

北海道大学 工学部 正員 芳村 仁
清水建設 ○正員 阿部 啓

1. まえがき

本報告は剛性法を用い、らせん曲線材を含む立体骨組構造を数値的に解析することを可能としたものである。また、主として両端固定のらせん梁を例にとりその応力特性に関する考察を試みた。

2. ラセン曲線部材の剛性マトリックス

座標XYZが構成する空間におかれたらせん曲線材の各節点力とそれに対応する変位は図-1に示すとおりである。ここで点OはE系の座標XYZの原点であり、XまたはL系の座標軸を表わす。また、A, N, Bはそれぞれ接線、法線、倍法線の各単位ベクトルを表わすものとする。要素の剛性マトリックスは6個の節点力による歪エネルギーからカステリアノの定理を用いて計算することができる。ここでは2組の変位影響係数部分マトリックスと釣り合の方程式をベクトル演算により求めた。以下変位影響係数部分マトリックスの逆変換、逆変換により求まった剛性マトリックスの部分マトリックスと釣り合の方程式のマトリックスとの積の演算、及び要素の剛性マトリックスの作成は電子計算機を用いて数値計算により行なった。

なお、理論計算は紙数の関係上省略し講演当日説明いたします。

数値計算例として五径間連続立体ラーメン構の計算を円弧及び6%の勾配のらせんについて計算しその応力特性を明らかにした。

3. ラセン梁の特性に関する考察

両端固定のらせん梁の断面力を数値計算により求め以下に示す2種のグラフを用い整理した。図-2は $K_1 (= GJ/EI_w)$, $K_2 (= EI_o/EI_w)$, ラセン梁を水平面に投影した時の開きの角 β , を一定とし、ラセンの傾斜角 α , 載荷位置 θ をパラメータとし断面力を縦距に取ったグラ

図-1-a

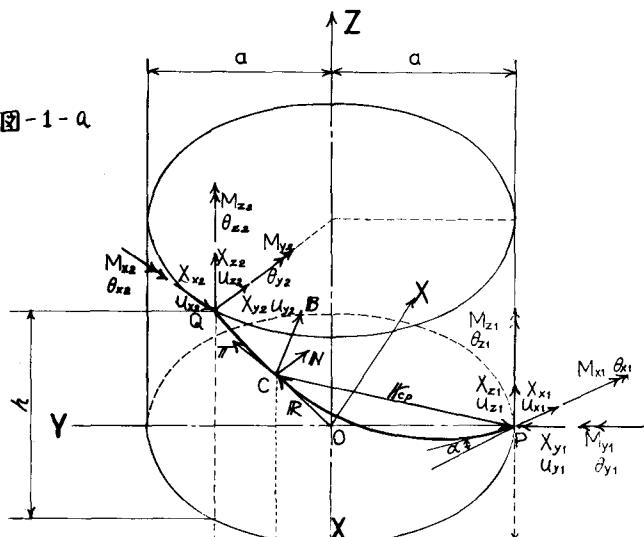


図-1-b

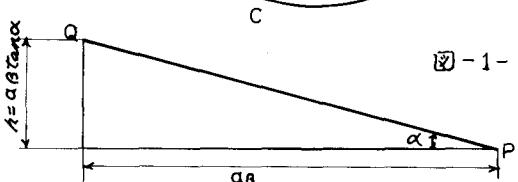


図-1-c

である。また図-3は K_1 , θ , φ を一定とし K_2 , α をパラメータとして断面力を縦距に取ったグラフである。いま、図-2において $\alpha - M_B$ 平面上に描かれる曲線に着目する。ここで α が 10° 以内であれば直線と考えて大きな誤差はない。この傾向はセン断力、曲げモーメント、ねじりモーメントにおいて顕著であり、前述の三つの断面力は円弧梁と比較した時、影響係数の最大値付近において 5% 前後であった。図-3は K_2 , α の変化による断面力の変化を示すグラフであり、円弧梁との差は α , K_2 の増加とともに大きくなる傾向がある。ここでセン断力、曲げモーメント、ねじりモーメントにおいてはその変化量が小さいため円弧梁に近似することができよう。しかし軸力、 N 軸に関するセン断力、 B 軸に関する曲げモーメントは変化が大きく、特に、 B 軸に関する曲げモーメントは α , K_2 の増加とともに設計上無視できない量となる。

参考文献

- 1) A. Abdul-Bati and Dean Bartel
[Analysis of Helicoidal Girders]
- 2) Y.F. Young and A.C. Scordis
J.M. ASCE (Proc. Paper 1756)
[An analytical and experimental study of helicoidal girders]
- 3) H.C. Martin 吉 識雅夫訳
「マトリックス入法による構造力学の解法」

図-2

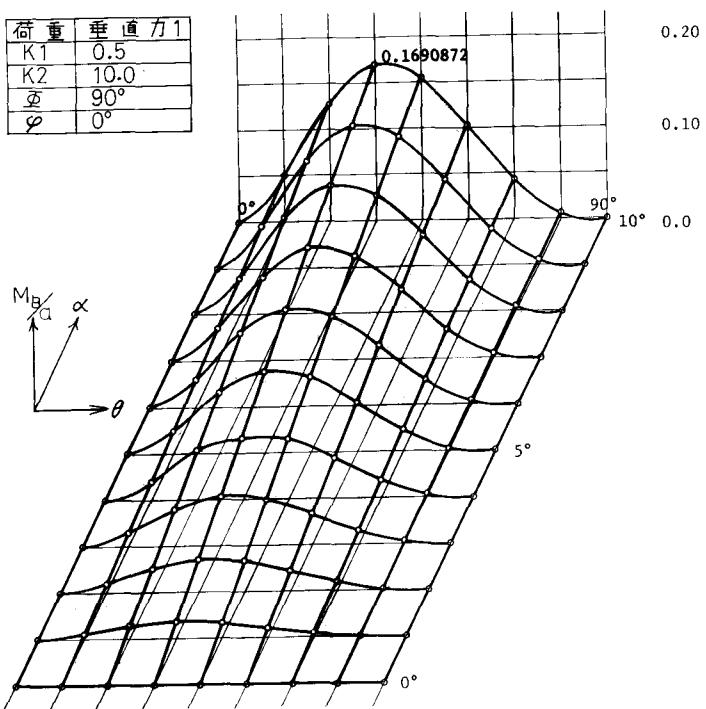


図-3

