

1. 緒言

リモートセンシングでは従来精密な幾何学が問題となることは非常にまれである。しかししながら、リモートセンシングで得られた新しい情報で地図に追加する場合とか、また被写体の時系列的特性を調査する場合等には映像の幾何学が非常に重要なである。そこで、ここではリモートセンシングにおいて得られた映像の幾何学を従来の写真の幾何学と対比させながら考察してみることにする。

リモートセンシングの幾何学は、航空機から小区域を撮影する場合と人工衛星からの映像のように広範囲をカバーする場合とに分けて考えることが普通である。前者は従来の写真測量の場合と同様、直交直線座標系を用いて解説することができるが、後者では地図投影の歪との関係を考慮する必要があり、これから複雑になる。ここでは、前者のみを対象とすることにする。また、リモートセンシングでは種々の撮影方式が考えられるが、それらのうち最も重要なマルチスペクトルスキャナーによる映像(MSS映像)について考えることにする。

MSS映像の幾何学を解説する場合、近年開発されたストリップカメラ、パンチマカメラを用いて撮影された写真の幾何学が非常に役立つ。そこで、これらの写真の幾何学を基礎にしてMSS映像の幾何学を考察してみることにするが、まずはMSS映像の投影関係を調べ、つぎにその厳密な標定論にかかるこことにする。

2. MSS映像の投影関係

まず、マルチスペクトルスキャナーの内部標定要素が既知であると仮定し、使用する座標系として図-1のような右手座標系(X, Y, Z)を考えることにする。外部標定要素の定義は ω , θ , κ をそれぞれX, Y, Z軸のまわりの回転とし、回転の正方向は右ねじが座標軸の向きに進むときの回転方向とする。かつ、回転の順序は ω , θ , κ の順とし、回転軸は回転要素 ω , θ , κ の回転とともに変化していくものとする。また、平行移動量 X_0 , Y_0 , Z_0 は座標軸方向を正方向とする。

MSS映像について、1本のスキャンラインの操作の間スキャナーの外部標定要素は一定であり、MSS映像はX方向にはストリップ写真とまたY方向には(瞬時に撮影されたと仮定した)パンチマ写真と同じ幾何学的性質を持て、というものを仮定する。

以上のような仮定のもとで、1画素について投影方程式を立てると、

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ C \end{pmatrix} = m \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & \sin\theta \\ 0 & -\sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} D_{\theta j} & D_{\omega j} & D_{\kappa j} \end{pmatrix}^T \begin{pmatrix} X - X_{0j} \\ Y - Y_{0j} \\ Z - Z_{0j} \end{pmatrix} \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

となる。ここに、 θ はスキャン角、 m は縮尺を表わし、 D_θ , D_ω , D_κ は ω , θ , κ に対する回転行列である。また、添字 j はスキャンライン番号を示している。いま、式(1)を变形すると、

$$\begin{pmatrix} 0 \\ -c \cdot \tan\theta \\ c \end{pmatrix} = m' (\mathbf{D}_{g_i} \mathbf{D}_{w_i} \mathbf{D}_{x_i})^T \begin{pmatrix} X - X_{0j} \\ Y - Y_{0j} \\ Z - Z_{0j} \end{pmatrix} \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

が得られ、これはスキャンライン上についての投影方程式である。 \$(\mathbf{D}_{g_i} \mathbf{D}_{w_i} \mathbf{D}_{x_i})^T\$ の要素を \$d_{mnj}\$ で表わすことにすると、collinearity equations は、

$$\left. \begin{aligned} x' = 0 &= \frac{d_{11j}(X - X_{0j}) + d_{12j}(Y - Y_{0j}) + d_{13j}(Z - Z_{0j})}{d_{31j}(X - X_{0j}) + d_{32j}(Y - Y_{0j}) + d_{33j}(Z - Z_{0j})} c \\ y' = -c \cdot \tan\theta &= \frac{d_{21j}(X - X_{0j}) + d_{22j}(Y - Y_{0j}) + d_{23j}(Z - Z_{0j})}{d_{31j}(X - X_{0j}) + d_{32j}(Y - Y_{0j}) + d_{33j}(Z - Z_{0j})} c \end{aligned} \right\} \quad \dots \dots \dots \quad (3)$$

のようになる。

3. MSS 映像の標定論

MSS 映像の投影関係がわかれば、その標定法を考察することができる。この場合最も重要なことは、たとえ 1 本のスキャンライン上でスキャナーの外部標定要素が一定であると仮定しても、数学的には各スキャンラインごとの外部標定要素と一緒にして決定できないということである。そこで、スキャンラインを構成したストリップを対象として標定問題を考えることにし、各スキャンラインごとの外部標定要素の変動を時間の函数で表わし、この函数の係数を求めるにより各スキャンラインに付する外部標定要素を決定するという方法が通常とされる。各スキャンラインごとの外部標定要素の変動を表わす函数として既に種々のものが提案されているが、ランダム変動の理論を利用してこの函数形を決めるのが最も適当であろう。

いま、MSS 撮影でステレオ撮影を実施した場合を想定してみよう。このような場合は单撮影の場合の観測方程式の他に対応する 2 本の光線の交点条件を新たに付加条件として利用できる。そして、この交点条件は基準点以外の点に対してても使用できるので、基準点数の減少、および各スキャンラインごとの外部標定要素の変動量の最適決定等に効果が大であろう。

4. 差異

マルチスペクトルスキャナーを用いてとられた MSS 映像について、その内部標定要素を定義してみよう。まず、カメラの画面距離にあたる要素 \$c\$ であるが、MSS 映像では座標が \$y = -c \cdot \theta\$ としてとらえているわけであるから、\$c\$ の値は各スキャナードットについて原理的に既知とできることはできない。ところが、通常はこの\$c\$ の値は MSS 写真の縮尺と平均飛行高度から計算される場合が多く、このようにして求めた\$c\$ は測量用カメラの画面距離の決定精度に比べてかなり精度の悪い値となる。つぎに、空中写真上の主点位置にあたる要素についてであるが、スキャン角が \$0^\circ\$ のときの位置が既知であれば非常に好都合である。しかし通常スキャナーはこのようにキャリブレーションされていないので MSS 写真の写真縁（鮮明であると仮定）を基準にして決定しなければならずこの場合も位置決定精度がかなり劣悪となる。

MSS 写真の内部標定要素を以上のように定義したが、MSS 写真の標定問題では、

- 1) 外部標定要素の決定精度が劣悪なこと、
- 2) 各スキャンラインごとの外部標定要素の変動量のモデル化が困難であること、
- 3) 1 本のスキャンラインの映像がストリップ写真より一本のスリットの場合のように完全には中心投影像ではないこと、
- 4) スキャン角の角速度の不均等性がかなり考えられる。

等の理由で、種々の困難が予想される。しかし今後このような難点を克服してゆけば、MSS 映像のより有効な利用が期待できよう。