

異方性土の変形特性

— 堆積面と主応力面が一致しない場合 —

名古屋工業大学 正員 松岡 元

堆積土のような異方性地盤の変形解析に供するため、前報¹⁾に引き続ひて、二つは堆積面と主応力面が一致しない場合の異方性土の応力・ひずみ関係を解析する。基本的には考え方は、堆積面と滑動面(Mobilized Plane)²⁾のなす角度が小さい程変形しやすいものである。

1. 三軸圧縮条件下の異方性土の応力・ひずみ関係

図-1はX, Y, Zを応力の主軸とし、堆積面がY軸のまわりに主応力面から δ だけ回転した状態を示したものである。相異なる3主応力下では一般に図のように3個の滑動面³⁾が存在するが、三軸圧縮条件($\sigma_2 > \sigma_X = \sigma_Y$)ではZXとZY面内の滑動面を考えればよい。いまZX面内の滑動面と堆積面のなす角度 γ' に着目し、 γ' が小さい程土質パラメータ γ_{0ZX} (ZY面内の γ_0 を γ_{0ZX} と表す)が大きい(変形しやすい)と仮定して両者の間に直線関係が成り立つものとする。さて、前報²⁾で述べたような水平堆積状態($\delta = 0^\circ$)で通常の三軸圧縮($\theta = 0^\circ$)・伸張($\theta = 180^\circ$)試験を行なった場合の破壊時の主応力比(σ_1/σ_3)_fがそれぞれ5と4である異方性土を想定する(ニニに γ_0 は正八面体面上の半径方向の応力経路の角度を意味する)。また土質パラメータは前報と同じ $\lambda = 1.2$,

$$\mu = 0.23, \mu' = 0.43, \gamma_{0r} = 0.10\%, \gamma_{0H} = 0.40\%, \gamma_{0I} =$$

0.25% を用いる。まず、前報の異方性土のための破壊規準によれば、三軸圧縮条件($\theta = 0^\circ$)における δ と $(\sigma_1/\sigma_3)_f$ の関係は表-1のように算定される(文献1)の図-12参照)。

内部摩擦角 ϕ は $\phi = \sin^{-1} [\{(\sigma_2/\sigma_3)_f - 1\} / \{(\sigma_1/\sigma_3)_f + 1\}]$

より計算され、 $(45^\circ + \frac{\phi}{2})$ も求まる。もし滑動面の角度

が破壊時の ϕ によって代表させうるものとすれば、 $\gamma' = |(45^\circ + \frac{\phi}{2}) - \delta|$ と表わすことができる。したがって、上

述の $\theta = 0^\circ, \delta = 0^\circ, (\sigma_1/\sigma_3)_f = 5$ より $\gamma' = 65.9^\circ$ (表-1参照)となり、このとき $\gamma_{0ZX} = \gamma_{0r} = 0.10\%, \theta = 180^\circ$,

$\delta = 0^\circ, (\sigma_1/\sigma_3)_f = 4$ より $\gamma' = 26.6^\circ$ となり、このとき

$\gamma_{0ZX} = \gamma_{0H} = 0.40\%$ という関係を得る。この2点を結ぶ直線として γ_{0ij} ($\gamma_{0ZX}, \gamma_{0ZY}, \gamma_{0XY}$ の総称)と γ' の

関係を決定し、表-1の γ' の値より最下段の γ_{0ZX} を求めた。また、 γ_{0ZY} は図-1からわかるように $0 \leq \delta < 90^\circ$

においては $\gamma_{0ZY} = \gamma_{0r} = 0.10\%, \delta = 90^\circ$ においては

ZY面は堆積面となり等方的と考えられるので $\gamma_{0ZY} =$

$\gamma_{0I} = 0.25\%$ と考へた。以上の土質パラメータ($\lambda, \mu,$

$\mu', \gamma_{0r}, \gamma_{0ZX}, \gamma_{0ZY}$)を用いて前報²⁾の式(1)~(6)により計算

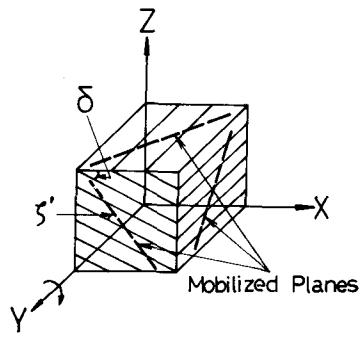


図-1 主応力面と堆積面と滑動面
(Mobilized Planes)の関係

表-1 三軸圧縮条件下の土質パラメータ γ_{0ZX}

δ	0°	30°	60°	90°
$(\sigma_1/\sigma_3)_f$	5	4.24	3.51	3.51
ϕ	41.8°	38.2°	33.8°	33.8°
$45^\circ + \frac{\phi}{2}$	65.9°	64.1°	61.9°	61.9°
γ'	65.9°	34.1°	1.9°	28.1°
γ_{0ZX}	0.10%	0.34%	0.59%	0.39%

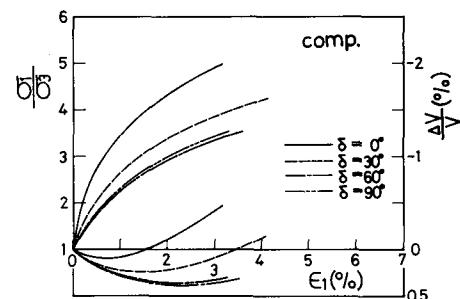


図-2 三軸圧縮条件下の応力・ひずみ関係の解析値
(δ : 堆積面と主応力面のなす角度)

した三軸圧縮条件下的主応力比 σ_1/σ_3 ・主ひずみ ϵ_1 ・体積ひずみ $\Delta V/V$ 関係を図-2に示す。参考のため、図-3に小田³⁾による三軸圧縮条件下的実測値(主応力差 $(\sigma_1 - \sigma_3)$ ・主ひずみ ϵ_1 ・体積ひずみ $\Delta V/V$ 関係)を示す(小田³⁾の“ δ ”はニニゴの $(90 - \delta)$ に相当するので図中に書き変えた)。土質パラメータは小田³⁾の試料を意識して決めたものではないが、両図には類似した対応関係がみられ興味深い。

2. 平面ひずみ条件下の異方性土の応力・ひずみ関係

つぎに FEM などによく用いられる平面ひずみ条件下の応力・ひずみ関係を解析する。図-1において Y 方向の変位を拘束する平面ひずみ状態を考えれば、近似的に ZX 面内の滑動面だけを考慮すればよいことに²⁾なる。平面ひずみ条件では $\theta = 15^\circ \sim 30^\circ$ といわれているので、平均をとって $\theta = 22.5^\circ$ と近似すれば 1. と同様に異方性土のための破壊規準より δ と $(\sigma_1/\sigma_3)_f$ の関係が表-2 のように求められる。そして 1. と同じ γ_{0ij} と γ' の直線関係を用いて表-2 の γ_{0ZX} を定められる。以上の土質パラメータ($\alpha, \mu, \mu', \gamma_{0ZX}$)を用いて 1. と同様にして計算した平面ひずみ条件下の応力・ひずみ関係を図-4 に示す。また小田³⁾による平面ひずみ条件下の実測値を図-5 に引用する。図-5 より、同じ主応力差 $(\sigma_1 - \sigma_3)$ に対するひずみ値 ϵ_1 が $\delta = 0^\circ, 30^\circ, 90^\circ, 60^\circ$ の順に大きくなり、破壊時のひずみ値 ϵ_1 は $\delta = 90^\circ$ のときに最も大きいことがみられるが、これらの実測値の傾向も図-4 の解析値はよく説明している。なお、図-2, 4 の応力・ひずみ関係の終点は表-1, 2 の破壊時の主応力比 $(\sigma_1/\sigma_3)_f$ に一致させている。また、以上の計算では $\delta \neq 0^\circ$ の場合でも主応力比主ひずみ増分の方向は一致するこを仮定している。

今後は、以上の成果に基づいて異方性地盤の変形解析を行なう予定である。

謝辞 御援助をいただいた本学 山内利彦教授、有益な議論をいただいた 中井照夫助手に謝意を表す。

参考文献

- 1) 松岡・鈴木(1980)：第15回 土質工学研究発表会講演集。
- 2) 松岡(1974)：S & F, Vol. 14, NO. 2, pp. 47-61.
- 3) 小田・小石川・樋口(1978)：S & F, Vol. 18, NO. 1, pp. 25-38.

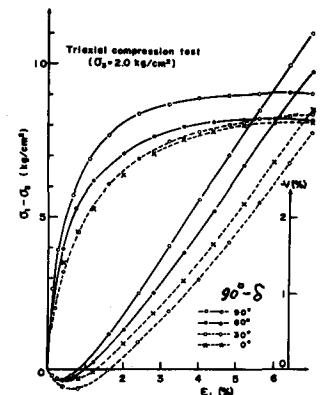


図-3 三軸圧縮条件下的応力・ひずみ関係の実測値³⁾

表-2 平面ひずみ条件下の土質パラメータ γ_{0ZX}

δ	0°	30°	60°	90°
$(\sigma_1/\sigma_3)_f$	5.64	4.62	3.92	4.79
ϕ	44.3°	40.1°	36.4°	40.9°
$45^\circ + \frac{\phi}{2}$	67.2°	65.1°	63.2°	65.5°
γ'	67.2°	35.1°	3.2°	24.5°
γ_{0ZX}	0.09%	0.33%	0.58%	0.42%

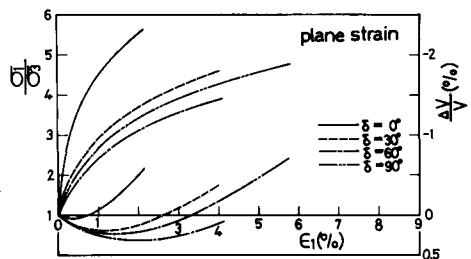


図-4 平面ひずみ条件下の応力・ひずみ関係の実測値

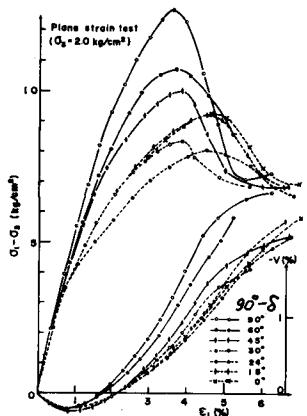


図-5 平面ひずみ条件下の応力・ひずみ関係の実測値³⁾