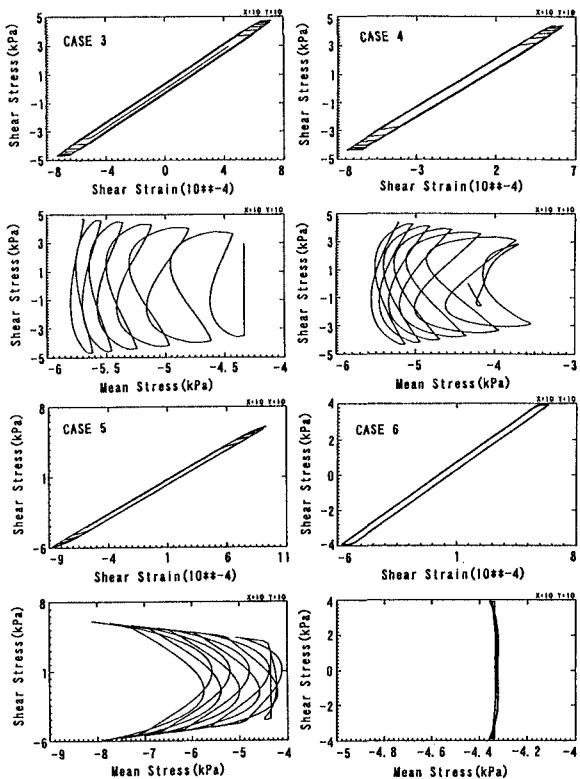


図-3 応力～ひずみ関係、応力経路
で共振するよう調整したせん断剛性Gを用いた。

$$V_s = (G / \rho)^{1/2} \quad (2)$$

$$V_p = [2(1-\nu)G / [(1-2\nu)\rho]]^{1/2} \quad (3)$$

$$f_h = V_s / (4H) \quad (4) \quad f_v = V_p / (4H) \quad (5)$$

式(2)を式(4)に、式(3)を式(5)に代入し、 $f_v = 2f_h$ を考慮すると、 $\nu = 1/3$ が得られる。ただし、 f_h 、 f_v は、水平および上下方向地盤卓越振動数である。この結果は、通常の $\nu = 1/3$ ($K_0 = 1/2$) の地盤では、水平動に関する共振時には、それによって発生する上下動も共振状態にあることを示す。すなわち、図-1の実験は、水平、上下ともに共振状態にあることが予測される。

5. あとがき

本解析では、粘性減衰として剛性比例型を用いたため、上下動の減衰を、水平動の2倍に設定したことになる。振動数に依存しない減衰を用いれば、上下動の振幅は更に大きくなる。

参考文献

- 1) 地盤工学会、「阪神・淡路大震災調査報告書」、pp. 126-130、1996. 3
- 2) 大船ら、土木学会論文集、No. 489/I-27、1994. 4
- 3) 森尾、山口大学学位申請論文、1995. 9