

V-222 引張主鉄筋側のコンクリート共役せん断応力のベクトル張力と付着長および
主鉄筋張力存続の理から見た折曲げ鉄筋の新らしい解析

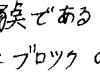
道都短期大学 正会員 今井芳雄

§1. 前言 ①彈性理論 極限設計 いづれも中立面から 鉄筋までのコンクリートには 張力はないものとして扱うわけであるものは純すいせん断応力だけで これによるせん断力は 引張主鉄筋まで 伝わらねばならぬ このせん断力は 共役せん断応力 complementary shear stress の形を保つ。Beam下面から出るコンクリートの斜め亀裂は この共役せん断応力の隅角部ベクトル合成結果の張力によっておきる と解析を進める ②折曲げ筋は 45° Bent up 間もなく この亀裂に到達するが その巨度は短い 即ち付着長が限定される。③この短い付着長にだけ頼るから 斜め stirrup と本質的に違つものである ④また Bent up 端では 主鉄筋として残っていた張力も存続している。この事は Yale 大学教授 Clarence W. Duham が 1953年すでに主張している

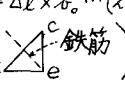
§2. 共役せん断応力の ベクトル合成

主引張鉄筋側の 45° 亀裂を \overline{CF} とする これは 共役せん断応力の作用するブロック $a b c e$ の 主应力面である (Fig; 2.1-a)。図において $\overline{ce} = \overline{fe} = \overline{af} = \overline{ab} = \frac{1}{2}\overline{bc} = \frac{1}{2}\overline{ae} = \frac{1}{2}\overline{al''}$ とする 亀裂 \overline{CF} 全長の斜引張力を T_d とする 互に直角

$$\text{な隅角部せん断力のベクトル合成として求める } T_d = \sqrt{(\tau \times \overline{ce} \times b_o)^2 + (\tau \times \overline{fe} \times b_o)^2} \dots (2.1) = \sqrt{(\tau \times \frac{1}{2}\overline{al''} \times b_o)^2 + (\tau \times \frac{1}{2}\overline{al''} \times b_o)^2} \dots (2.2) = \tau \times \frac{1}{\sqrt{2}}\overline{al''} \times b_o \dots (2.3)$$

亀裂 \overline{CF} は 45° であるから $\overline{CF} = \frac{1}{\sqrt{2}}\overline{al''}$ (2.4)
ベクトル合成を省いて $\overline{CF} \times \tau = T_d$ といふ傾きをもつ stirrup を解析するのは 1919 年版 Henry J. Cowan の著書にも採用している。筆者は 斜め stirrup と違つて 折曲げ筋には U 字形で 正鉄筋をしつかり取り巻く 機械的滑り止めがなく 専ら短い付着長に頼らざるを得ないのが弱点であると主張するのである。圧縮部に入れた定着は 斜引張力を全然受けないと解析したのである 次にブロック $a b c f$ () では $\tau \times ab \times b_o$ と $\tau \times af \times b_o$ との合力は 面 bc 上で、かつ中央で せん断力 $\tau \times \overline{bc} \times b_o$ と交わる ブロック $a b c f$ に掛かる最終合力は この交点をとおつて 45° 方向 大いさは $(\tau \times \overline{bc} \times b_o) \cos 45^\circ = \tau \times \frac{1}{\sqrt{2}}\overline{al''} \times b_o$ で T_d と釣合を保つ その 付着長は \overline{CF} 面から \overline{bc} 面までとなる

§3. 折曲げ鉄筋の付着応力

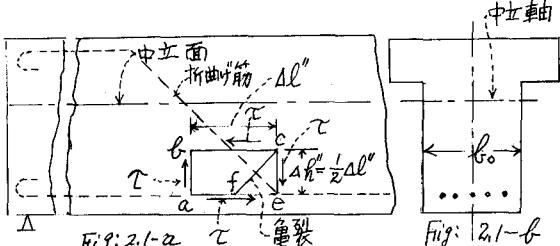
折曲げ筋 1 本が 亀裂 \overline{CF} の全張力をうけもつとすると その 力は $T_d = \tau \times \frac{1}{\sqrt{2}}\overline{al''} \times b_o$ (2.3) である T_d は ブロック $f c e$ () を鉄筋から抜きとる 力である。

これは鉄筋の付着で 抵抗する 付着長 = $\overline{ce} \cos 45^\circ = \frac{1}{2}\overline{al''} \cos 45^\circ = \frac{1}{2}\overline{al''} \times \frac{1}{\sqrt{2}}$ (3.1) = $\frac{1}{2}\overline{cf}$ (3.2)

直径が D の折曲げ筋が n 本並列であれば 付着応力を τ_c として $\tau_c \times \frac{1}{2}\overline{al''} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times n \pi D = \frac{1}{2}\overline{al''} \times b_o \times \tau_c$ (3.3) 上等置しなくてはならない。 し $\tau_c = \tau \times \frac{2}{n} \frac{b_o}{\pi D}$ (3.4) となる ここで $\tau \times b_o = \frac{S}{jD}$ であるから (3.4) 式 = $2 \times \frac{S}{n \pi D \cdot jD}$ (3.5) これら によって τ_c は $\overline{al''}$ (斜引張力負担 区域) に関係ないことを示している 折曲げ鉄筋の間隔を密にしても 付着応力を τ_c を変えることは出来ない

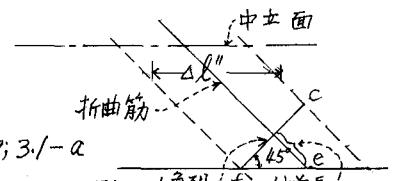
§4. 断面圧縮力、鉄筋張力、中立面せん断応力の諸力相互伝達関係

鉄筋コンクリート Beam 横断面中立軸から上部圧縮力は 次頁 (4.1) 式である



Fig; 2.1-a

Fig; 2.1-b



Fig; 3.1-a

コンクリート亀裂 f 付着長

$$\int_{y=0}^{y=C_0} \frac{C_0}{C_0} y \cdot dA = \frac{M}{I} \int_{y=0}^{y=C_0} y \cdot dA \dots (4.1), \text{ 支点 } A \text{ で (4.1) 式 } = 0, \text{ 支点}$$

から dx 点で始めて

断面圧縮が発生する。腹部幅を b_0 とし、 $T \times dx \cdot b_0 = \frac{dM}{I} \int_{y=0}^{y=C_0} y \cdot dA \dots (4.2)$ 、左辺の力は引張鉄筋に付着力として伝達される。B.M. が変化する時 (4.2) 式両辺を $x=0$ から x まで、 $M=0$ から M まで積分する

$$\int_{x=0}^{x=x} T \cdot b_0 \cdot dx = \left(\int_{y=0}^{y=C_0} y \cdot dA \right) \frac{1}{I} \int_{M=0}^{M=M} dM \dots (4.3) = \frac{M}{I} \int_{y=0}^{y=C_0} y \cdot dA \dots (4.4)$$

$$= \frac{C_0}{C_0} \int_{y=0}^{y=C_0} y \cdot dA \dots (4.5) = \text{断面圧縮力 } C \text{ (コンクリート)} \dots (4.6) = \text{鉄筋張力 } T \dots (4.7)$$

この式は鉄筋張力 T が發揮するには、長さにおいて $x=0$ から x まで付着力が存在することが主鉄筋、折曲げ鉄筋共々必要であることを解析している。引張主鉄筋を引張部で切断することが不可の判断は折曲げ鉄筋においても同様である。途中で切られれば未知の応力再配分を生ずる。

§5. 折曲げ鉄筋張力の2重性

折曲げ鉄筋の Bent up 点は主引張力が存続するから圧縮部で長さにおいて支点までのせん断力をうねらぬことを明らかにした。一方 45° 斜め部は付着応力の有効な限界 (2.3) 式の T_u が独立に内部相殺力として加わるのである。

§6. 設計例の検討

昭和 56 年 4 月土木学会コンクリートライドライ - #48 号 P.127 に、折曲げ鉄筋 2 本・D 32mm の負担せん断力 $V_f = 65.05 t$ と設計している。これから折曲げ筋 1 本の負担するせん断応力を T_u とすれば

$$T_u = \frac{\frac{1}{2} V_f}{f_d \cdot b_0} = \frac{\frac{1}{2} \times 65.05 t}{115.8 \text{ cm} \times 80 \text{ cm}} = 3.511 \text{ kg/cm}^2 \dots (6.1) \quad \text{折曲げ鉄筋間隔 } 120 \text{ cm} \text{ であるが (3.4) 式から付着応力}$$

T_u は 120 cm に實際なく腹部幅 b_0 とし $T_u = T \times \frac{2 \times b_0}{1/4 \times \pi \times D} = 3.511 \text{ kg/cm}^2 \times \frac{2 \times 80 \text{ cm}}{1/4 \times \pi \times 32 \text{ cm}} = 55.88 \text{ kg/cm}^2 \dots (6.2)$ が必要であり。stirrup の柱に U 字に鉄筋を 取りかこまない、即ち機械的に滑り止めがないのにこうして高い付着力を期待出来るかどうか疑わしい。又 P.27 図-6(a) のように圧縮部での短い定着では曲げ上げに使われた正鉄筋が正鉄筋としてここで切断されたも同然と筆者は解説する。

§7. 結言

①引張主鉄筋側で共役せん断応力の作用するブロックの辺を $1/4$ にして隅角部のベトル合成が斜引張力である。そしてこの斜引張力は辺が $1/4$ のこのブロック内で相殺する内力である。従ってそこでもコンクリート圧縮部定着に力を及ぼすものでない。②折曲げ鉄筋の付着応力 T_u は専らせん断応力 C の変化の直接の函数である。正鉄筋の付着応力の解析式と同様である。③斜め stirrup は U 字形の機械的抱き込み構造をもつが折曲げ筋はこれがなくしかも短い付着長しかとり得ないことがわかった。コンクリートライドライ - #48 号 P. 38 (7.3) 式を折曲げ鉄筋に適用は再検討の要ありとおもう。④折曲げ筋は Bent up 点でそれまでの主引張力を負担すべきであるから面積において moment 上あまつても長さにおいて支点までの付着力が必要である。従って圧縮部定着長は支点まで必要である。しかし同じ断面積は必要ないことが明らかである。(1982.3.20)

