

## 等価回路を使ったモルタルの導電経路に関する一考察

北海道開発局 正会員 井上 勝伸  
早稲田大学理工学部 正会員 関 博  
東電設計 正会員 金子 雄一

### 1. はじめに

本研究では、簡単な等価回路を使うことにより、W/C=60%のセメントペーストの比抵抗とモルタルの比抵抗の関係を検討した。

### 2. 導電経路と解析手法

#### 2.1 導電経路のモデル化

モルタルの導電経路を図1(a)のように骨材部分で生じるものとセメントペースト部分で生じるものとの2経路に分離して考える。ただし、モルタル中のセメントペーストは単味のセメントペーストとは細孔構造が異なると予想されるので、これを“含有ペースト”として区別する。

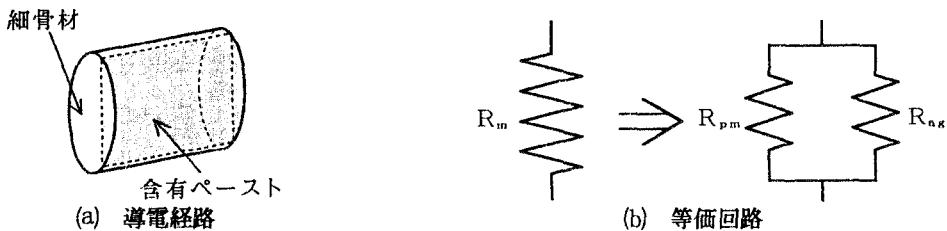


図1 モルタルの等価回路のモデル化

モルタルの抵抗および比抵抗を $R_m$ および $\rho_m$ 、骨材の抵抗および比抵抗を $R_{a_g}$ および $\rho_{a_g}$ 、含有ペーストの抵抗を $R_{p_m}$ とする。含有ペーストの比抵抗 $\rho_{p_m}$ は、これと同一材令、同一水セメント比および同一温度での単味のセメントペーストの比抵抗 $\rho_p$ のk倍と仮定し、この係数kを“ペースト比抵抗係数”と呼ぶことにする。 $\rho_{a_g}$ は $\rho_p$ に較べてはるかに大きく、 $\rho_p/\rho_{a_g} \approx 0$ とできるので、図1(b)の等価回路を仮定すると式(1)が導ける。

$$\frac{1}{R_m} = \frac{1}{R_{p_m}} + \frac{1}{R_{a_g}} \Rightarrow \frac{\rho_m}{\rho_p} = \frac{k}{\phi} \quad (1)$$

ここで、 $\phi$ は含有ペーストの体積占有率を表わす。

#### 2.2 ペースト比抵抗係数kの算出方法

$\rho_m/\rho_p$ はフォーメーション・ファクターと呼ばれていて、これをFで表わす。Whittingtonら<sup>1)</sup>によると、Fと $\phi$ の間にはArchieの一般式が成立し、式(2)で表わせる。

$$F = \phi^{-m} \quad (2)$$

環境温度T[K]と比抵抗 $\rho$ の間には式(3)の関係があり、Hinrichson-Rasch式<sup>2)</sup>として知られている。

$$\ln \rho = \frac{a}{T} + b \quad (3)$$

係数aおよびbに、モルタルには添字m、単味のセメントペーストには添字pを付けて式(3)を表わしてから、それぞれの辺々を引けば式(4)が得られる。

$$\frac{\rho_m}{\rho_p} = \exp \left\{ \left( \frac{(a_m - a_p)}{T} + (b_m - b_p) \right) \right\} \quad (4)$$

ペースト比抵抗係数kは式(1)を式(2)に代入して、

$$k = \phi^{1-m} \quad (5)$$

から算出でき、さらに式(1)を式(4)に代入して、

$$k = \phi \exp \left\{ \frac{(a_m - a_p)}{T} + (b_m - b_p) \right\} \quad (6)$$

からも求めることができる。

もし、 $\rho_{pm} = k \rho_p$  が妥当であるならば、式(5)と式(6)から得られる  $k$  は等しくなるはずである。

### 3. 実験方法

本実験で用いたモルタルの単位水量は 250, 275, 300 kg/m<sup>3</sup> の三種類とし、含有ペーストの体積占有率  $\phi$  はそれぞれ 0.38, 0.42, 0.46 m<sup>3</sup>/m<sup>3</sup> である。それらの記号を M1, M2, M3 とし、単味のセメントペーストの記号は P とする。

全ての供試体は  $\phi 5\text{cm} \times h 10\text{cm}$  の型枠に打設し、3カ月以上の水中養生を行なった。各供試体を  $\phi 5\text{cm} \times h 5\text{cm}$  に湿式切断してから、温度が 20, 35, 50°C の環境に水中浸漬したまま 1週間放置する。

比抵抗は、最大電圧 10mV、周波数範囲 0.01~10000Hz の交流を供試体に印加し、周波数が 1000Hz でのインピーダンスの実数成分を抵抗として算出した。

### 4. 実験結果および考察

図2および図3は、今回得られた実験結果を、それぞれ式(2)および式(3)に適用した結果を示している。式(2)および式(3)とも実験結果とよく一致している。

図2および図3を用いて、式(5)から得られる係数  $k$  を  $k_1$ 、式(6)から得られる係数  $k$  を  $k_2$  とし、それらの関係を図示したもののが図4に示す。 $k_1$  と  $k_2$  の相関係数が 0.97 となったことから、図1の並列回路を仮定した場合、ペースト比抵抗係数  $k$  を使うことにより式(2)と式(3)の2つの実験式を関係付けることができる意味している。

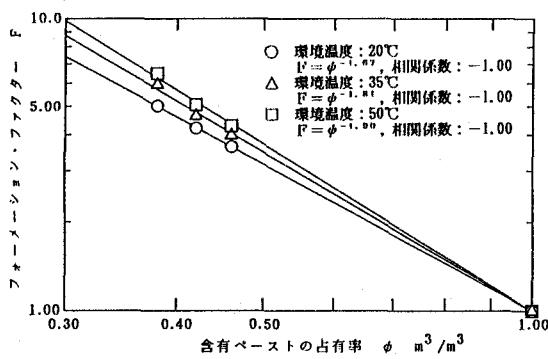


図2 F と  $\phi$  の関係

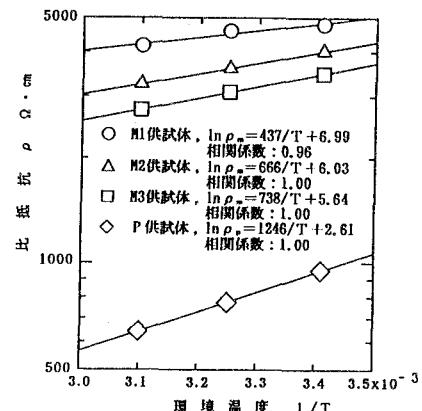


図3 比抵抗と環境温度の関係

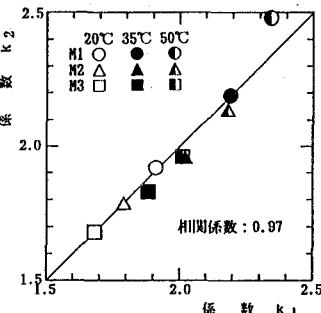


図4 ペースト比抵抗係数の比較

### 5. まとめ

本研究により、モルタルの導電経路は含有ペーストと骨材の並列回路で表わせることができた。

### 【参考文献】

- 1) H. W. Whittington et al.: The conduction of electricity of concrete, Magazine of Concrete Research, Vol. 33, No. 114, March 1981, pp. 48~60
- 2) E. Hammond and T. D. Robson: Comparison of Electrical Properties of Various Cements and Concretes, THE ENGINEER, Vol. 199, No. 28, January 1955, pp. 114~115