

京都大学大学院 学生員 八木陽一
京都大学工学部 正員 吉川和広
京都大学工学部 正員 岡田憲夫

1. はじめに

本研究において日本厚狭加百川・市川・葦原川・青保川・千瀬川の各水系の流域全体での区域的な水利用計画の問題をとりあげる。さらに当該問題の含む内容の多岐性を考慮し、充足すべき目標が複数に及ぶことを着目し、これらの目標間の調整問題を取り上げる。具体的に述べるに、区域的な水利用は主としてダム開発と流域内での建設により需要を充足するにても地域全体での建設費を最小にするというゆらぎがあるが、これらの目標は互いに競合関係にある。実質問題として水利用技術の進歩と水資源の重要性に対する認識の昂揚により、予め想定された需要量を完全に充足する代りにダム開発による水利用量の若干減少を許すことも、これは例えば三次処理水の再利用により充足することで結局需要は100%満たすことになる。このような場合でも現在の処理技術から考え、あくまでダム開発により需要を充足することに主眼を置くことも言うまでもない。このとき経済性のみを重視するのであれば水利用量はできるだけ抑制することも望ましく、もしこれが区域的な水利用のもう一つの目標である供給量の充足にできるだけ固執したというゆらぎも競合することになる。本研究では水利用計画問題における2目標の存在に着目し、これらの適切な調整手段の問題を目標計画法によりモデル化することを目指す。具体的目標の設定としては、各水系下流域における取水量の最大化および競争費の最小化を考へる。またこの場合需要量を達成可能な供給量が下回った場合は、このカイ離の量は三次処理水の再利用水により補てんすることと暗に想定することになる。そして再利用水の配分は工業用水の取水管を再利用し、両者を競合することにより供給とれると考へる。したがって処理水利用量が多くなるにつれて水質は悪化すると考へる。

2. モデル化における前提

上述した前提条件の他に主要な前提条件を述べるに以

下のようにする。

① 直線モデルの対象として取り上げる建設はダム、水系内での建設費に關しては、規模の間に線形性が成り立つ。

② 需要地は仮想的に各水系の下流域に設定されることを考へる。この場合の水需要者としては上水道と工業用水利用者を取り上げる。

③ L型有効用関数を用いた目標計画法による定式化

[1] 技術的制約式の定式化

$$i=1, 2, \dots, n; j=1, 2, \dots, m; k \in K_i, K \text{ について}$$

$$\begin{aligned} x_{ij} &\leq C_{ij} \\ \sum_{j=1}^m \alpha_{ij} x_{ij} + \sum_{k \in K_i} (y_{ki} - y_{ik}) - \delta_i &= 0 \\ \alpha_{ij}, y_{ik}, y_{ki}, \delta_i &\geq 0 \end{aligned}$$

x_{ij} : ダム(i, j)の建設規模(変数)。(iは水系をさし、jはその水系におけるダム群のうちの一つをさす整数で、ダム下流から数え順番に対応している。)

C_{ij} : ダム(i, j)の建設規模の上界。

$y_{ik}(y_{ki})$: i(k)水系からk(i)水系へ分水する導水施設規模(変数)。

δ_i : i水系下流域の取水可能量(変数)。

K_i : i水系に隣接する水系をさす変数の集合。

n: 水系の数 m: i水系のダムの数。

[2] 目標計画法導入に伴う制約式並びに評価関数

$$\begin{aligned} \delta_i + d_i - e_i &= G_i^0 \quad (i=1, 2, \dots, n) \\ \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n \alpha_{ij} x_{ij} + \sum_{i=1}^n \sum_{k \in K_i} b_{ik} y_{ik} + \sum_{i=1}^n \sum_{k \in K_i} b_{ki} y_{ki} - d_{n+1} + e_{n+1} &= G_{n+1}^0 \\ \delta_i &\geq g_i^0 \quad (i=1, 2, \dots, n) \\ \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n \alpha_{ij} x_{ij} + \sum_{i=1}^n \sum_{k \in K_i} b_{ik} y_{ik} + \sum_{i=1}^n \sum_{k \in K_i} b_{ki} y_{ki} &\leq g_{n+1}^0 \end{aligned}$$

α_{ij} : ダム(i, j)の建設費用。

$b_{ik}(b_{ki})$: i(k)水系からk(i)水系へ分水する導水施設の建設費用。

d_i, e_i : 各目標を満足水準のカイ離の程度をさす変数。(厳密には $d_i - e_i$ のカイ離の程度をさす。)

G_i^0 : 各目標の満足水準(これ以上は五分は認めず)

水準)。

g_i^0 : 各目標の許容水準(許容できるギリギリの限界を示す水準)。

さらにこの d_i について

$$d_1/\lambda_1 = d_2/\lambda_2 = \dots = d_{n+1}/\lambda_{n+1}$$

が成り立つ。ただし $\lambda_i = G_i^0 - g_i^0 (i=1, 2, \dots, n)$,

$$\lambda_{n+1} = g_{n+1}^0 - G_{n+1}^0$$

以上の制約式のもとで評価関数を次のように設定する。

$$d_i (i=1, 2, \dots, n+1 \text{ の任意の } 1) \rightarrow \min$$

これは理論的にはすべての d_i を最小にするには同等である。すなわち本モデルでは、概念的には、各目標の許容水準に等しく要求する代りに、これらの目標値からのずれの量 $d_i (i=1, 2, \dots, n+1)$ を最小にするよう解を求めることにより、各目標の達成度を最小にするよう解を求める問題と考え、これを定式化している。

4. 結果の分析

まず図-1の5分析を行うと、①再利用率/全需要量(再利用率)は干瀬川水系では小さく、葛前川の30%程度である。しかも市川・加古川は葛前川とほぼ等しい。②次に当該水系における用水型産業の規模・集中度を示すパラメータとして工業用水需要量/全需要量(工業利用率)を計算してみると、やはり干瀬川では小さく、逆に加古川・市川・葛前川ではほぼ等しい値をとり、定性的な変動傾向が先の再利用率の場合と酷似している。③そこで再利用率/工業利用率を計算してみるとその値が0.1近くどわらついていることがわかる。④

以上のことから各水系再利用率は、全必要再利用率(端足水準と達成水準との乖離の量の総和)をそれぞれ工業用水需要量の大きさに応じて換分することにより決定されていることがわかる。按ずれば用水型産業活動の問題に関する一考察、京都大学卒業論文

の集中度の大きい流域は相対的に大きく逆にして流域では広く抑えられている訳で、流域の水需要特性に応じた再利用の促進が必要であることが示されている。次に図-2から、達成水準(工業用水と再利用水の混合水の水質)を悪くすることを認める政策はむしろ再利用率が大きくなり、従って逆に削減水量が減少するに転ずる。このことは別の角度から見ると、図-3より加古川・市川のような全需要量の他水系に比べて、まわめて大きな水系においては供給水の他水系依存度も大きくなる。これは当該水系における利用水の水質の低下をも防ぐことになり、工業用水のBOD値はそれによって3.7%, 10.7%増加していることがわかる。このことは逆に言えば加古川・市川水系において達成水準を倍に向上させるためには、削減水量を倍にする必要があることが示されている。したがってここで想定した工業用供給水の水質を保証してやるためには、工業用水は不可欠であることがわかる。したがって区域利水方式は、単に経済効率性の面からだけでなく供給水質の向上・保全の観点からもその効用が期待されることとなる。以上本研究で明らかにしたことは、もともと種々の前提条件を想定しており、これはより一般的な結論は得られませんが、さらにこれらの前提条件の適用範囲の吟味と水利開発方式を検討していく上での有効な判断基準の提示もできるものと考えらる。

図-1 各水系別水使用特性

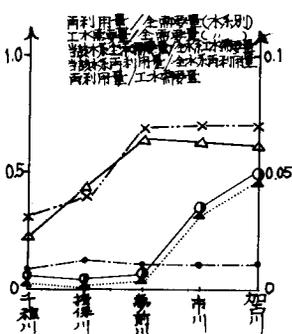


図-2 許容水質に関する政策を変えた場合の再利用率の変化

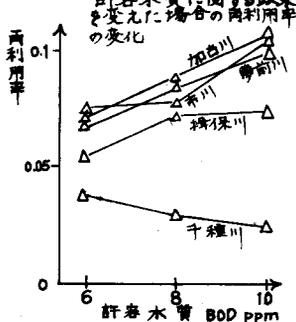


図-3

