

信州大学工学部 正員 草間 孝志
(株)宮地鉄工所 正員 ○松沢 勝文

1. まえがき

繰返し荷重をうける構造物の変形について述べたもので、負荷履歴が与えられた構造物の変形を、M-中関係を忠実に利用して計算した場合と、理想化したM-中関係を用いて計算した場合について求め、両者の結果を比較検討した。

2. 繰返し断面力をうけるときのM-P-中関係

いま、ある断面がある任意の履歴のもとに、軸力 P_* 、曲げモーメント M_* 、曲率 ϕ_* 、ひずみ分布 ϵ_* 、垂直応力度分布 σ_* の状態でつり合っており、つぎに、この状態から再負荷または除荷（以下単に除荷とよぶ）した軸力、曲げモーメントを P' 、 M' とし、これにともなう曲率、ひずみ、垂直応力度分布の変化を ϕ' 、 ϵ' 、 σ' とし、 $p = P/P_*$ 、 $m = M/M_*$ 、 $\varphi = \phi/\phi_*$ 、 $\alpha = \epsilon/\epsilon_*$ とおくと、除荷後では

$$p = \varphi + p' \quad (1)$$

$m = m_* + m'$ 、 $\varphi = \varphi_* + \varphi'$ 、 $\alpha = \alpha_* + \alpha'$ 、 $\sigma/\sigma_y = \sigma_*/\sigma_y + \sigma'/\sigma_y$ となる。図-1に示すような一軸圧縮断面の高さ H を $(2u+1)$ 等分し、幅 B を $(2u+1)$ 等分した ij 要素の履歴応力、履歴ひずみを σ_{ij} 、 ϵ_{ij} とし、材料の応力-ひずみ関係を Bi-linear と仮定すると、 ij 要素の $\sigma_{ij} - \epsilon_{ij}$ 関係は図-2に示すように原点 O を O' に座標移動した応力-ひずみ関係を有する材料として取扱えよう。簡単なため、 i 軸に沿し履歴応力、履歴ひずみとも対称とし、曲げモーメント m' も j 軸まわりにのみ作用するものとすると、曲率変化も j 軸まわりのみを考えればよから、 $\mu = \phi_* h_i / \epsilon_y$ とおくと、除荷ひずみ分布は

$$\alpha_{ij}' = \alpha_{ij}^{(0)} + \mu \varphi' \quad (2)$$

で表わされる。軸力は図に G に作用し、圧縮を正とすると、除荷時のつり合い条件式より

$$\begin{aligned} p' &= [\bar{k}_{st}(1-\bar{k}_{st})A_e] \alpha_{ij}^{(0)} + \mu [\beta \bar{k}_{st}(1-\bar{k}_{st})G_e] \varphi' + (1-\bar{k}_{st})C_p \\ m'/y &= [\beta \bar{k}_{st}(1-\bar{k}_{st})G_e] \alpha_{ij}^{(0)} + \mu [\bar{k}_{st}/(\mu)] + \beta^2 \bar{k}_{st} + (1-\bar{k}_{st})I_e] \varphi' + (1-\bar{k}_{st})D_p - \beta p' \end{aligned} \quad (3)$$

を得る。ここで、 $\bar{k} = H_g/h_i$ 、 $h_i = H/(2u+1)$ 、 $\gamma = h_i/s$ 、 s = 核半径、
 $A_e = -d_{ij} \leq \alpha_{ij}' \leq d_{ij}$ を満足する要素の α_{ij} の和、
 $G_e = -d_{ij} \leq \alpha_{ij}' \leq d_{ij}$ を満足する要素の α_{ij} の和、
 $I_e = -d_{ij} \leq \alpha_{ij}' \leq d_{ij}$ を満足する要素の $\alpha_{ij} \cdot i^2$ の和。

$C_p = (\alpha_{ij}' > d_{ij} \text{ を満足する要素の } \alpha_{ij} \frac{\sigma_{ij}}{\sigma_y} \text{ の和}) - (\alpha_{ij}' < -d_{ij} \text{ を満足する要素の } \alpha_{ij} \frac{\sigma_{ij}}{\sigma_y} \text{ の和})$ 、
 $D_p = (\alpha_{ij}' > d_{ij} \text{ を満足する要素の } \alpha_{ij} \frac{\sigma_{ij}}{\sigma_y} \cdot i \text{ の和}) - (\alpha_{ij}' < -d_{ij} \text{ を満足する要素の } \alpha_{ij} \frac{\sigma_{ij}}{\sigma_y} \cdot i \text{ の和})$ 、
 $d_{ij} = A_{ij}/A$ である。式(3)を $\alpha_{ij}^{(0)}$ 、 φ' について解くと、 $\alpha_{ij}^{(0)}$ 、 φ' は次の形で与えられる。

$$\alpha_{ij}^{(0)} = A_1 p' + B_1 m' + C_1, \quad \varphi' = A_2 p' + B_2 m' + C_2 \quad (4)$$

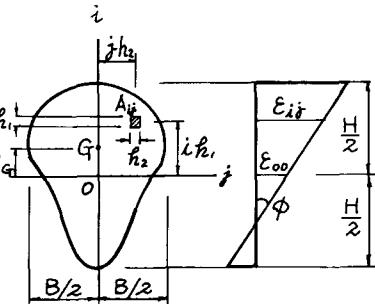


図-1

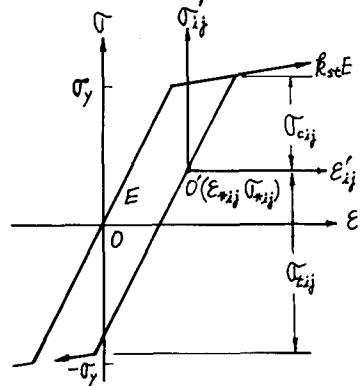


図-2

式(1), (2), (4)より、断面力が繰返し作用するときの $M-P-\phi$ 関係を得る。計算結果の一例を図-3, 4に示した。図-3は $P=0.4P_y$ で、 M が $\pm 1.2M_y$ の繰返しの場合、図-4は $M=1.2M_y$ で P が $\pm 0.4P_y$ の繰返しの場合である。

特別な場合として、全要素が弾性ならば
 $d'_{00} = p' - \mu B m'$, $p' = m'$ (5)

除荷時の弾性条件 $-d_{0ij} \leq d_{ij} \leq d_{0ij}$ より
 $-1 - \alpha_{0ij}/\gamma_y \leq p' + \mu(i-\beta)m' \leq 1 - \alpha_{0ij}/\gamma_y$

を得る。上式を満足する領域を全要素について図示すると、除荷弾性域を表わす図-5の凸多角形ができる。

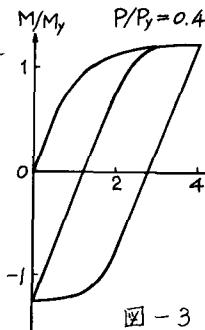


図-3

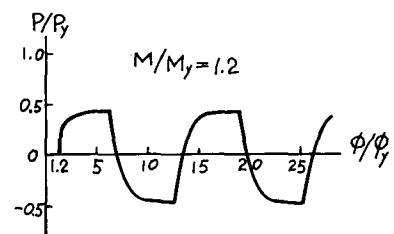


図-4

3. 繰返し荷重をうける二径向連続ばかり

図-6に示す連続ばかりの変形について考える。断面が長方形断面とするとき、この杆の単純崩壊荷重は $W_0 = 6M_p/L = 9M_y/L$ で、変形硬化荷重は $W_s = 5.05M_p/L = 7.58M_y/L$ となる。

$M-\phi$ 関係を用いて、忠実に変形を計算するには、点Aの反力をたわみ

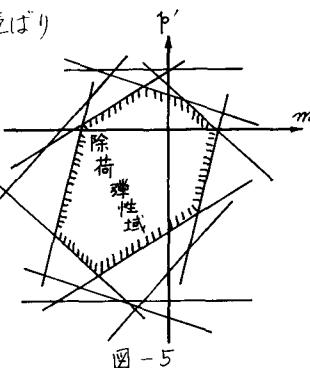


図-5

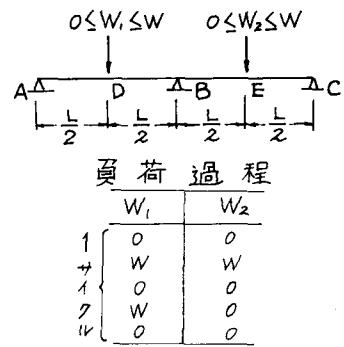


図-6

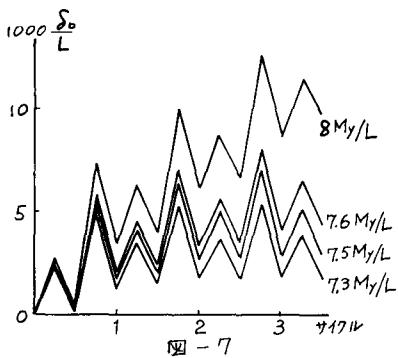


図-7

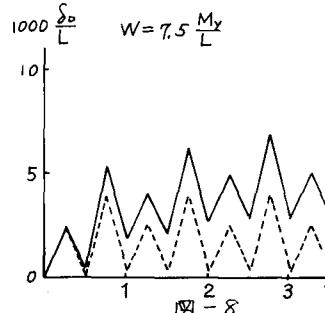


図-8

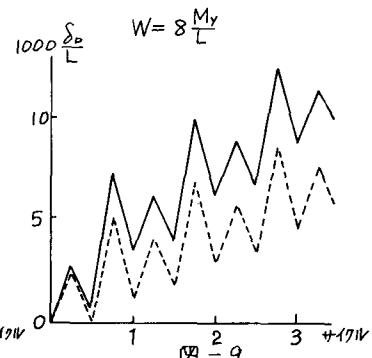


図-9

角を仮定し、Aより右に向って逐次たわみを計算する。そして、BC点のたわみ $\delta_B = \delta_C = 0$ を満足する解を見出せばよい。計算結果の一例を図-7に示す。この図からも W が約 $7.6M_y/L$ で変形硬化することがわかり、 $W_s = 7.58M_y/L$ と一致している。図-8, 9は理想化した $M-\phi$ 関係による解(実線)と、 $M-\phi$ 関係を忠実に用いて計算した精解(実線)との比較を示す。図-8は変形硬化する例で、図-9は漸増崩壊する例である。変形硬化する場合でも、実線と実線とではかなりの差を認める。

4. 結び

I形断面では、これ程の差はないと考えられるが、変形を重視する必要のある構造物では、変形硬化荷重のみならず、変形に関する検討の必要性を感じる。Meyerはひずみ硬化の影響について論じているが、(ASCE, Vol 98, No. ST1, Jan. 1972)、これについても今後検討したいと考えている。