

——粒子形状・粒子間摩擦角の影響——

信州大学工学部 正会員 小西純一
 埼玉大学工学部 正会員 小田匡寛
 Northwestern Univ. S. Nemat-Nasser

1.はじめに 粒状体の変形機構を微視的立場から究明するため、従来より2次元模型粒状体を用いた実験が行われてきた。本研究もその範囲を出ないが、粒子形状、粒子間摩擦角、堆積角、密度などの影響を総合的に調べることができるよう、次の試みをとり入れた。

(a) 光弹性材料を用いて、横円断面の粒子を作製

(b) 表面処理により、粒子間摩擦角を変化させた

(c) 堆積角を変え、初期異方性の影響を調べた。

実験およびデータ解析の一部は未完であるが、実験の概要を紹介することともに、粒子形状と粒子間摩擦角について若干の考察をしてみたい。

2. 実験の概要

(1) 粒子

材質：ポリウレタンゴム ($100\% \text{modulus} = 80 \text{ kg/cm}^2$,

光弾性定数 $\alpha = 82.5 \text{ mm/kg}$)

粒子形状：円断面および近似的横円断面の棒状（表-1 参照）

粒子間摩擦角： $\phi_0 = 40^\circ$ サンドペーパー仕上げのままで $\phi_0 = 52^\circ$

タルク粉をまぶしておいたもの $\phi_0 = 26^\circ$

$\phi_0 = 52^\circ$ の場合 スティック・スリップ挙動が著しい。

表-1 粒子の寸法

particle shape	cross section	diameters r_1/r_2 in mm			$\frac{r_1}{r_2}$
		large	medium	small	
round*		1.0	14.1	9.4	6.0
oval I		1.1	14.8/13.4	9.9/ 8.9	6.3/5.7
oval II		1.4	16.0/11.3	10.7/ 7.4	7.1/ 4.9

length (common) 19 mm

表-2 粒子の種類

name	friction angle ϕ_u	cohesion	cross section	r_1/r_2
A*			round	1.0
B	52°	none	oval I	1.1
C			oval II	1.4
D*			round	1.0
E	26°	none	oval I	1.1
F			oval II	1.4

* : 未完

形状と摩擦角の組合せにより、計6種の粒子について実験を計画しているが、円断面粒子については未完である(表-2)。各粒子とも大、中、小のものを同数混合している。

(2) 2軸圧縮試験

2軸圧縮試験機はアルミ製の4辺独立な長方形載荷板と載荷系、測定系よりなる。

載荷板の大きさは高さ約330 mm、幅約207 mmで、約650個の粒子を入れる。今回の実験では、底部を固定、側部材には重錘により一定荷重をかけ、上部材の変位を制御し、ロードセルで荷重を測定した。変位はLVDTにより測定した。また、装置全体を傾けることができるようになっており、種々の堆積角θで供試体の形成ができる(図-2)。粒子は手でランダムに積み上げた。

圧縮試験の任意の段階で光弹性等色線写真を撮影しておき、微視的諸量の測定を行なった。

3. 実験結果

軸ひずみ ϵ_1 に対して、応力比 σ_1/σ_2 、体積(面積)ずみ ϵ_V を示したのが図-3である。Sample名は表-2 参照。

図(a)と(c), (b)と(d)をそれぞれ比較すると、より偏平な粒子(Sample CとF)の方が丸い粒子(B, E)より

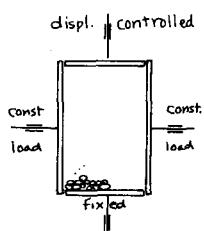


図-1 載荷板

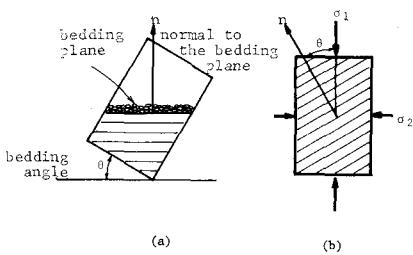


図-2 堆積角 bedding angle θ
(a) 供試体形成時 (b) 試験時

堆積角 θ の影響が著しい。一方 (a) と (c),
(c) と (d) をそれぞれ比べると、中間の影響は
それほど強くないことがわかる。

図-4 にはピーク応力比 (σ_1/σ_2) と堆積角 θ の関係を示した。

長・短径比 $r_1/r_2 = 1.1$ の丸っこい粒子の場合 (B, E) には 堆積角 θ の影響は小
さく、すなわち摩擦角中の影響もなと言え
るが、 $r_1/r_2 = 1.4$ のより偏平な粒子の場合 (C, F), とくに θ の影響が著しい。

このように粒子形状が粒状体の性質をかなり強く左右することができる、
その理由を定量的に説明することはまだ至っていない。しかし、接点法線の分
布とその変化 (図-5), 接点に沿って発揮されてる摩擦角、粒子の並進お
よび回転量など、微視的測定の結果からある程度の推察が可能になりつつあ
る。その場合、変形の自由度——微視的には粒子の動きやすさ、が重要なポイ
ントになるようと思われる。動きやすいのは、偏平粒子よりも丸っこい粒子、摩擦
角のより小さい粒子、dense よりも loose の場合、……

小田ら¹⁾は、砂の場合、平面ひずみ試験と三軸圧縮試験をくらべると前者的
の場合に堆積角の影響が著しいと報告し、その理由を変形の自由度に求めている。

Skinner²⁾はガラスビーズ集合体の強度が粒子間摩擦角
に影響されないと報告をし、その理由は、粒子
回転にあるとしている。

粒状体が応力を受け変形するとき、誘導異方性が生じ
ることが知られている。図-5 に一例を示した、粒子接
点角 (粒子接点法線の方向と直角) の分布を調べて
みると、ピークにおける分布がどの程度初期の分布を保
存しているかが、図-4 に見られる強度の差を生んでい
るようと思われる。そして誘導異方性の強度は、粒子の
動きやすさと関係していようである。

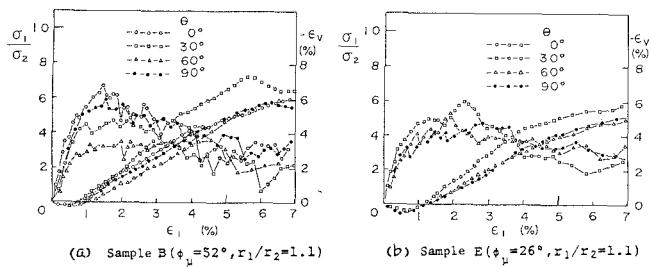


図-3 応力比-体積ひずみ-軸ひずみ関係
(c) Sample C ($\phi_u = 52^\circ, r_1/r_2 = 1.4$) (d) Sample F ($\phi_u = 26^\circ, r_1/r_2 = 1.4$)

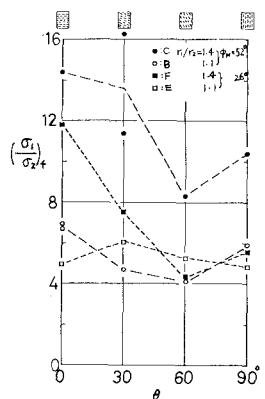


図-4 ピーク応力比と堆積角

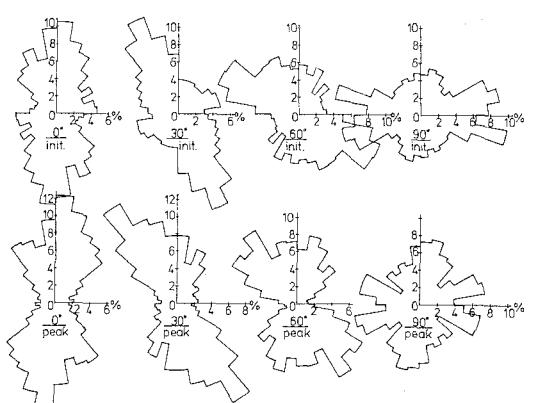


図-5

Distributions of contact normals of the assembly
for Sample C ($\phi_u = 52^\circ, r_1/r_2 = 1.4$).