

## V-24 波動法によるコンクリート版厚の測定について（より精密な推定法）

立命館大学理工学部 正員 工博 明石 外世樹  
 株式会社神戸製鋼所 正員 工修 山田 啓  
 立命館大学 大学院 学生員 ○塙野谷 洋一

### I. まえがき

表面波によるコンクリート版厚の測定に関しては、既に昨年度の土木学会全国大会において報告した。しかしながらレーレー波速度  $\lambda$  の推定には使用装置の性能上、若干正確さを欠いていた。今回新しいアンプを使用することにより、数10 kHz以上の比較的高い周波数の振動を検知することができるようになった。その結果、たわみ振動だけでなく縦振動に対する位相速度一波長関係のグラフを得ることができ、より精密に  $\lambda$  を推定することができるようになった。

### II. 実験の理論

板に沿って伝播する波動には、たわみ振動と縦振動がある。いま記号を次のようにとる。

$\alpha$ : 縦波速度,  $\beta$ : 横波速度,  $H$ : 版厚,  $\sigma$ : ホアソン比,  $c$ : 位相速度 ( $\lambda \times f$ ),  $\lambda$ : 波長,  $f$ : 周波数,  $k = 2\pi/\lambda$ ,  $b = 1 + s^2/k^2 = 2 - c^2/\beta^2$ ,  $s^2 = k^2(1 - c^2/\alpha^2)$ ,  $r^2 = k^2(1 - c^2/\alpha^2)$ ,  $\beta^2/\alpha^2 = (1 - 2\sigma)/2(1 - \sigma)$ 。

このとき、 $H$  と  $c$  の関係として次式がある。

$$\text{たわみ振動に対し } \frac{\tanh \frac{1}{2}rH}{\tanh \frac{1}{2}sH} = \frac{4rs/\alpha^2}{b^2} = \frac{4\sqrt{1 - c^2/\alpha^2} \cdot \sqrt{1 - c^2/\beta^2}}{(2 - c^2/\beta^2)^2}, \quad \dots \text{式(1)}$$

$$\text{縦振動に対し } \frac{\tanh \frac{1}{2}sH}{\tanh \frac{1}{2}rH} = \frac{4rs/\alpha^2}{b^2} = \frac{4\sqrt{1 - c^2/\alpha^2} \cdot \sqrt{1 - c^2/\beta^2}}{(2 - c^2/\beta^2)^2}. \quad \dots \text{式(2)}$$

この解は Lamb により既に与えられており、 $c/\beta$  と  $\lambda/H$  の関係は図-1 の如くである。

また、 $\lambda \rightarrow 0$  となるば  $b^2 - 4rs/\alpha^2 = 0$  となり、これはレーレー波速度  $\lambda$  を与える。式(1)において  $c/\beta$  を 0.9~0.2まで変化させ、 $\sigma$  を  $1/6$ ~ $1/3$ まで変化させた  $c/\beta$  と  $\lambda/H$  の関係は前述の参考文献表-1 に示されている。式(2)に関して同様にして計算すれば  $c/\beta$  と  $\lambda/H$  の関係が得られる。 $\sigma = 1/6$ における  $c/\beta$  と  $\lambda/H$  の関係は次の通りである。 $c/\beta = 1.1$  に対して  $\lambda/H = 0.1122$ ,  $c/\beta = 1.2$  に対して  $\lambda/H = 0.5155$ ,  $c/\beta = 1.3$  に対して  $\lambda/H = 0.6782$ 。

### III. $\lambda$ の測定結果に与える影響について

図-2 のような実験結果がある。 $\lambda$  の推定はグラフを画くときの個人誤差により相当差がある。またランジュバンタイプの干擾計受振子を用いる以上、正確な  $\lambda$  を求めることは不可能である。今、仮に表-2 の如く  $\lambda$  をそれぞれ 2490 m/s 及び 2450 m/s とした場合、計算による平均厚はそれぞれ 14.2 cm 及び 15.2 cm となり、その差は 1.0 cm になる。このように  $\lambda$

の推定は、この方法による版厚の計算に非常な影響を及ぼす。それ故に  $\lambda$  をより精密に求めねばならない。そこで図-1 にみうれる曲線の上の部分、即ち、しが  $\lambda$  より大なる部分に存在する振動を利用して正確に  $\lambda$  を推定することができます。

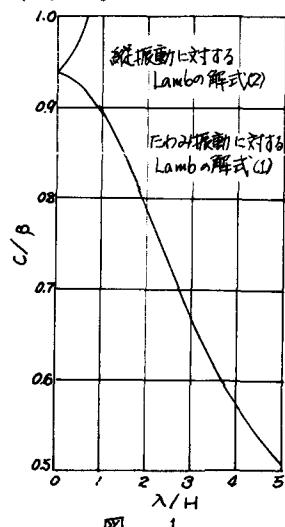


図-1

#### IV. 実験装置および測定方法

図-3の通りである。CR発振器はスター無線測器製 S-230 で上限発振周波数は 1,100 KHz である。しかししながら実際には 60 KHz 程度迄しか使用しない。電力増幅器は圓井製作所製で終段出力管として UY807 P.P. を B級で使用したもので出力は 50W。デュアルビームシンクロスコープは岩崎通信製 DS-5305 B でアラゲインユニットは出力波形用として A ビームに SP-02DFH-A を、受振波形用には B ビームに SP-01H-B を使用した。駆動子には継ぎ方の固有振動数約 20 KHz の円筒状チタン酸バリウムランジエバン型を使用し、ピックアップには 100 KHz のチタン酸バリウム磁器、ないしはロッキエル磁のものを使用した。

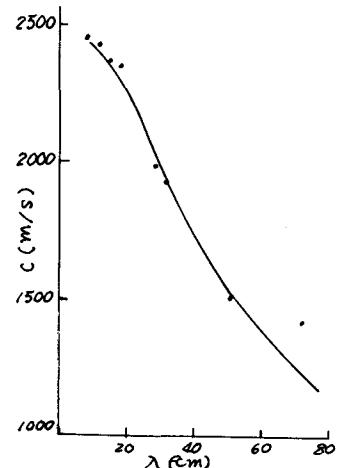


図 - 2

測定はシンクロスコープ画面上の受振波形の位相がピックアップ

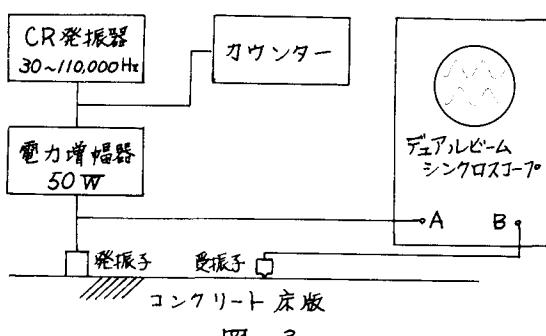


図 - 3

の移動に伴い丁度 360 度ずれる点を見つけ、そのときのピックアップアングルの移動距離をもって 1 波長とする。そのようにして種々の周波数に対する波長を図上にプロットすると、図-2 および図-4 が得られる。計算方法はグラフより  $\lambda$  を求め  $\lambda/H$  のそれぞれの値に対する入力をグラフから読み取り、その入と  $\lambda/H$  の値から板厚  $H$  を求めれば良い。

#### V. 結果

前述のように、この測定法では  $\lambda$  の推定が非常に重要である。幸い今回は 60 KHz でも十分增幅し得る出力の大きなアンプを使用したので、継振動を検知できた。それで III で述べた方法を用い、 $\lambda$  を推定したため  $\lambda$  の値は非常に正確であると思われる。使用した床版は 270 × 270 cm で端面において実測した厚さの平均は 16.5 cm であり計算結果に良く一致していた。

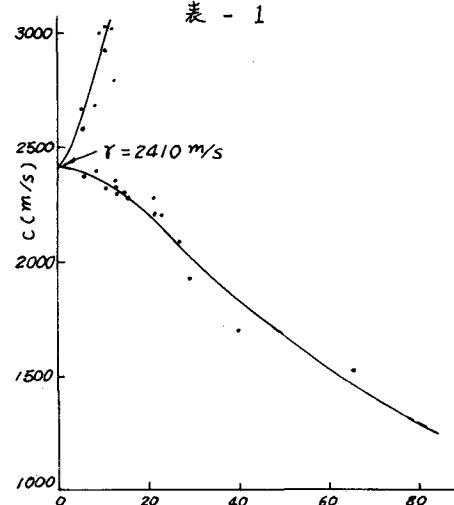


図 - 4

\*明石外世樹他非破壊試験によるコンクリート板厚の測定：土木学会第24回年次学術講演会