

株式会社 ダイヤコンサルタント 正会員 ○ 尾上哲介

1 緒言 著者はトンネル工事の施工に従事し種々の難かしい場面に遭遇し、トンネルの圧力を何等かの方法で確からしい値を得たい信念で至験した実状に照らして以下のことを考へ方、数式で求めた値を参考に、今後の設計ならびに施工の便誤、支保工に適応するごとく修正し採用してはと思ふ以下に示す式を提案する。

$$P = B/2.8 - S^2/M \quad P: \text{トンネル圧 } B; \text{ トンネルの水平半径 } R; \text{ 地山の代表的比重 } S; \text{ 地山附近の代表的せん断強度 } M; \text{ 地山附近の代表的曲げ強度}$$

2 トンネル圧の考へ方 その1 トンネルの地山は地球上多くの分類によつて多種多様であるが通常掘れるトンネルについて述べる。地山はトンネルを掘りながら平衡が保たれ、掘ることによつて平衡が破れたものと仮定する。便宜上トンネルは半径 R の円形とし内圧が地山であり、この圓上の任意の点 P で地盤の考へ方を入れて深度、または高さ H まで地山が伸びて圧力を及ぼす範囲として $dX.H$ の圧力が生ずるものと考へる。トンネル圧は H を採ることとなる。トンネルの強制は路床削除機器、その他を使用する直角範囲の影響で $\frac{1}{2}\pi R^2$ で算出されるが通常で、理想的には塗水なしとしても時間がかかる。この作業に要する時間も無視しても通常何日かの後図1.

 に記載の如き工事、支保工工事などを行つてある。地山の中ではこんなことは無く、進行するものと想定する。地山は半径 R の内空の中心に向つて崩かれて穴を開けられたものと仮定する。穴が開けられたは平衡を回復するものと仮定すれば、内空断面は πR^2 で示される平衡を回復する層は πR^2 と同一断面積の地山で充てざるものとすれば地山の範囲は理想的には $2\pi R^2$ の断面積が伸びるものと考へる。併せてその場合の断面の半径を R とすれば $R^2 = 2\pi R^2$ より $R = \sqrt{2}/2 \approx 0.707$ トンネルの断面を除けば円周の外に $0.4R$ の同心円の範囲が地山の中を範囲とし、またこれを一次の中を範囲と称することとする。トンネルは瞬間的には R とは難かしい、また地山の中では掘れずものが発生し全く中を終るには時間がかかる。この掘削と時間のかかることに利用してトンネル工事が進捗し工事が完遂するものと考へる。第一次の中を外が R と更に拡大し第一次の中を外に $\sqrt{2}R \approx 1.414$ 倍となる。同時に考へ方では倍づけ、拡大すると考へるのでは第二次の中を外は R の2倍となる。すなわちトンネルの半径とすれば半径は $R + B/2$ だけ地山が伸びることとなり、このままで第二次の中を外は R の2倍となる。第一次の中を外も第二次の中を外も実際の現場では区別なく中を易い所から伸びるものである。第一次の中を外も第二次の中を外も節度がありやうでなく $0.4R$ より $0.6R$ 、 $0.8R$ も考へられるが難かしい統計的実験により見て第二次の中を外は十分であると至験上より考へるのでは $B/2$ を提案する。トンネル工事上より又舟井のトンネル等の最近、又過去のトンネルの例より見て $0.4R$ 範囲らしいトンネル圧は無くずっと小さいものであった。

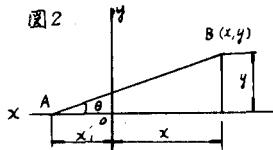
この考へ方では各段階が繋げられてみるが総じて静水圧的考へ方の方が多く入れてみるので現場の実状でこの様に説明し $0.4R$ すなわち $0.4\pi R^2/2$ の範囲の地山の中では避け難い範囲、十分覚悟してトンネル強制は万全を期すべき範囲と考へる。すなわち基礎的 $0.4\pi R^2/2$ 範囲と工事の終る段階 $B/2$ 範囲を考へるのが通常のトンネルの状態と考へる。この範囲は隣接する段階で必ず地盤が生じてずっと小さいトンネル圧とはなる。

3 S^2/M の説明について 提案式の S^2/M は或るトンネル周囲上の点に於ける圧力に対するその点での地盤のせん断強度を示すもので地山の單なる剪断片のせん断、曲げ強度の地山を考慮に入れたものである。以下に述べるとく S^2/M は圧力を示すものである。

トンネルの周囲はせん断力、曲げモーメントが存在し、或る一つの平面すなわち断面について連續して有限の値として存在し、せん断力、曲げモーメントは弹性理論が成り立つものと假定する。トンネル周囲上の任意の点においてせん断力と曲げモーメントは同時に同一点で作用するものとする。これらのせん断力と曲げモーメ

ソトを直交軸 x 軸、 y 軸上に表はされ、表はされた線上の任意の一点 B を曲げモーメントについて x 、 y せん断力について x 、 y で表はされたものとする。曲げモーメント、せん断力は同じ長さの値であるので x 軸については同じ x とし、その値を y 軸上に表はし、曲げモーメント y 、せん断力 y の値として表す。 $=$ 水を図2、3のごとく表す。曲げモーメント y は x の関数 $y=f(x)$ で示されるので $\frac{dy}{dx} = \tan\theta = \frac{y}{(x+x_1)} = Y$ となる。

図2



$$Y = f'(x) \text{ である。 } f(x) = f_1(x) \text{ で示される。 } \therefore \tan\theta = \frac{y}{(x+x_1)} \text{ より}$$

$$(x+x_1) = \frac{y}{\tan\theta} \quad \dots \dots \dots (1) \quad \text{また } \frac{dy}{dx} = f''(x) = f_1'(x) = \tan\theta, \text{ すなわち}$$

$$\text{のと } \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{dY}{dx} = \frac{dY}{dx} = \tan\theta, = \frac{Y}{(x+x_2)} \text{ の関係があるので、これに } Y = \frac{y}{(x+x_1)}$$

$$\text{を代入すると } \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{Y}{(x+x_2)} = \frac{y}{(x+x_1)} = \frac{1}{(x+x_2)} = \frac{\tan\theta}{(x+x_2)} \text{ すなわち}$$

$$\frac{dy}{dx^2} = \frac{\tan\theta}{(x+x_2)} = \frac{y}{(x+x_1)} \times \frac{1}{(x+x_2)} \quad \dots \dots \dots (2) \quad \frac{(x+x_1)}{(x+x_2)} = \alpha \text{ とき}$$

$$(1) \text{を代入すると、すなわち } \frac{1}{(x+x_2)} = \frac{\alpha}{(x+x_1)} = \alpha \frac{\tan\theta}{y}$$

$$\therefore (2) \text{は } \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{\tan\theta}{(x+x_2)} = \frac{y}{(x+x_1)} \times \frac{1}{(x+x_2)} = y \times \frac{\tan\theta}{y} \times \alpha \frac{\tan\theta}{y} = \alpha \frac{\tan^2\theta}{y}$$

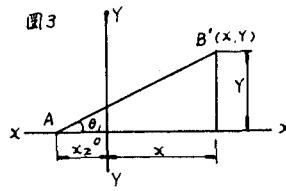
$$\therefore \frac{d^2y}{dx^2} = \alpha \frac{\tan^2\theta}{y} \quad \dots \dots \dots (3) \quad (3) \text{式の } \frac{d^2y}{dx^2} \text{ は荷重すなわち圧力}$$

を示す。 $\tan\theta$ はせん断力、 y は曲げモーメントである。 α は $\frac{(x+x_1)}{(x+x_2)}$ で x_1, x_2 は符号を持つた値である。 α は (3) は $P = \alpha \frac{S^2}{M}$ となる。 $\frac{S^2}{M}$ は圧力の項である。 $\therefore P \propto S^2$

$P \propto 1/M$ α の $x_1 = x_2$ であれば $\alpha = 1$ である。 S はせん断強度、 M は曲げ強度とすれば S^2 と M は地山中で必ずともに最大の値をとって S^2/M が最大値とは限らない。後述のごとく入手した試料の破かい試験で分ったことであるが堅硬な岩石であればあるほどせん断強度も曲げ強度も共に大きい値となつてゐる。これらの関係より α を極へ目的な値として推定すると現在迄入手した資料より判断して α は 1.0 ～ 1.6 が適当ではないかと思ふので 1.0 ～ 1.6 とし、トンネル圧は主として天上部のアーチ部の中央トンネル中の $B/4$ より $3B/4$ 周の近似値として扱ふ。地山岩石類のせん断、曲げ強度は現場ドリリングで得た試験片を用ひ実測によるか類似の試験結果得た値を用ひる。この方法は試験片の大きさやその方法によりばらつきは大いに生じるので注意を要する。併せて $\alpha = 1$ として S^2/M とする。但し実用に供する場合には α を考慮するものとする。

チ トンネル圧の考へ方 その2 トンネル圧は一つの岩石、土砂などからなり土、シートなどに至るまで含水率などの値により各種、種々であるがトンネル圧としては強めのトンネル左考へ通常の工法で施工するものを対象としレールドなど特殊なものと除くが適用し得るものには適用することにより有効である場合適用する。工事の仕方機械、爆薬の使用などの量により自らねいた圧力をとして、圧力は定まるものと考へる。時間的にも比較的早目に支保工、捲立工事を施工すればトンネル圧の拡大を止められることがある。本文で云ふ第一次申込みの範囲の圧力が全面的に発生することは稀である。天上アーチ部も局部的に云はば発生し易い所があるといふ現象がある。圧力の伝達と側压、地盤压について本文の仮定とは異なるが現実には地盤压を考慮しないことが多い。側压も可なりに減ずしてみる。せん断、曲げの強度が主として影響して居るものと思ふがせん断については重力のある場合には重力効果とでも云いたい効果があるものと思ふ。計算に至つては case by case で考ふべき場合が多い。トンネル掘進の初期より捲立て終了の周の圧力の変化が著しいのが普通で支保工を入れて降りに平衡を回復する様相で一定値に近づくもの、ごとくである。掘進により申込みが拡大しても支保工で平衡を得れば支保工設計は本文の試算式を適用し、捲立てコンクリートなど施工すればこれにも試算式を適用するものである。掘進の方法例へば導坑などは適用しその大きさ断面の決定にも適用し得るものである。かくてトンネルが平衡を得て安定が保たれる場合は S^2/M はトンネル圧より大きいものとなる。支保工では捲立てまでの間多少の捲立、膨脹があつても免れることは施工中、 S^2/M をトンネル圧より大きくなるごとくに設計し施工に當つてはこれを確認して次の工事を施工することとなる。このそれまでの場合は適用し第一項、オニ項をOとして

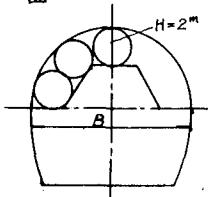
図3



取り扱子こどもあり得る。

5 提案式用ひての例 トンネル掘進の初期は強せい的に施工せられ比較的に地山内の圧力は不安定な時期に施工して施工するこどとなる。第一次のゆうすと第二次のゆうすが近い時期に安定するごとく施工する必要があると思ふ。この点は重兵玉おく。日鉄新幹線用トネルの施工前の施工計画として特に温泉余土地帯の施工計画として断面中で 10^m として天井は副って作業員の身長高さ 2.0 を基準としてアーチ周囲近い圧力を小さくする目的で圓のごとく小円型の堆積土に鋼矢板工を入れての圧力を次のとく想定した。上部半断面上高さ 2.0 の内で上部の半円についてのみ考へる。従つて $H=2.0 - 1.0 \times 0.4 = 0.4^m$ の厚さの圧力を考へ地山比重 $2.0^t/m^3$ と仮定し、 $5.3^t/m^2$ の位を無視する。 $\therefore 0.4 \times 2.0 = 0.8^t/m$ 以内と想定した。その俢比を $1.8^t/m^3$ 鋼矢板工は荷重 $H=200 \times 2.0 - 1.0 \times 12 \times 2.5$ で施工した。温泉余土地帯以外は上部半断面とし中員 9.5 と位をし $H=6.25^m$ 従つて下部を無視して $\frac{H}{2} = 2.37^m$ $2.37 \times 0.4 \times 1.0 = 1.17^t/m$ $1.17^t/m$ を基としその $1/2, 0.85^t/m$ を予想して施工した。実際には $150H$ 鋼矢板工を施工せしとなつた。工事中の當時はせん断強度、曲げ強度はあるより考へられなかつた。温泉余土 190^m 向中 $6.4^t/m^2$ 鋼矢板工は $12.5t/m^2$ 荷重 $1.336^t/m^2$ カールソーンメーターで取付けて力を計測しきりの結果は土木学会論文集は佐久間博士より発表されてゐる。この資料を用ひ彈性理論を応用してトンネルの圧力を概算した値と提案式を用いて算算した圧力を比較する。日鉄工事区の附好意により比重 $1.8^t/m^3$ 壓縮強度 $20^t/cm^2$ せん断強度 $10^t/cm^2$ を得た。曲げ強度については黒四現場のボーリングによると同一長野県猪之谷ダム現場の安山岩、泥炭湖岩、長崎県ドンク建設現場の軟砂岩ギーツングコアを万力に夾み他場に重量をかけ実測による破壊試験により得た値より推定して曲げ強度 $25 \sim 30^t/cm^2$ とした。圓の γ と S と進む $H=2.0$ とレトンネル中を約 11.0 として以下のとく計算する。

図4.



$H=2.0$ であるのでこれを直す、すなわち中として圓4のごとく小円を考へるごと $B/2$ は 1.0^m である。従つて $1.0 \times 0.4 = 0.40$ $\therefore 0.4 \times 1.0 = 0.40^t/m$ $d = 1.2$ と推定する。 $S^2/M = d \times (40 \times 10^{18})^2 / (40 \times 25^4) = 1.2 \times 160^4 / 0.1920^4/m$ $P = 0.72 - 0.19 = 0.53^t/m$ 地山は逆算して $0.53 / 1.8 = 0.29^m$ すなわち地山深を 29^cm の荷重がトンネル圧として生ずることとなる。比較のため $0.53 \times 1.336 / 0.29^t = 0.12$ に対して $0.350^t, 0.500^t, 0.700^t$ の計測値を得て居る。

次に黒四現場で大町ルート、黒部ルート其他附近トンネルコンクリート撹立を施工し其中の2号トンネルは花崗岩中良質硬岩比重 $2.5^t/m^3$ せん断強度 $25^t/cm^2$ (土木学会誌) 黒四現場のせん断強度試験として既に発表されてゐる中で数試験片より引用する) 曲げ強度 $60^t/cm^2$ (著者の実験によると) と推定する。2号トンネル中員 8.0 とし $H=4.0$ $\therefore d = H/2 = 2.0$ $0.4 \times 2.0 = 0.8$ $\therefore 0.8 \times 2.0 \times 2.5^t/m^3 = 2^t/m$ $d = 1.6$ と推定し $\times \frac{S^2}{M}$ は $1.6 \times (25 \times 80)^2 / (60 \times 80^4) = 1.3^t/m$ $P = 2^t - 1.3^t = 0.7^t/m$ 逆算して $0.7 / 2.5 = 0.28$ すなわち深さ 28^cm のトンネル圧となる。このトンネルは現在大町ルートとしてトロリーバスが通行中で所によつては支保工が無く破碎帶のコンクリート撹立終った以外の場所でこの程度以下のトンネル圧と推定する。地山の岩石などのせん断強度も曲げ強度について資料が少いのが現状でこどせん断強度と曲げ強度の両強度の併せての資料が甚だ少い。曲げ強度についてコンクリート以外について皆無に近い。著者はこの曲げ強度について、学の進歩について期待するものである。トンネル圧、圧力はせん断強度の自乗に比例し、曲げ強度は逆比例することを説明した。このことは他の分野は大く通用し地すべりなどに应用出来ると確信してゐる。資料を提供されたかたがた、傳播奉下さつたかたがたは感謝します。

6 結言 以上により提案式 $P = \frac{B}{2} \gamma - \frac{S^2}{M}$ は多くの場合により簡便には $P = 0.4 \frac{B}{2} \gamma - \alpha \frac{S^2}{M}$ に修正し、トンネル圧を推定し、大差のないものと思ふ。またこの式はトンネル掘進の比較的初期のトンネル圧に重兵玉おいてゐるが後期の安定したトンネル圧にも应用し得るものと思ふ。

以上