

-摩擦損失と損失係数-

日本大学工学部 正員 岩田 植輔
 “ 学生員 古河 幸雄
 ” 研究生 浦田 信一

まえがき、現在、摩擦損失水頭 h_L を計算するには Darcy-Weisbach の式が用いられている。この式によると、 h_L は流速 v の2乗に比例している。しかし、実際には、 h_L は v に比例してない。仮に、Darcy-Weisbach の式が成立するとしても、その係数（摩擦損失係数 f ）は Reynolds 数や相対粗度 ϵ/d などの関数すなわち変数となり、その計算式は非常に煩雑であり甚だ不便である。

この損失係数 f が Re すなわち、管径 d や ϵ などの関数となるのは、実際には、 h_L が速度水頭 $v^2/2g$ に比例しないにもかかわらず、Darcy-Weisbach は比列するものとしたためであり、したがって、 f を v や d の関数、すなわち、変数とすることによって補正しているのである。

本報においては、前報までの理論にしたがって、摩擦損失水頭の一般式を示し、滑らかな管の乱流において上式が成立することを示し、かつ管壁や管形、水温などを一定に保てば、 d や ϵ に關係なく定数となることを示す。

§-1 摩擦損失水頭と損失係数

平均流速の式は、第1報で示した通り

$$v = \frac{C_R C_S}{\rho} \frac{g^{m'}}{v^{2m'-1}} R^{n'} I^{m'} \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$n' = 3m' - 1$$

で示される。上式より、摩擦損失水頭 h_L の一般式を求めれば

$$\boxed{h_L = f \frac{v^{m'}}{g} \frac{L}{R^{m'}} v^{2-m}} \quad \dots \dots \dots (2)$$

$$m = \frac{2m' - 1}{m'} \quad , \quad f = m' \sqrt{\frac{1}{\rho C_R C_S}}$$

となり、従来（Darcy-Weisbach）のように、 h_L を速度水頭で表わすと次式となる。

$$h_L = f' \left(\frac{v}{\sqrt{2g}} \right)^m \frac{L}{R^{m'}} \left(\frac{v^2}{2g} \right)^{\frac{1}{2m'}} \quad \dots \dots \dots (3)$$

$$f' = 2f$$

上式において、 $m' = 0.5$ とおけば $m = 0$ となり、上式は

$$h_L = f' \frac{L}{R} \frac{v^2}{2g}$$

となる。この式は Darcy-Weisbach の式である。しかし、Chézy の式（Darcy-Weisbach の式より求められる）が成立しないといわれているように、我々もまた $m' = 0.5$ の流れを実験的には確認していない。

つぎに、摩擦損失係数 f は（2）または（3）式より次式となる。

$$\boxed{f = \frac{\rho R^{m'+1}}{v^{m'}} \frac{I}{v^{2-m}}} \quad \dots \dots \dots (4)$$

または

$$\boxed{f = m' \sqrt{\frac{1}{\rho C_R C_S}} = m' \sqrt{\frac{1}{C'}}} \quad \dots \dots \dots (5)$$

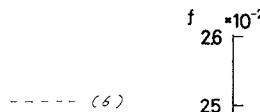
$$C' = \rho C_R C_S$$

（4）式は I 、 v などの実測値より求める場合の式であり、（5）式は平均流速の実験式より求める場合の式である。

$$C = \frac{g^m C'}{2^{2n'} V^{2m-1}}$$

とおけば、(1)式は $f = C d^n I^m$ となり、(5)式は

$$f = \frac{g}{2^{2n'} C^{\frac{1}{m}} V^m}$$



となる。

§-2 実験的考察

第1報で示したごとく、 $2000 < Re < 100000$, $1.32\text{cm} < d < 4.01\text{cm}$ (現在は $0.531\text{cm} < d < 10.02\text{cm}$), $12^\circ\text{C} < t < 17^\circ\text{C}$ において、 $m' = 0.566$, $n' = 0.692$, $C = 281$ であるから、この場合の χ を求めると (6)式より

$$f = \frac{980}{2^{2.44} \times 281^{1.77}} \cdot \frac{1}{V^{0.233}}$$

となる。(本報においては、すべて C.G.S 単位を使用)

Fig-1 の実線は上式によるグラフであり、プロットの点は $1.32\text{cm} < d < 10.02\text{cm}$ の円管(硬質塩化ビニール管)に対する実測値から(4)式により求めた値である。このことからによる通り、 χ は d に大きく左右されることはない。したがって、実用的には水温 $11^\circ\text{C} \sim 23^\circ\text{C}$ 位と考えられるので、 $f = 0.023 \sim 0.025$ の中央値を取り、 $f = 0.024$ としても大きな誤差はない。

Fig-2 は、管径 d と χ との関係であり、 χ は d に左右されないことが分る。

Fig-3 は、同一管路における V , I の測定値と、これに対応する χ の関係である。これより χ の値は V や I の値によって変化しない。

以上のことがらより、摩擦損失係数 χ を(2)式で定義し、(4)～(6)式で表わせば、管の形や壁面、水温などを一定に保てば、従来用いられていた Darcy - Weisbach の係数と異なり、 χ や I 、あるいは d や R に関せず定数となる。また(2), (3)式の成立することは前報までに示した通りである。

なお、今回得られた摩擦損失水頭及び損失係数の実験式は

$$h_L = \lambda \frac{V^{0.233}}{g} \frac{L}{d^{1.233}} V^{1.77}$$

$$\chi = 0.00837 / V^{0.233}, \quad f = \lambda / 2^{1.233}$$

であり、ただし、 $2000 < Re < 100000$, $1.32\text{cm} < d < 10.02\text{cm}$, $12^\circ\text{C} < t < 27^\circ\text{C}$ の場合である。

なお、(2)式における $\lambda L / g$ を損失係数と定義するならば、以上の式はさらに簡単になるが、従来の式とも関係づけて論じたかったため、あえて χ を損失係数と定義した。

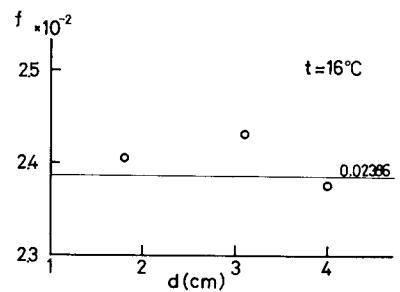


Fig-2 d と χ の関係

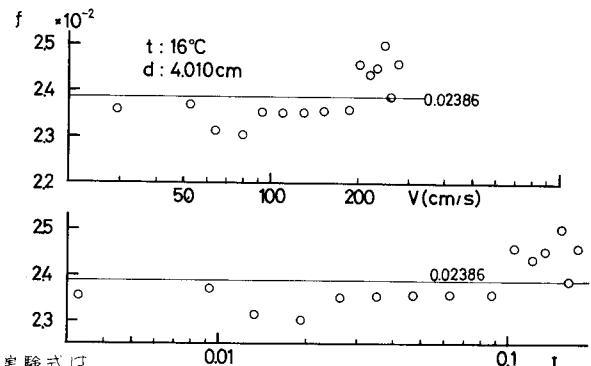


Fig-3 V 及び I と χ の関係