

る。つまり、重み係数の大きさは、因果関係の強さを表わすと同時に、不確定さの度合を表わす。したがって、重み係数値が“0.5”に近いほど不確定さが大きいとみなす。式(1)～式(5)に示される誤差逆伝搬アルゴリズムを修正して用いることにより、原因推定と知識更新を同時に実行することができる。式(5)中の γ は図2に示す関数であり、本研究で新たに導入したものである。これは、「重み係数値が“0.5”に近いほど不確定さが大きいとみなす」ことに対応している。すなわち、重み係数値が0.5に近いほど不確定さが大きいことから、その更新速度を速めるのが妥当であると考えた。また、本システムでは重み係数値は0.5がもっとも不確定な値であると定義しているため、学習により、重み係数が0.5の方向へ更新されるべきではない。そこで、本システムでは、重み係数の更新アルゴリズムに次の方法を採用する。すなわち、

各ユニットの誤差が $\delta > 0$ であり、さらに $W > 0.5$ であるとき

各ユニットの誤差が $\delta < 0$ であり、さらに $W < 0.5$ であるとき

上記のどちらかを満たすときにのみ、重み係数の更新は行われる。この更新アルゴリズムを用いることで、学習速度が遅くなるが、重み係数値は適切な値へ更新される。

4. 数値実験結果 表1の知識ベースを用いることから、エキスパートシステムは入力（条件）ユニット25個、中間（原因）ユニット11個、出力（症状）ユニット22個からなる。ここでは、乱数を発生させ、その値を入力（条件）とし順伝播により出力（症状）を求め、これを教師データとし、重み係数に以下の方法で誤差を与え、初期値 $W_{jik}^{(init)}$ を出発点として、学習させた。

$$W_{jik}^{(init)} = \begin{cases} W_{jik} - (W_{jik} - 0.5) \alpha & (W_{jik} > 0.5) \\ W_{jik} + (0.5 - W_{jik}) \alpha & (W_{jik} < 0.5) \end{cases}$$

ここで、 W_{jik} は第 k 層のユニット i から第 $(k+1)$ 層のユニット j への出力値に対する重み係数である。また、 α は0.05, 0.1, 0.15, 0.2の4通りとした。学習の収束判定としては、出力層のユニット値の平均二乗誤差(RMS)が 10^{-4} を満足するまで学習を行うよう設定した。ただし、RMS値が学習過程で増加する場合には、RMSが最小となるところで学習を打ち切った。また、本システムでは重み係数値は、学習により不確定さが減少するように0または1の方向へのみ更新される。そのため、重み係数の真値が知識ベースにより、0.5と与えられている重み係数については、学習による更新は行われないものとした。教師データの内容、教師データ数、学習率等を種々変えて数値実験を行った。一例として教師データの影響を調べた結果を図3に示す。結果は、学習事例の量が多いほど重み係数（知識ベース）がより確かなものへと更新されることを示しており、理にかなっている。また、初期に与えられた知識ベースの正確さに依存して学習後の知識ベースの誤差が変わることも定性的には、妥当な結果である。

5. おわりに 学習前の知識ベースの精度がよくなければ、学習後の誤差も大きくなることが示されたが、このことは既存の知識ベースの値に学習後に得られる知識ベースの良否が影響されることを示しており、矛盾のない結果であると思われる。今後、諸条件から原因にいたる知識ベースの学習を含めて、本手法の有効性を検討する必要がある。【参考文献】1) 吉川・大塚・三浦・小玉：ひびわれ診断におけるファジィ関係方程式の適用と逆解法，コンクリート工学年次論文報告集，Vol.13, No.1, pp.497-502, 1991

$$S_{j,k+1} = \sum_i a_{ik} W_{jik} \quad (1)$$

$$a_{j,k+1} = f(S_{j,k+1}) \quad (k=1,2) \quad (2)$$

$$\delta_{j3} = (t_j - a_{j3}) f'(S_{j2}) \quad (3)$$

$$\delta_{j2} = \left[\sum_i \delta_{i3} w_{ij2} \right] f'(S_{j3}) \quad (4)$$

$$\Delta W_{ji,k-1} = \eta a_{i,k-1} \delta_{jk} \gamma(W_{ji,k-1}) \quad (5)$$

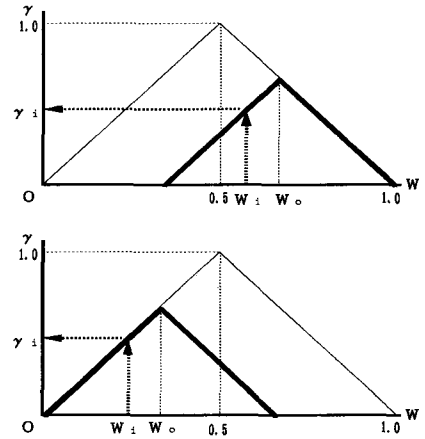


図2 係数 γ の定義

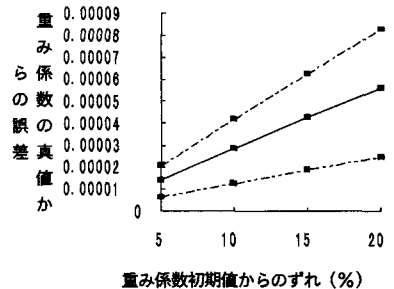
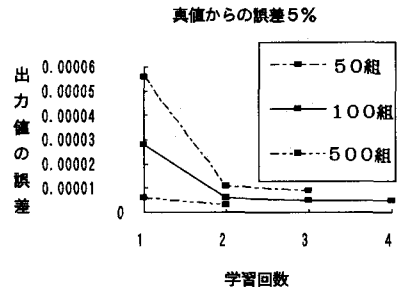


図3 数値計算結果（教師データによる相違）