

CS-4

地盤における変形局所化発生についての数値解析

阪神高速道路公団 正員 上田 勝久
 東北大学工学部 正員 岩熊 哲夫
 東北大学工学部 正員 中沢 正利

1. まえがき

すべり面のような変形の局所化は地盤の破壊に大きく影響することから、近年注目され、その研究が行なわれている¹⁾。本論文では、基礎の押込み問題を例に地盤の挙動を数値シミュレーションし、変形局所化のモデルとして定義するせん断帯の発生を検討した。構成則には地盤材料の挙動やせん断帯発生の予測に適すると考えられる二重すべりモデルを用いて、有限変形理論に基づく有限要素法による数値解析を行なった。

2. 基礎方程式

変形の局所化は物体内のある不連続面の発生と捉えることができ、そのモデルとしてのせん断帯の存在は、対象としている物体内に少なくともひとつの速度勾配の不連続をつり合い式が容認する時点で可能となると考える。物体内に法線方向を ν とするある不連続面が存在し、その面をまたいで、その法線 ξ 方向に速度 v の勾配が不連続であれば、あるいは空間座標成分に座標変換して

$$\left\langle \frac{\partial v_i}{\partial \xi} \right\rangle = \eta_i \quad \text{or} \quad \langle v_{i,j} \rangle = \eta_i \nu_j \quad \dots \dots \dots (1)$$

なる η が存在すれば、せん断帯の発生が可能となる。ここに括弧 $\langle \dots \rangle$ は不連続線を跨いで括弧内の量の jump 量を表わす。このような不連続が可能であるためには、少なくともこの面の法線方向の表面力の連続が要求され、

$$\langle \dot{n}_{ij} \rangle \nu_i = 0 \quad \dots \dots \dots (2)$$

ここに $\dot{n}$ は nominal 応力速度で、構成則により

$$\dot{n}_{ij} = F_{ijkl} v_{k,l} \quad \dots \dots \dots (3)$$

で速度勾配と関係づけられる。今考えている不連続線が存在するには零でない η が存在しなければならず、式 (1) から式 (3) よりせん断帯の発生条件は次式で定義される。

$$\det |F_{ijkl} \nu_j \nu_l| = 0 \quad \dots \dots \dots (4)$$

次に解析に用いる構成則は、結晶塑性論にも用いられる二重すべりモデルで、式 (3) の F が次で与えられる²⁾。

$$F_{ijkl} = L_{ijkl} - \frac{1}{2}(\delta_{ik}\delta_{lm} + \delta_{il}\delta_{km})\sigma_{mj} + \frac{1}{2}(\delta_{jk}\delta_{lm} - \delta_{jl}\delta_{km})\sigma_{mi} \\ - (L_{ijpq}p_{pq}^\alpha + \omega_{ip}^\alpha \sigma_{pj} + \omega_{jp}^\alpha \sigma_{pi})M^{\alpha\beta}p_{mn}^\beta(L_{mnkl} - \sigma_{mn}\delta_{kl})$$

ここに、 L は弾性係数、 $(M^{\alpha\beta})^{-1} = N^{\alpha\beta} = h^{\alpha\beta} + p_{ij}^\alpha(L_{ijkl} - \sigma_{ij}\delta_{kl})p_{kl}^\beta$ であり、 p, ω は二次元においては 図-1 に示す角度 ψ, ϕ で表現されるすべり系から決まる幾何量で次で定義される。

$$p^1 = -p^3 = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \sin 2(\psi - \phi) & \cos 2(\psi - \phi) \\ \cos 2(\psi - \phi) & -\sin 2(\psi - \phi) \end{bmatrix}$$

$$p^2 = -p^4 = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \sin 2(\psi + \phi) & -\cos 2(\psi + \phi) \\ -\cos 2(\psi + \phi) & -\sin 2(\psi + \phi) \end{bmatrix}$$

$$\omega^1 = -\omega^2 = -\omega^3 = \omega^4 = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

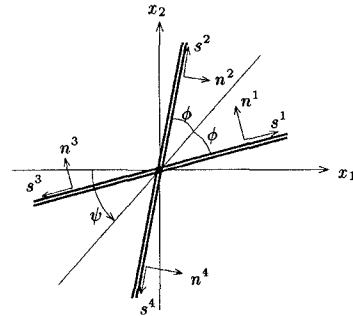


図-1 平面内のすべり系

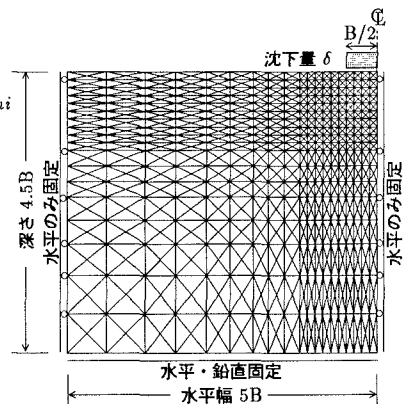


図-2 有限要素モデル

3. 数値解析結果

基礎の押込み問題を平面問題として図-2のように有限要素モデル化して解析し、式(4)を規準とするせん断帯発生について調べた。二重すべりの方向は材料定数として ψ を固定し ϕ を変化させて与えた。最初に局所化発生可能となるのは、すべての場合で基礎端部直下の点である（図中◇）。これは実際の現象と合致した結果である。またこのとき規準式から ν の値が数値的に得られるが、これより各点のすべり方向は図-4のように設定した二重すべり方向に対して直角となる。これは、それまでの変形モードとは直行するモードである。

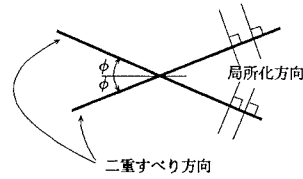


図-4 局所化の方向

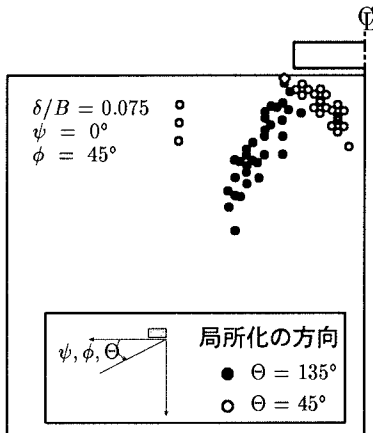


図-3 局所化発生箇所 $\phi = 45^\circ$

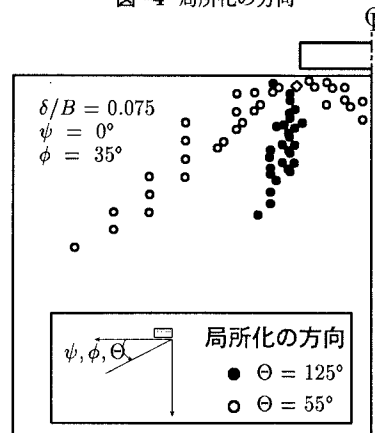


図-5 局所化発生箇所 $\phi = 35^\circ$

この後、引き続いてすべりの進展を解析するには、局所化発生点でのすべりの構成則が必要であるが、本研究では考慮していない。したがって、本来の意味の局所化発達はこれ以上解析することは出来ない。しかし、規準式(4)は発生の十分条件であり、最初の発生可能状態の後、そのままの変形が進むだけかもしれない。そこで、すべりの構成則を与えないが、載荷を進めたときにどのような箇所に局所化発生点が見られるかを調べた。その結果、局所化発生点は図-3のように極限解析が予測するすべり線に類似した箇所の他に、図-5のように基礎端部から真下にも広がる。これは、実測で観察される複雑なすべり線に近いものである。実際のすべりが、この局所化発生点がある程度連なった後に、構成則を与えるべきすべりが生じると考えれば、この結果はいわゆる進行性破壊のうちの発生については、シミュレートできていると考えられる。

4. まとめ

本数値解析の結果から、砂などの構成則として候補となりうる二重すべりモデルを用いた地盤挙動予測の場合には、極限解析のように金属の最も簡便な塑性論に基づく予測と異なり、実測でみられるような複雑なすべり線の発生を予測し得ることを示すことができた。また局所化のモデルとしてのせん断帯発生規準も、二重すべりといった適切な構成則を用いることにより、実際の局所化発生の予測ができることがわかった。ただし、妥当な二重すべりの方向の設定、およびその方向と、発生規準を式(4)としたとき得られる局所化の方向の関係の検討が必要であろう。最後にこのせん断帯発生規準を認めた上で、その発達をどの様に解析するかを今後の課題とした。

参考文献

- 1) 地盤の破壊とひずみの局所化に関する研究委員会, 地盤の破壊とひずみの局所化, 土質工学会 1994.
- 2) Iwakuma, T. and Nemat-Nasser, S.: Finite elastic-plastic deformation of polycrystalline metals, *Proc. R.Soc. Lond.* A394, pp87-119 1984.