

東京大学 大学院 学生員 平尾 喬雄
東京大学 地震研究所 正員 伯野 元彦

1.はじめに 砂礫のような粒状体の力学的特性を把握するうえで、粒度分布あるいは粒子の特性が粒状体の構造とどのような関係にあるか、また外力により粒状体内にどのような応力が伝達されるかを知ることは有意義であろう。このような立場から2次元モデル(円形)について、粒度分布と粒子の配置あるいは間ゲキ比の関係を考察し、さらにせん断時の粒子間力の伝達特性の考察を行なつたものに、村山らの報告⁽¹⁾あるいは佐武らの報告⁽²⁾がある。これららの報告における2次元モデルのパッキングでは、粒子の特性が考慮されていないので、我々は、パッキングに粒子の比重、粘着力、粒子間摩擦角を導入することを試みた。村山らは光弾性棒による実験から粒子間力の伝達特性の把握を行なっているが、我々はひとつつのモデルとして、粒状体を骨組構造に置き換えて伝達力の推定を試みた。以上の実験について電子計算機による計算結果を紹介し若干の考察を加える。

2. 粒子配置の決定法 電算機により2次元のパッキング⁽³⁾を行なつた。粒子は円形に限定し、乱数を発生することにより、粒度分布に対する粒径と粒子の初期落下位置を与えた。以後の粒子の運動は重力場での動きを基本とし、粒子は、パッキング面での他の粒子との関係から、安定と判断される状態に致るまで移動させるものとした。図-1において $HS \leq S$ の条件が満足される時粒子は安定であるとし、その位置を固定した。

$HS > S$ の場合には、さらに粒子を落下させ、 $HS \leq S$ となるか、他の2粒子あるいは壁面により安定な形で支持される位置まで移動を継続した。我々は粒子間摩擦角および粘着力を導入し、粒子の回転(HS によるモーメント)を無視することにより、 HS と S の大小関係から粒子の運動を決定したのである。表-1*印の場合のパッキング⁽³⁾の結果を次ページに示す。

3.具体的なパッキング例 3種の円(直径 0.04, 0.08, 0.16)を幅10のパッキング面に種々の割合いで100ヶパッキングした結果について間ゲキ比を求めたものが表-1である。ここで、粘着力 $CH = 0$ とした。佐武らは、2種の円に対して間ゲキ比0.22(実験値)を、村山らは4種の円に対して間ゲキ比0.28を得ている。

表-1から、我々のパッキング方法において $\theta = 0$, $CH = 0$ とした場合が、村山あるいは佐武らのパッキングと対応していると考えられるのである。さらに、佐武らが報告しているように、間ゲキ比が

粒子の混合割合によらないといふ事実が、我々の結果に対しても言えるようである。この点に関しては、種々の粒度分布に対しより検討する必要がある。摩擦角の影響に関しては、間ゲキ比に相違が見られるが、それ以上の検討はできなかつた。

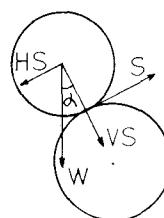


図-1 粒子の安定条件

$$\begin{aligned} W &: \text{粒子の重量} \\ VS &: W \cos \theta \\ HS &: W \sin \theta \\ \theta &: \text{粒子間摩擦角} \\ CH &: \text{粘着力} \\ S &= VS \cdot \tan \theta + CH \end{aligned}$$

粒子数比	間ゲキ比	
0.04, 0.08, 0.16	$\theta = 0$	$\theta = 0.4$
0:100:0	0.27	0.47
40:40:20	0.31	0.36*
20:30:50	0.27	.
10:20:70	0.27	.

表-1 間ゲキ比

4. 粒状体内部の応力分布の推定 表-1の*印の場合について応力の分布を推定した結果が図-2、図-3である。図に示すように、粒状体の構造と骨組構造で“あき挽え”→で示した荷重を加えた時の内部応力を、エトリクス法により計算したものである。応力は大きさに比例した線及び矢印で表わしてある。このような計算から、せん断時の応力分布が非常にかたよっていることが認められる。実際の粒状体の内部には、引張り力は存在しないであろうが、一方骨組構造の性質から、→で示したように、各所で引張り力が表われた。これは、引張り力の分布を調べれば、粒子の移動し易い部分との対応がつくことを示すものと思われる。図-3におけるモーメントの分布は、せん断面の存在を推測させるものとして興味深い。

5. 考察 パッキングに粘着力、粒子間摩サッ角を導入することにより、表-1、図-2、図-3に見られるように、粒状体の構造が村山あるいは佐武らの行なったパッキングと若干の相違をみせていく。アーチアクションの効果も、我々のパッキング方法によりある程度検討できることと考えていい。間隙比、内部応力の推定は、種々の粒度分布の場合について多数のパッキングを行なうことによりかなりの実が解明されたのでないかと思う。しかし、今後の問題として、粒子の安定条件の改良、粒子形状の影響の評価、あるいは静的な骨組構造の応力解析などをどのようにして粒子の運動と結びつけるかという事などが残されている。今後これらの方の解明の努力をしてみたい。

- (1) 村山朔郎、松岡元：粒状体のせん断現象の微視的考察 土木学会第24回学術講演会講演集(1969)
- (2) 佐武正雄、岸野依次、村中貴規：電子計算機によるパッキングのシミュレーションについて 東北支部技術研究発展会講演概要(1971)

