

東京工業大学 正員 森地 茂
東京都 正員 出倉 正和

1. はじめに

交通計画プロセスにおいて、一般に交通路網を仮定し、交通量の配分を経て評価をおこない、問題があれば仮定したネットワークを修正するという手順がとられる。ネットワークの仮定、修正方法については定説化された方法がなく、交通計画プロセスにおいて計画者の直感的判断への依存が最も大きい部分といえよう。

この問題についての研究論文はいくつが発表されており、それらは大別すると次の通りである。

- (i) 格子状・放射状、亀甲状など幾何学的パターンとしての交通網を評価したもの
- (ii) L.P. 整数計画、最大原理等の方法による解法
- (iii) グラフィック・ディスプレイを用いて人間の直感的判断による代替案を数多く評価する方法
- (iv) ある初期解を与えそれを逐次修正して近似最適解(=近づける方法)
- (v) グラフ理論におけるカットセットの概念を導入した方法

ネットワークの最適化問題は(i)その代替案の数の膨大なこと、②大規模ネットワークでは交通量配分に非常に計算時間を要しその繰り返し回数に制約があること、③評価項目が多岐に渡ること、④現在の計算機はパターン認識の必要な分野での性能に劣ることなどが原因で、その解法を難しくしているといえる。特に①の問題点のために従来提案された多くの方法は、小規模ネットワークのみ適用可能であり、現実の道路網への適用性に欠けている。特に(iii)の方法はこの問題点を有していた。また③④に対しては、マンマシンシステムとして人間の直感的判断力と総合的判断力を生かすことが試みられており、(iv)の方法と他の方法を組み合せることが、現在考えられるよりよい方法といえよう。

本研究は(iv)の方法の改良を試み、そのマシン部分のモデルとしての適用性を増すことを目的とする。

2. カット法

グラフ理論のカットセットの概念とL.P.を組み合せた道路網パターンの決定方法は大阪市立大西村昂助教授により提案された興味ある方法であり、ネットワーク全体の容量を計算する方法から発展されたものである^{1), 2)}。カットの求め方によりカット法、ルート配分法と別なる名前をつけられているが、これは、L.P.との組み合せを含めてカット法と統称する。カット法を略述すると、次の通りである。容量不足カットを $1, 2, \dots, n$ とし、アーチを $1, 2, \dots, m$ とするとき、カット i にアーチ a が含まれていれば $s_{ik} = 1$ 、さもなくば $s_{ik} = 0$ とする。カット i の容量不足量を R_i 、アーチ a の容量増加量を X_a 、1単位の増加に要するコストを a_k としたとき X_a は次のL.P.問題により得られる。

$$\text{目的関数 } \sum a_k X_a \rightarrow \min$$

$$\begin{aligned} \text{制約条件 } \sum_k s_{ik} X_a &\geq R_i \\ X_a &\geq 0 \end{aligned}$$

この方法は道路容量増加法として位置づけられているが、初期ネットワークとして、考えられるすべてのリンクを含むネットワークを出発点とすればネットワークパターン決定方法とみなしうる。この制約式は、ネットワーク全体としての交通容量（最大フローの下限値）を目標値まで拡大するという明解な意味を有しているが、一方、次の問題点が指摘できる。

① ネットワーク全体のカットにおける交通需要と容量のバランスを考えているため極端な迂回経路をも含んでしまう実際の都市道路網計画手法としては非現実的である。

② 上記①の問題の上、目的関数が建設費のみであるため、走行者側の便益が全く考慮に入っていない。

3. ネットワークパトーン決定方法の提案

上記問題点を解決する1方法として次の手順が考えられる。

(ステップ1) ジーンペアごとに間交通需要を T_{ij} とするとき、 T_0 、 T 、 P_{ij} を次の様に定義する。

$$T_0 = \sum_j T_{ij}, \quad P_{ij} = T_{ij}/T, \quad T = T_0.$$

また、すべてのリンク i について $\alpha_e = 0$ とおく

(ステップ2) $\alpha_e = 0$ なるリンクよりなるネットワークに P_{ij} を配分し、また各間距離 d_{ij} を求める。

リンク i の残余容量 C_e 、流量 F_e とするととき。 $Q_k = \min_e C_e/F_e$ なるリンク k について、

$\alpha_k = 1$ とおく。

(ステップ3) 各間距離 $d_{ik} > d_{ij} \times \beta$ なるジーンペア i, k をみつける。 β は初期ネットワークにおける各間距離、 β は迂回の限度を示す指標であり、その意味でのサービス水準目標値である。そのようなペアが存在しなければステップ6へ、存在すればそのペアについて $d_{ik} \leq d_{ij} \times \beta$ なる i, k 、たからなるサブグラフ S の接続行列を求める。

(ステップ4) $d_e = 1$ or 2 なるリンク e の集合の部分集合 ($d_e = 1$ なるリンクを含む) による S のカットを求め、そのカット中に含まれるリンク e について $\delta_{ne} = 1$ とおく。

(ステップ5) すべてのペアについて終了か?

No ならば ステップ3へ

Yes ならば ステップ6へ

(ステップ6) すべてのリンク i について $C_e - F_e \times Q_k$ を新しい残余容量とする。 $T = T - Q_k$ とおく。

(ステップ7) $Q_k = \infty$ 、 $\alpha_k = 2$ とおく

(ステップ8) $T > 0$ ならばステップ2へ

$T \leq 0$ ならばステップ9へ

(ステップ9) ステップ4で求めた各 i に属するリンク初期容量の合計値を A_i 、初期ネットワークへの P_{ij} の配分結果に基づいて上記リンク流量合計値を B_i とすると、各カット i の容量不足量 R_i は。

$$R_i = B_i T_0 - A_i$$

(ステップ10) 次のLPにより各リンクの容量増加量を求める

$$\text{目的関数 } \sum_e \alpha_e X_e \rightarrow \min$$

$$\text{制約条件 } \sum_e \delta_{ne} X_e \geq R_i$$

$$X_e \geq 0$$

この手順においてグラフの処理はすべて行列演算として扱う。特にカットの構成については文献3)に述べられている。ステップ10を整数計画問題におきかえれば車線単位での道路建設問題としても扱う。この方法はノード間の取り扱いを経路の範囲として構内のサブグラフを考え、そのカットによる容量、流量バランスを考えたに他ならない。この結果は厳密な意味での最適解とはなり得ないが代替案作成方法としては適用可能である。

参考文献

1) 交通工学研究会、交通工学ハンドブック、技報堂、1973. PP 160~162

2) 西村昂、道路網容量の増加方法に関する考察、第2回土木学会年次学術講演会概要4、1972 PP 63~64

3) 銀田恭敬、道路網の最大容量の評価法、土木学会論文報告集、No. 205、1972. PP 121~129