

東京大学工学部 正員 松本嘉司

同 学員 藤沢伸光

同 学員 井上貞文

1. まえがき

長大吊橋軌道上の車輪運動は円錐車輪の仮定の上にクリープ力を利用したシミュレーションが行なわれているが、(横圧)→(車輪の変位)間の非線形性がその解決を困難にして、有意な結果は出されにくい。この非線形部分を輸送装置上に模型車輪を走行させ、その時の横圧を実測することと切り抜け、電子計算機内の吊橋のシミュレーションとオンラインで直結し解析する様試みた。尚、この実験は大編成列車の吊橋軌道上の運動を解析する為の一つの基礎的実験として行なったものである。

2. 仮定及び計算方法

振動台の性能が横方向に限定されることは、横方向たわみ振動のみをとり扱う。吊橋の横振動の方程式としては従来より用いられて来た次式を用いる。

$$\frac{w_f}{g} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + EI_f \frac{\partial^4 v}{\partial x^4} + \frac{w_f}{k_m} (v - u) = p_f(x, t) \quad (\text{補剛分析}) , \quad \frac{w_c}{g} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - H_w \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - \frac{w_f}{k_m} (v - u) = 0 \quad (\text{ケーブル})$$

振動台は常に列車直下の横振動を再現するので $x = vt$ である。モードアナリシスに依れば、近似的に次の様な解の形を定められる。

$$v = \sum_j g_j \sin \frac{j\pi v}{l} t \quad (\text{補剛分析の変位}) \quad u = \sum_j \psi_j \sin \frac{j\pi v}{l} t \quad (\text{ケーブルの変位})$$

これを用いて次式を各モード独立に計算出来る。

$$\frac{w_c}{g} \frac{d^2 \psi_j}{dt^2} + \left(\frac{j^2 \pi^2 EI_f}{l^4} + \frac{w_f}{k_m} \right) \psi_j - \frac{w_f}{k_m} \psi_j = \frac{p_f(t)}{2} \sin \frac{j\pi v}{l} t , \quad \frac{w_c}{g} \frac{d^2 \psi_j}{dt^2} + \left(\frac{j^2 \pi^2 H_w}{l^2} + \frac{w_f}{k_m} \right) \psi_j - \frac{w_f}{k_m} \psi_j = 0$$

その場合の吊橋の応答は $u = g_j \sin \frac{j\pi v}{l} t$ となる。この式をハイブリッド計算機内でシミュレーションする。即ち、アナログ部では基本振動系を解き、デジタル部で非線形演算である掛算を受け持たせる。

次頁の図の様に車輪模型を用いるので相似律に依り、縮尺 λ 、加速度 λ 、質量 λ^3 とする。

3. 装置及びシステム

ワラ型1段リンク二軸模型車輪、輸送装置、サーボ型振動台、ハイブリッド計算機。

この内、サーボ型振動台の周波数応答を測定した。その周波数

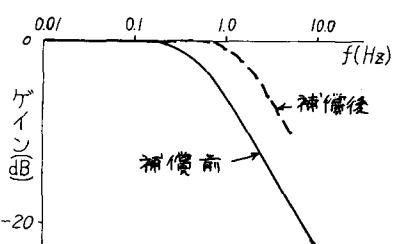
特性は右図の様に約 0.2 Hz より減衰傾向を示し、横圧の振動数

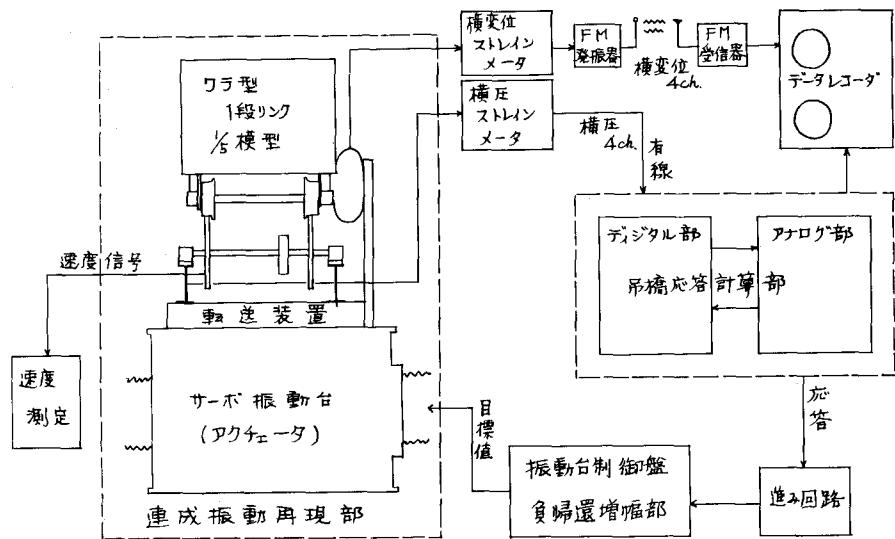
約 3 Hz 付近での振幅減衰及び位相遅れが実験の重大な障害となる

ことが予想されたのでハイブリッド計算機から出力を進み

回路に通して応答特性の改善を行なう。横圧測定装置として円

板車輪の軸受の下に H 型鋼を設置し、ストレインゲージにより検出した。

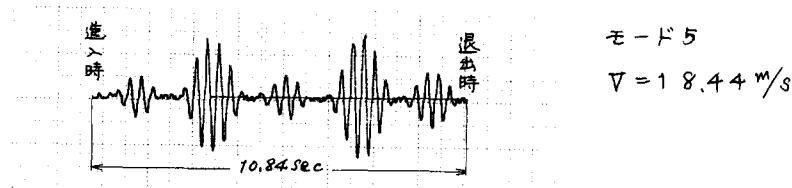




システム全体図

4. 実験結果及び考察

スパン1000mの吊橋の模型として200mスパンの橋を想定した。車輪と橋梁との重量の違いが余りにも大きすぎた為、単一車輪を走行させても吊橋の応答は極めて僅かである。そこで十輌編成の列車を考え、最も危険を場合として、十輌全車が同じモードで蛇行をしたと仮定し横圧を十倍にして実験を行った。そのうち最も顕著な特徴を持った波形としてモード5の振動を下図に示す。



これは蛇行の周期が約3Hzで、モード5の共振点に近いため、吊橋のモード5での振動形の腹の部分に列車が通りかかったとき、一種のうなり現象を起すものと考えられる。

その他のモードでは振幅は極めて小さなものが多く興味ある結果は得られなかつた。車体の振動は連成振動の影響が、包括線に僅かに見られるのみであつた。この様に連成振動が判然としなかつたのは、転送装置の剛性が十分ではなかつたこと、及び横圧測定用H形鋼が薄過子た為に振動台の振動を吸収してしまひ、車輪の蛇行動に顕著な影響を与えることが少なかつた所為と思われる。

今回の実験では吊橋の解析にモード解法を用いて各モードを独立にとり扱つて実験を行つたが、数種のモードの重ね合せについても今後扱つてみる必要があるのではないかと思う。又、サーボ機構の特性改善、転送装置及びその振動台への取り付け部の補完等が今後実験を進めていく上で課題となるであろう。