

IV-155 放射法による実測誤差の検討

名城大学理工学部 正員 前田 郁喜春

1. まえがき

放射法は平板測量の各種作業方法うち最も基本的かつ重要な方法である。なぜならば、アリダードによる視準した方向とそこまでの距離を縮尺化することによつて図上に1つの点がプロットされ、それらの点の連結が現地地形の線平を平面を構成するからである。大縮尺図における測点のわずかな位置誤差も精度に影響する特性があり、大縮尺化による細部測量の難んづけ他の方法よりも精度的に優れている放射法によって測図作業が行はれる現状である。このような状況において、大縮尺化の課題として放射法の誤差が実質的どの程度であるかが明らかにされていない。そこで、これらの点を実験を通じて明らかにする。

2. 平板測量の誤差

平板測量の誤差を論ずる場合は、構造自体がもつ誤差（①器械の欠陥によるもの、②調整不完全によるもの、③構造との特性によるもの（外心誤差））と、視準時および作業上による誤差（指付けるによるもの、⑤偶然誤差（視準誤差・製図誤差））とに分けられる。このうち、①②および④の不定誤差については点検や作業者の心構えによって十分対処できる要素があり、③および⑤、一部示した基本的な誤差は構造との特性によって処理できない性質のものである。大縮尺化における実測上の誤差の対象となり得るものはこれら的基本的誤差である。

なお、視準誤差が偶然誤差と属するのか、必ずアリダードの構造自体がもつ方向誤差（視準孔・視準ヘヤー・視準板間隔の大小によって決まるもの）は固有誤差として一定量が計算される。そして、視準時および作業上の特徴として外部的因素（自然条件や目標までの距離、視準標識のコントラストなど）によって影響を受けるため偶然性が介入し、不定誤差が生ずることを意味している。アリダードの走誤差は2の2つの誤差（ δ は視準誤差、 θ は表示される）を考えいかなければならぬ。

(1) アリダード定誤差の問題点

構造との特性による誤差（外心誤差 δ 、視準誤差 θ ）は、アリダードの定誤差として基本的重要な誤差となる。すなわち、視準時における1つの視準線の中にはひととじが同時に混在してしまつたため、実測上これらを分離することは不可能となる。ただし、定規線との偏心距離 ϵ がないアリダードを使用した場合はこの限りではない。こゝで、 δ は縮尺(e)に比例し、 θ は作図上において縮尺化のために2次的に発生する形となる。つまり、構造との特性によって走る一定量 δ ($=\sqrt{a^2+b^2}/2D$) のアリダードによつて視準し、これを縮尺化によって図上に描画するとき δ は ϵ ($=e\theta$)によって走着される。この図上での位置誤差が視準誤差となることから、 ϵ をもつアリダードは、1つの視準線の中には常に $\delta+\epsilon$ が混在する形となり、作図上においても位置誤差 δ' は、 $\delta'=(\delta+\epsilon)$ となることが理解できる。

(2) 放射法の誤差

上述のようく、視準板アリダードで1点を視準した場合、作図上の方向線の中には $\delta+\epsilon$ が介入して δ' となり、この誤差を実測的に有意に取り出すことが今回の目的である。こゝでは、まず光学視準（微小な誤差を仮定）によつて基線($e=0$)を描き、次に視準板アリダード($e \neq 0$)で同一目標を視準して方向線を描く。構造との特性($\delta+\epsilon$)によつて生ずる位置誤差が実測値となる。

3. 実験

実験は図-1のよう平板を中心点Oと据えつけA点を視準して方向線OPを記入し放射法による1点の誤差を求めた。OPの長さは実長20, 30, 40, 50mとし、平板を移動させないで方向の異なるP₁～P₆までの各点を視準し各々10回計60回の距離毎の測定値を得た。縮尺は1/200, 1/300, 1/500の3種とした。

測定結果はマイクロメーターラスで $1/100$ ミリまで正確に読み取った。実験の構成は次の通りである。

基線: 光学式(田村式)アリダード, 大きさ 220mm 型, $e = 0$

a)法, 視準板アリダード, 大きさ 220mm 型, $e = 27.5\text{mm}$

b)法, " " , 大きさ 270mm 型, $e = 20\text{mm}$

4. 実験結果およびその考察

放射法による実誤差は図-2 のようになる。同一距離を視準しても(視準条件が同じ)縮尺によって、大きめの場合($1/200$)と小めの場合($1/500$)では方向線の誤差によって最大誤差が変化し、最大誤差は約 3mm , 6mm 程度を生ずる。計算値やプロット精度に対して($0.1 \sim 0.2\text{mm}$)非常に大きな値を示すことがある。

また、放射法の理論値は、方向誤差と距離の縮尺誤差の2乗の平方和で求められ、

両者を 0.2mm とすればその最大誤差は約 0.3mm が限度となる。これら国とごく許容誤差については、武田⁴⁾は、現実の作業で許容誤差を最大誤差と解釈するのは実現不可能な高精度となるため、平均二乗誤差(確率誤差)と考えるのが適当であるとしている。そして、三角測量では以前から平均二乗誤差の値が使われてこらが、平板測量ではこのような解釈がしだいに一般化してまとめて指摘している。図-3 には放射法による測定値の精度 r を示す。各縮尺を通じて $0.1 \sim 0.2\text{mm}$ の精度を満足し、これらが考え方を裏付けしていいものと考えられる。なお、a と b では後者が全般に理論値に近い値をもち、とも良好なことがわかる。

図-4 はもと一定にして場合の実長視準の影響を統計的で示した。a)では遠方視準の精度が悪く、b)では近距離視準の影響が大きい。これらはアリダードの大小が視準の影響を与えている。

参考文献 武田通治: 测量学概論, 山海堂, p314, 1969

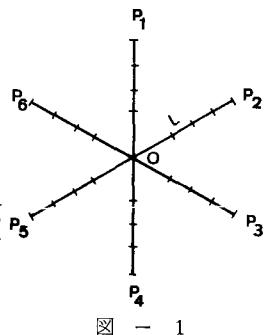


図 - 1

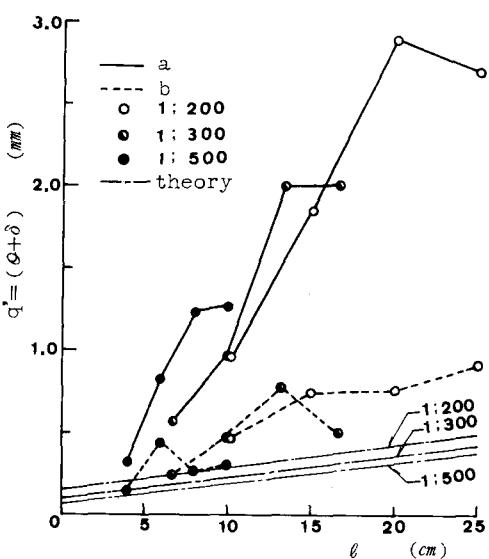


図 - 2 放射法による実測誤差 q'

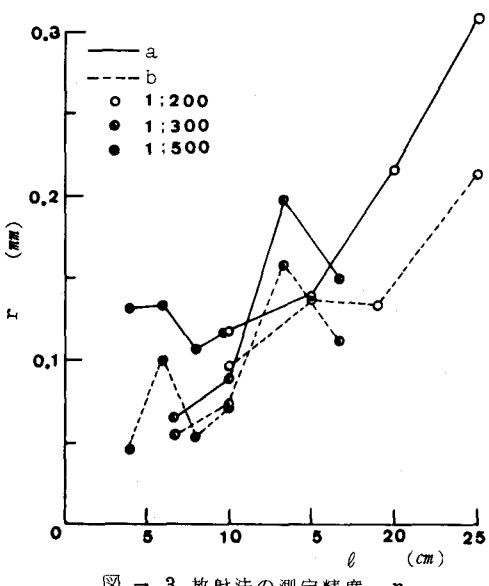


図 - 3 放射法の測定精度 r

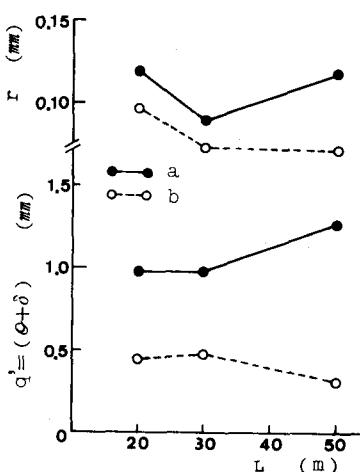


図 - 4 $l = 10\text{cm const.}$ による比較