

1. まえがき

都市における自動車交通の流れを改善する方策として、環状道路の重要性が認識され始めてからすでに久しい。しかし今までのところ、環状道路の適正な規模、適正な配置等に関する統一的な理論は現あたらない。ここでは放射環状型の道路網を有する円形の仮想都市において、1本の有料ではない高速の環状道路の適正な規模、配置に関する考察を行う。環状道路の評価要因としてはアクセシビリティーを用いる。

2. 環状道路の評価モデル

いま半径Rの仮想円形都市を考える。この都市の道路網は放射、環状型に密に配置されているものとし、その走行速度をひととする。よりも大きい走行速度をもつ同心円状の1本の環状道路を考え、その中心からの半径をrとする。rは環状道路の適正な配置を考える際の変数である。

次に中心からの位置がx, yの2地点を考え、点xにおける潜在的交通発生力の大きさ(たとえば夜間人口、従業者数等)をp(x)とし、点yにおける潜在的交通吸引力の大きさ(たとえば従業者数、従業所床面積等)をg(y)とする。

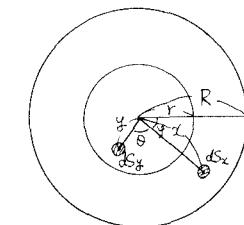


図.1 仮想円形都市と環状道路

このとき、点xにおける交通発生のポテンシャル $\lambda(x)$ 、点yにおける交通吸引のポテンシャル $\mu(y)$ を、

$$\lambda(x) = \int_{D_y} g(y) t(x, y)^{-\beta} dS_y \quad (1)$$

$$\mu(y) = \int_{D_x} p(x) t(x, y)^{-\beta} dS_x \quad (2)$$

で定義する。ここに $t(x, y)$ はx, y間の最短の所要時間、 dS_x, dS_y は点x, yの面積、 D_x, D_y はx, yの定義域である。またこの円形都市における全アクセシビリティーAを、

$$\begin{aligned} A &= \int_{D_x} \lambda(x) p(x) dS_x = \int_{D_y} \mu(y) g(y) dS_y = \int_{D_y} \int_{D_x} p(x) g(y) t(x, y)^{-\beta} dS_x dS_y \\ &= 4 \int_0^R \int_0^x \int_0^{2\pi} p(x) g(y) t(x, y)^{-\beta} xy d\varphi dy dx \end{aligned} \quad (3)$$

によって表わす。Aの値は、対象としている都市における空間的移動の容易さを表わす指標と考えられる。

x, y 2地点間の経路としては図.2に示すような3本の経路が考えられる。
したがって $t(x, y) = \min(t_1, t_2, t_3)$ である。ここに、

$$t_1 = (x+y)/V, \quad t_2 = (x-y+2r)/V,$$

$$t_3 = \begin{cases} (2r-x-y)/V + r\theta/V, & (0 \leq y \leq x \leq r), \\ (x-y)/V + r\theta/V, & (0 \leq y \leq r \leq x), \\ (x+y-2r)/V + r\theta/V, & (r \leq y \leq x). \end{cases}$$

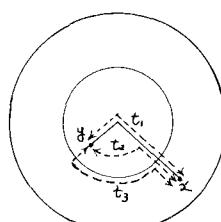


図.2 x, y 間の3本の経路

全アクセシビリティーAを最大にする高速環状道路の半径rの値を求めるこことによって、この対象都市における空間的移動の容易さが最も促進される高速環状道路の位置が求まることなる。 $p(x), g(y)$ はそれが都心からの距離の関数として、たとえば $p(x) = \alpha x^{-\beta}$ あるいは $p(x) = \alpha e^{-\beta x}$ などの形でトライアゴン的に仮定することができます。