

I-134 トポロジカル コーインシデンスを有する構造物間の応力について.

室蘭工業大学 正員 能町 純雄
 〃 松岡 健一
 学生員 〇佐藤 隆

1. まえがき

格点数と どの対応格点の自由度が一致する時、両構造物 I, II において、ある制限のもとに 実際の解析演算を I で 行ない、II で 力の Remainder を check しながら II の構造物を 解けるかどうかについて 考察したものである。

2. 解析法

規則性のない 格点数が 非常に多い構造物を 解析する場合、その構造物と、格点に対応し、自由度が等しい規則性のある構造物を考える。後者を I の構造物、前者を II の構造物とする。目的は II の構造物の変位の Column Vector を求めるにある。I, II の構造物とも、格点数、自由度が等しいから、それぞれの Stiffness Matrix, 変位の Column Vector, 荷重の Column Vector は共に 同じ大きさになる。

いま、I, II について、Stiffness Matrix を $[B_1]$, $[B_2]$ とし、変位の Column Vector を $[u_1]$, $[u_2]$ とし、外力の Column Vector を 両者同一の $[P]$ とすれば、

I について、

$$[B_1][u_1] = [P] \quad \cdots (1)$$

II について

$$[B_2][u_2] = [P] \quad \cdots (2)$$

いま、

$$[B_2] = [B_1] + [B'] \quad \text{と書けば}$$

(1), (2) 式に $[B_1]^{-1}$ を 作用させて、

$$[u_1] = [B_1]^{-1}[P] \quad \cdots (3)$$

$$[u_2] + [B_1]^{-1}[B'] [u_2] = [B_1]^{-1}[P] \quad \cdots (4)$$

$[C] = [B_1]^{-1}[B']$ とおき、

$$[u_2] + [C][u_2] = [u_1] \quad \cdots (5)$$

故に 繰返し方により、

$$[u_2] = [u_1] - [C][u_1] + [C]^2[u_1] - [C]^3[u_1] + \cdots + [C]^t[u_1]$$

上の級数が 収束すれば 解を 求める。

(2) 式の $[u_2]$ の 代わりに $[u_1]$ を 代入すると、

$$\begin{aligned} [B_2][u_1] &= [B_1][u_1] + [B'][u_1] \\ &= [P] + [B'][u_1] \end{aligned}$$

したがって Remainder は $[B'][u_1]$ である。

これを (1) 式の [P] に代入して、

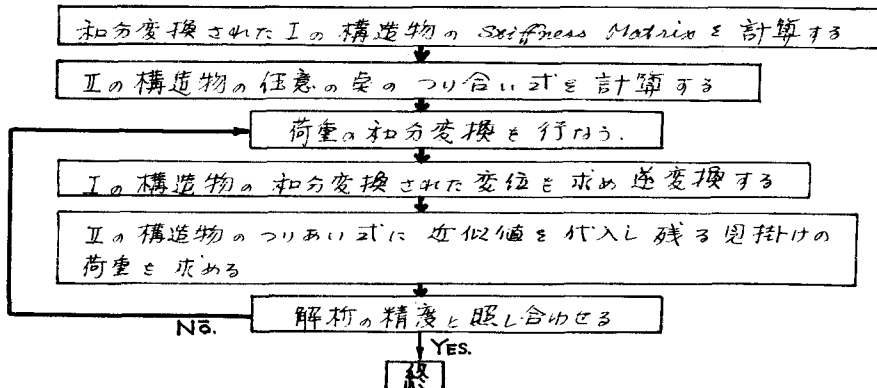
$$[B_1][u_1] = [B'][u_1]$$

$$\therefore [u_1] = [B_1]^{-1}[B'] [u_1] = [C][u_1]$$

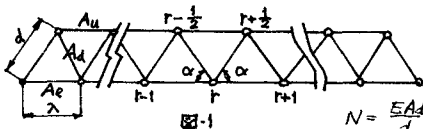
これは I の構造物を解いて、その変位を II の構造に代入し、つり合い式を計算して、Remainder 外力を求め、これを I に作用させて逐次計算する事を意味する。

3. 計算の過程.

I の構造物は任意である故、変位の Column Vector, 荷重の Column Vector, Stiffness Matrix を求めるのに Fourier 変換*を用いる事ができる様に規則性のある構造物を考える。II の構造物の方は只、任意の必要に応じてのつり合い式を求めておくだけで充分である。次に計算過程を図示する。



和分変換された I の構造物の Stiffness Matrix を求めるのに 例えは 平行弦ワレントラスを考えよ。(図1)。任意点 $r, r+\frac{1}{2}$ 点で力のつりあいをとり、部材力と変位の間に Hooke の法則を



考えれば変位と力のつりあいの差分式が求まる。これを和分変換すると次の式にたまる。ただし、 u は水平 v は鉛直変位

$$N = \frac{EA}{L}, L = \frac{EA_e}{\lambda}, M = \frac{EA_m}{\lambda}, D_i = 2 \cdot (1 - \cos \frac{\pi i}{n}), c = \cos \alpha, a = \sin \alpha,$$

$$\tilde{u}_i = C_i[u_r] + \frac{u_0}{2} + (-1)^i \frac{u_n}{2}, \quad \tilde{v}_i = C_i[v_r], \quad \tilde{u}_{r+\frac{1}{2}} = H D_i[u_{r+\frac{1}{2}}], \quad \tilde{v}_{r+\frac{1}{2}} = H D_i[v_{r+\frac{1}{2}}].$$

$$\begin{bmatrix} -L D_i - 2Ncc & 0 & 2Ncc \cos \frac{\pi i}{2n} & 2Nc \cdot s \sin \frac{\pi i}{2n} \\ 0 & -2N \cdot s \cdot s & -2Nc \cdot s \sin \frac{\pi i}{2n} & 2N A \cdot a \cdot \cos \frac{\pi i}{2n} \\ 2Ncc \cos \frac{\pi i}{2n} & -2Nc \cdot s \sin \frac{\pi i}{2n} & -M D_i - 2Ncc & 0 \\ 2N \cdot s \cdot c \sin \frac{\pi i}{2n} & 2N \cdot a \cdot a \sin \frac{\pi i}{2n} & 0 & -2N \cdot s \cdot s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \tilde{u}_i \\ \tilde{v}_i \\ \tilde{u}_{r+\frac{1}{2}} \\ \tilde{v}_{r+\frac{1}{2}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \tilde{F}_i + H_0 + (-1)^i H_n + N \cdot c \cdot s \cdot (-1)^i u_n \\ \tilde{P}_i \\ \tilde{F}_i + \cos \frac{\pi i}{2n} (u_0 - (-1)^i u_n) \\ \tilde{P}_i + \sin \frac{\pi i}{2n} (u_0 - (-1)^i u_n) \end{bmatrix}$$

4. むすび

従来の解析方法で計算すると Stiffness Matrix が大きくなり、中型電算機で解析が困難な構造物でも、この解析法が可能であれば中型電算機でも充分計算できると思われる。この解析法の収束性の限界量に数値計算は平行弦ワレントラスと曲弦ワレントラス、内部不静定構造物、トラス以外の格子状などについて、当日発表する予定である。

* S.G.Nomachi : A Note on Finite Fourier Transforms Concerning Finite Integration (Trans. mem. MIT. Vol. 5. No.2)