

東京工業大学

正会員

肥田野 登

1.はじめに

経済・財源力の制約が強まる成長時代においては、地域施設計画においても、施設整備の効率性・実現可能性の向上を図ることが、ますます必要となる。従来、地域計画においては、道路・港湾あるいは教育施設など個別施設の効率的、現実的な整備過程について分析されているものの、地域全体の各種施設を同時に扱ったものは、少ない。特に、施設整備過程における整備速度について触れているものはない。そこで、本研究では、県レベルを対象に、整備過程において、実現可能性が高く、又、長期的にみて効率的な多種施設整備の手法を、施設整備速度、タイミングの点から明らかにする。

2. 地域施設整備モデルの構築

長期的施設計画においては、地方政府の施設整備能力は、地域成長に伴って変化する。そこで、本研究では、施設が、地域の生産を増大させ、地方政府の税収をふやす（政府、地域産業等）には、施設整備によってもたらされるし、整備力が向上するフィードバックループを内生化し地域変化的程度に応じて、正負のインパクトを受けた。更に、施設の維持管理が必要となることから、難易えられる。一般に、諸主体は、対応できる地域変化の持続性を施設量で説明し、地方政府の収入からこれを適用可能領域を有していると言えられる。従って、たとえ排除したもののが整備力（余剰財源）であるとした。また、元一般的であるにせよこの領域からは不絶続急速な地域住民への影響として、地域の厚生と地域消費と施設非常に遅い変化には対応できない。地域変化は、地域の施設から得られる便益によって定義される。以上の基本的な状況と施設整備など、単位時間当たりの開発行為の大きさや関係によって、次の地域施設整備モデルが構成される。

$$\begin{aligned} Y(t) &= f(x_i, z_i) \\ Y_i(t) &= \alpha_i Y(t) \\ R(t) &= \beta \alpha_i Y_i(t) \\ C(t) &= \frac{\gamma}{\alpha_i} C_i x_i \\ S(t) &= R(t) - C(t) = \frac{\gamma}{\alpha_i} s_i \\ x_i(t) &= m_i \\ U(t) &= u((1-\lambda)Y_i(t), z_i, x_i) \end{aligned} \quad (1)$$

ここで、 Y ；生産所得、 x_i ；公共施設量、 z_i ；民間生産施設量、 f ；生産関数、 Y_i ；分配所得、 α_i ；生産一分配所得修正係数、 R ；一般財政収入額、 β ；税率、 λ ；中央政府からの交付税を含んだ拡大係数、 C ；経常経費、 C_i ；施設維持管理費、 S ；余剰財源（施設整備）、 U ；施設しか存在しない場合を考え、民間施設は生産施設 s_i ；施設への一般財源分配、 z_i ；時刻 t での施設量のみを考慮し、整備は公共生産施設整備に完全に導かれる。

増分、 m_i ；中央政府からの補助金による拡大係数（補助率）は $(m_i-1)/m_i$ 、 V ；地域厚生を表す。

更に、問題を単純化するために、次の仮定を設ける。

- ① 生産関数は、線型とする。
- ② 地域人口は一定とし、施設の老朽化はないものとする。

③ 地域厚生は消費と各種施設によつてもたらされるサービスの線型結合によつて表現できるものとする。

$$\begin{aligned} f(x_i, z_i) &= \sum_{i=1}^N a_i x_i + \sum_{i=1}^M b_i z_i \\ u((1-\lambda)Y_i(t), z_i, x_i) &= (1-\lambda)Y_i(t) - \frac{\gamma}{\alpha_i} z_i + \sum_{i=1}^M b_i z_i \end{aligned} \quad (2)$$

a_i, b_i ； i, i' 施設の生産性、 u_i ；施設によつてもたらされるサービス効用。

3. 整備速度制約の導入

地域と関連を有する諸主体（例えれば、地域住民、地方政府が、地域の生産を増大させ、地方政府の税収をふやす政府、地域産業等）は、施設整備によつてもたらされるし、整備力が向上するフィードバックループを内生化し地域変化的程度に応じて、正負のインパクトを受けた。更に、施設の維持管理が必要となることから、難易えられる。一般に、諸主体は、対応できる地域変化の持続性を施設量で説明し、地方政府の収入からこれを適用可能領域を有していると言えられる。従って、たとえ排除したもののが整備力（余剰財源）であるとした。また、元一般的であるにせよこの領域からは不絶続急速な地域住民への影響として、地域の厚生と地域消費と施設非常に遅い変化には対応できない。地域変化は、地域の施設から得られる便益によって定義される。以上の基本的な状況と施設整備など、単位時間当たりの開発行為の大きさや関係によって、次の地域施設整備モデルが構成される。

表1. 施設整備速度制約と関連主体

地域主体	制約項目	条件
地域住民	生活施設水準の向上	$w - \alpha w \geq 0$
地方政府	財政の柔軟性の維持	$s = b, k - \alpha w \geq 0$
地域産業	生産の適応可能な拡大	$\beta k - k \geq 0$

4. 整備速度制約を考へた場合の最適整備過程

本研究では、単純化のために、生産施設 $\sum_{i=1}^N x_i$ 、生活施設 $\sum_{i=1}^M z_i$ 、施設しか存在しない場合を考え、民間施設は生産施設 s_i ；施設への一般財源分配、 z_i ；時刻 t での施設量のみを考慮し、整備は公共生産施設整備に完全に導かれる。

であると仮定する。 $(\alpha_1 > 0, \alpha_2 = 0, U_1^* = 0, U_2^* > 0, K_0 = KK_1)$
施設整備モデルを基に、目的関数と(7)計画期間 $[0, T]$ の厚生総和最大化を立て、最適施設整備問題は次の様に表式化できる。

$$\int_0^T U(t) dt$$

上式を以下の制約条件、初期条件の下で最大化する各時刻 t での財源分配($S_i(t)$)を求める。

a) 施設整備速度

$$x_i(t) = m_i S_i(t), \quad S_i(t) \geq 0 \quad (i=1, 2, 3)$$

b) 余剰財源制約

$$S(t) = \sum_{i=1}^3 S_i(t) \geq 0$$

c) 余剰財源設定

$$S(t) = R(t) - C(t) = \sum_{i=1}^3 b_i x_i(t) \geq 0$$

ただし、 $b_i = \max(a_i - c_i, 0) \quad S(t) \geq 0$ のみを考える。

d) 厚生の設定

$$U(t) = u_1 x_1(t) + u_2 x_2(t) - \alpha M S,$$

$$\text{ただし } u_1 = f(a_1 + \alpha M)(1 - R)/(M + R), \quad M = M/(M + R)$$

e) 初期条件

$$x_i(0) = x_{i0} \geq 0$$

この時の最適解は、 $H = u_1 k + u_2 w - \alpha M S + p_i k + p_w w$ における

- (i) $R(t)$ は、 $[0, T]$ で連続かつ区分的微分可能
- (ii) $\dot{k} = \dot{x}_1 = \frac{\partial H}{\partial p_i}, \quad \dot{w} = \dot{x}_2 = \frac{\partial H}{\partial p_w}, \quad -\dot{p}_i = \frac{\partial H}{\partial k}, \quad -\dot{p}_w = \frac{\partial H}{\partial w}$
- (iii) $A(t), R, S, x, p_i, p_w \geq 0$
- (iv) $P_i(t) = P_w(t) = 0, \quad K(0) = K_0, \quad W(0) = W_0$

と、満たす可となる。これを解くと、

$$p_i = b_i u_1 (\exp(Gm_1(t-T)) - 1)/(c_{sm_1}) - (c - T)(u_1 + b_i u_2/c_0) \quad (4)$$

$$p_w = u_2 (1 - \exp(Gm_2(t-T)))/(c_{sm_2}), \quad p_i, p_w < 0, \quad \dot{p}_i > 0, \quad \dot{p}_w < 0.$$

となる。従って、 $[0, T]$ で p_i, p_w は、高々 1 支点を有する。

2, 3 次の 2 つアシストの考え方を用いる。

アシスト a) $P_i M_1 \leq P_w M_2 + m' k$ for all $t \in [0, T]$

$$\begin{cases} P_i M_1 \geq P_w M_2 + m' k & \text{for all } t \in [0, t^*], \quad t^* \in [0, T] \\ -2 P_i M_1 < P_w M_2 + m' k & \text{for all } t \in [t^*, T] \end{cases} \quad t^* = T - \frac{m' k}{P_i + P_w}$$

となる。従って、アシストのタイミングは

$$u_2(\exp(Gm_2(t-T)) - 1)(u_1 + b_i u_2/c_0) G M_1 M_2, \quad t = k M_1 / G M_2 \quad (5)$$

の解となる ($0 < t^* < T$)。アシスト a), b)-2 では、生活施設整備中心によるからアシスト、生活施設の整備時期といえる。

これは、計画期間の長さ(T)には、依存せず、目標年次までの残りの期間 t によって決まる。又、計画期間が長期($T > T_0$, $T_0 = \ln(m_1 + c_{sm_1})/\ln(M_1 + c_{sm_1}) = \exp(Gm_1) - 1$)の場合、アシスト a)は存在しない。よって、a)を短期、b)を長期計画と呼ぶ。

最適過程は、次のよう(図 1)

$$\begin{aligned} \text{a) } & K = K_0, \quad W = (b_i k - (k b_i + c_{sw})) \exp(-c_{sm_1}(t-T))/c_0 \\ \text{b) } & \begin{cases} K = (b_i k - c_{sw}) \exp(Gm_2(t-T) + c_{sm_2} t)/c_0, \quad W = W_0 & t \in [0, t^*] \\ K = k^*, \quad W = (b_i k^* - (k^* b_i + c_{sw})) \exp(-c_{sm_1}(t-T))/c_0 & t \in [t^*, T] \end{cases} \end{aligned}$$

5. 整備速度制約下での最適整備過程

地域住民、財政主体、産業主体の制約を満足する可能投資領域は、次のようになる

$$S_i \in [\max(0, 0), \min(\min(\theta_2, \theta_3), 0)], \quad \min(\theta_2, \theta_3) \geq 0, \quad S_0$$

$$\theta_1 = GM_2(b_i k - c_{sw})/(c_{sm_2} + c_{sm_1}), \quad \theta_2 = (b_i m_1 k - (k^* m_1 + b_i) c_{sw})/m_1, \quad \theta_3 = M_1/m_1$$

この領域内での最適整備は、タイプ A ($\max(\theta_2, \theta_3) = \theta_2$), タイプ B ($\max(\theta_2, \theta_3) = \theta_3 = \theta_1$), タイプ C ($\max(\theta_2, \theta_3) = \theta_3$) となる。

ここで P_i, P_w は 4 のケースの、アシスト b) と同様に

分けられる。各々の場合の最適過程は、次のようになる。(表 2)。以上をまとめた最適過程の例を、図 2 に示す。

6. まとめ

以上の分析より次の点が明らかになつた。

① 整備速度制約のない場合、計画期間が長期にわたる時、には生産施設から整備し、目標年次に近づいて時点での生活施設を整備可とするのが最適整備過程となる。

② 従つて、図 1 に示される様に、住民にとって、生活施設の整備が時刻までおくれ、遂に産業主体は、計画期間の初期の急速な生産施設整備に従つた振舞をせねばならず。財政主体は後期で財政の硬直化(引退)にのみならず。

③一方、速度制約下では、生産施設と生活施設を同時に整備していく事になる。この時、整備期間の大半で、厚生関数のペナルティに依存しない一定率で、生産、生活施設を整備可と均衡整備過程を経由可とする事になる。

表 2 整備速度制約下でのタイプ A, B, C の解

	K	W
アシスト a), タイプ A	$\delta_3(b_i k - c_{sw})(t - t^*) + k^*$	$\delta_3(b_i k - c_{sw})(t - t^*) + W^*$
アシスト b)	$(K_0 - E_1, W, W_0) \exp(\lambda M_1 t) + E_1 M_1$ $\exp(\lambda t)$	$W_0 \exp(\lambda t)$ $(E_1 = (c_{sm_2} + c_{sm_1})/m_1, W_0 = (m_1 - E_1)/c_{sm_1})$
		向 上
タイプ C	$k_0 \exp(\lambda t)$ $(E_2 = M_2(c_{sm_2} - P)/(m_2(M_2 - P)))$	$(W_0 - k_0/E_2) \exp(-\lambda(t - t^*)) +$ $(k_0/E_2) \exp(\lambda t)$
		向 下

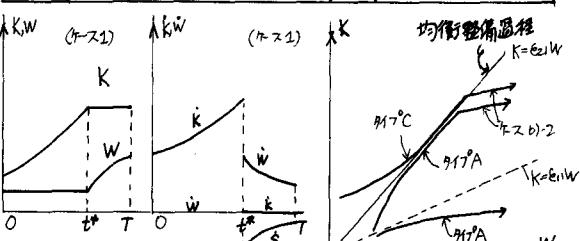


図 1 整備速度制約のない場合の最適過程

