

II-111 河川における乱子の広がりについて

信州大学工学部, 正, 余越 正一郎

1. フロペラ式流速計などの測器を用いて主流成分の変動速度を測定すると、測器の慣性と測器の寸法による時間的・空間的平均化が行なわれて、変動速度スペクトルの高周波端が切断される。慣性によるスペクトルへの影響は、測器の時定数を T とすれば $1/[1+(2\pi n T)^2]$, (n : 周波数), 測器の寸法によるものは、測器の主流方向の長さを l , 平均流速を U とすれば、 $\sin^2(\pi n l/U)/(\pi n l/U)^2$ のようなもので表され、いずれも測器の特性と平均流速だけからきまつてくる。

しかし、測器の中(フロペラの直径、歯線の長さなど)により主流成分速度変動が受けける平均化の影響は乱流場の構造に関する知識がなくては理解できない。乱子の長さと巾の関係がわかつてあれば、測器と同じ巾の乱子の通過周波数がわかるので、その周波数以上の変動は、かりに慣性の小さい測器で検出できたとしても無意味なものと考えることができる。乱れの測定は、乱れの構造を知るために行なうものではあるが、上に述べたことや観測時間の問題からもわかるように、ある程度乱れの場の構造がわかつていないと正しい測定ができない。

本報告は、奥河川と大型雨水路において実測されたデータにもとづいて、乱子の長さと巾の関係について調べたものである。

2. 主流方向を x , 橫断方向を y , 鉛直方向を z とする。同一高度で y 方向に η だけ離れた 2 点 P, Q における x 方向の速度を U_P, U_Q とすると、 U_P と U_Q のスペクトルの相関係数は、

$$R(n, \eta) = \frac{|S_{PQ}(n, \eta)|}{[S_P(n) S_Q(n)]^{1/2}},$$

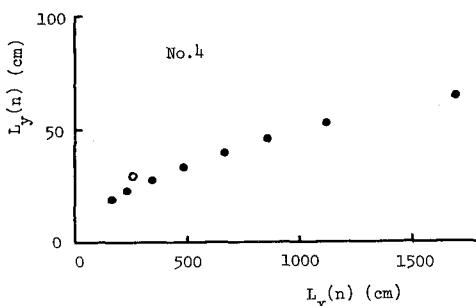
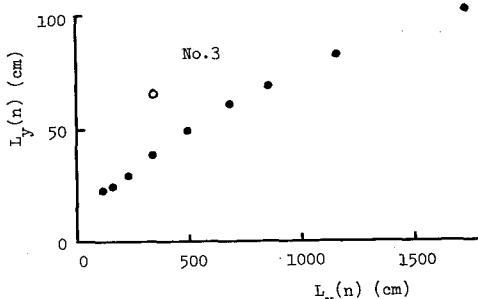
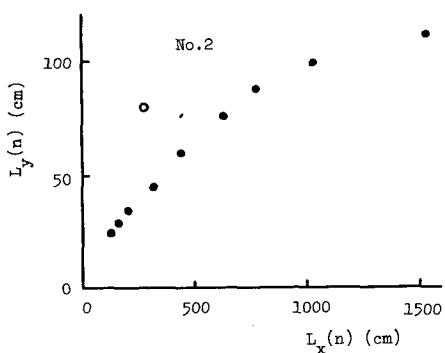
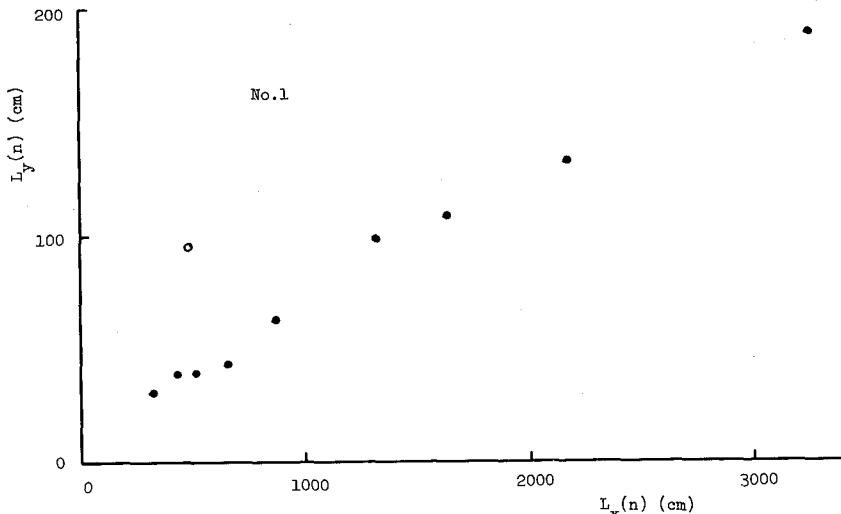
で与えられる。 $S_P(n), S_Q(n)$ は U_P, U_Q のパワースペクトル, $S_{PQ}(n, \eta)$ はクロススペクトルである。これより通過周波数 n に相当する長さ $L_x(n) = U/n$ の乱子の y 方向のスケールを

$$L_y(n) = \int_0^\infty R(n, \eta) d\eta$$

で定義する。 U は U_P, U_Q の平均値である。

3. 計算に用いたデータはいすれも直径 13 cm のフロペラ式流速計 ($T \approx 0.5 \text{ sec}$) を用いて、流れの中央部で測定されたもので、測定条件を下の表に示す。No.1 は奥河川, No.2 ~ No.4 はコニクリー

$B(\text{m})$	$H(\text{m})$	$z(\text{m})$	$U(\text{m/s})$	z/H	$\eta(\text{m})$	$T_*(\text{sec})$	$*T(\text{sec})$	$B = \text{水路巾}, H = \text{水深},$
No.1	100	2.7	2.4	1.30 0.89	0.5, 1.0, 1.5, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0, 7.0, 10.0	360	0.48	$\eta = \text{測点高度}, U = \text{測}$
No.2	18	1.58	1.4	1.23 0.89	0.3, 0.8, 1.6	312	0.3	点平均流速, $\eta = \text{測器}$
No.3	"	0.92	0.8	1.38 0.87	"	"	"	間隔, T_* : 観測時間,
No.4	"	"	0.46	1.35 0.50	"	"	"	$*T = \text{読み取り間隔}.$



ト製矩形断面用水路におけるものであり、鉛直乱流場のレイノルズ数はいずれも 10^6 以上ある。なお、No.2～No.4は今本・上野の観測によるものである。

計算の都合上、

$$R(n, \eta) = \exp\left(-\frac{\eta}{L_y(n)}\right)$$

と仮定しE。計算結果を上の図に示した。図には参考のために、 $L_x = \int_0^\infty R(t) dt$, $L_y = \int_0^\infty R(\eta) d\eta$ の平均が白丸で示してある。R(t)は $U_B U_E$ などの自己相関係数である。図から $L_y(n) \sim \sqrt{L_x(n)}$ の関係がうかがえる。スケールの大きさEでは、 $L_x(n)$ は $L_y(n)$ の10数倍程度になっている。 $L_y(n) \approx 20$ cmの平均通過周波数は1 Hz程度であり、これは直徑20 cm程度の普通の回転式流速計の応答周波数より低い。したがって、このような測器による測定の、意味のある最高周波数は、測器の応答特性より、測器の寸法から決まるようである。(1) 今本・上野：京大防災研年報13B(昭45.3)