

東京大学工学部 正員 石原研而  
電力中央研究所 正員 国生剛治

## まえがき

土質基礎工学の諸問題を finite element method を用いて解こうとする時の基本的な考え方の概略は切土を例にとって以前に説明した。<sup>(1)</sup>その後、ほとんど同じ手法が水中堀削の諸問題にもそのまま適用できることがわかつたので、ここではこの問題を取り上げ、空中堀削の場合と比較対照しながら、考え方などを述べる。水中堀削と称せらるる中には、港湾施設の建設にともなうしゅんせつや運河開削等の大規模な工事もあるし、泥水トレンチや drilling mud を用いたボーリング等の小規模の堀削もある。これらの中でも工事を段階をもつて step-by-step に行わせるので、cut の途中で地盤内に塑性域が発生するような場合には、施工過程を小ままで計算をいくつかの段階にわけ、何度も行う必要がある。<sup>(1),(2)</sup>

## (1) 切土による応力変化

切土を行ふとそれ以前にそこに存在していた initial stress が解放されるから、それに伴つて地盤内に応力変化が起ころ。これを計算で実現するには、切土が行わるものである方面に、以降に加わつていた力と大きさが同じで方向が逆の力を外力として加えてやればよい。この外力は initial stress によつてきまるから、initial stress の大きさおよびその方向によつて、cut にともなう地盤の挙動が支配されることとは云うまでもない。地盤が水没している場合、この initial stress は有効応力と水圧とから成つてゐる。従つて除去すべき initial stress の性質によつて次のような場合を区別して考える必要がある。

(i) 全応力堀削 ……有効応力と水圧を加えた全応力を除去した場合、何を残つていなかからこれは空中堀削に相当する。

(ii) 有効応力堀削 ……有効応力をのみ除去した場合、静水圧は依然として加わつてゐるから、これにより水中堀削の場合の解がえらぶ。

(iii) 水圧堀削 ……水圧を除去する計算では静水圧がかかるから、これは揚水又は水位低下による地盤の挙動を知るのに役立つ。池の水をくみ上げた場合、崩かず防止用の泥水をくみ上げた場合等の地盤の挙動を知るのに、この方法を用ひよとい。ただし以上の考えは、揚水直後の問題に対するものであり、地下水位低下やアースダムの rapid drawdown の問題には適用できないことを知つておくべきである。

以上3種類の cut を圖でわかりよく示したものが図1(a), (b), (c) であり、各々の cut の際には除去すべき応力の水平および鉛直方向成分を示したのが表1である。この表から、一株に堆積した水平地盤

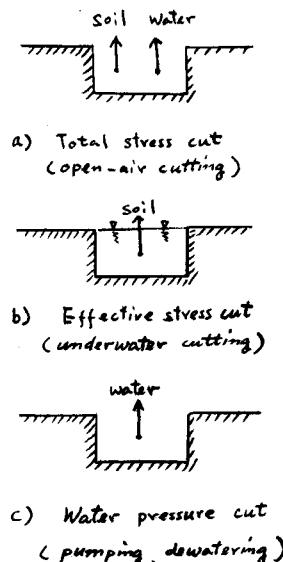


Fig.1. Types of cuts

を cut する場合には initial stress が土の単位容積重量  $\gamma$  と静止土圧係数  $K_0$  の値に大きく支配されることがわかる。以上の考え方は地盤を一層層に cut する場合について成立するのである。step-by-step に cut して行く場合には地盤内に過剰間隙水圧が発生するので多少の矯正をする必要があるが考え方には基本的には同じである。

### (2) 異増分塑性端

金属塑性端の中でも、異増分塑性端の基本的考え方は前述した施工過程によらず、step-by-step の計算と軌跡とするものである。今後著目する施工過程に着目して、次の時の物体内の応力分布を  $\sigma_n$  とし、次の施工段階による力の変化を  $\Delta P_n$ 、歪の変化を  $\Delta \epsilon_n$  とする。完全塑性体に対する異増分塑性端によると、 $\sigma_n$  が与えられた段階で  $\Delta \sigma_n$  と  $\Delta \epsilon_n$  が linear な関係にあると仮定すると、解の唯一性が証明される。つまり、与えられた物体が  $\sigma_n$  の応力状態にあり、この表面に更に  $\Delta P_n$  の外力が与えられた時には、物体内の応力状態  $\sigma_n$  が一意的に決まると言ふことである。水溝地盤を cut した直線では、地盤の運動は非排水的といわゆる  $\epsilon = 0$  の状態にあり、土の強度は cohesion のみで表わされるから、この種の問題には金属塑性端が比較的抵抗なく使えたと言えよう。このような考え方にもとづいて水中掘削の問題を若干計算してみた。

### (3) 電子計算機プログラム

計算に用いた finite element method の program は東大大学院山下清明氏作製のものと多少訂正したものである。計算の順序は図2の flow chart に示してある。まず initial stress から最初の cut ( $NCUT = 1$ ) によって除去すべき joint の力を計算する。この力を大きさが同じで方向が逆のものを joint に加えると cut による応力変化が求まる。これをもとと初期応力に加え、新たに初期応力とする。次の cut をくるくなる予定の joint を除去してありて 2番目の cut へ進む。以上の手順をもう一回繰り返してある。cut の段階をだけくり返し行なわれるのである。計算の結果によれば、その検討については弊表の時にくわしく述べたとおりである。

#### 参考文献

- 石原、国生 "切土による地盤の運動の変化" 第4回土質工学研究発表会講演集 1969年6月
- 林正史 "岩盤力学" (第2・3章) の考案" 大地 47号 1969年3月。

表1 土堀削による除去すべき応力系

	空中掘削	水中掘削	揚水
鉛直方向	$(\gamma' + \gamma_w) \text{長}$	$\gamma' \text{長}$	$\gamma_w \text{長}$
水平方向	$(K_0 \gamma' + \gamma_w) \text{長}$	$K_0 \gamma' \text{長}$	$\gamma_w \text{長}$

$$\text{但し} \quad \begin{aligned} \gamma' &: \text{土の水中重量}, \quad \gamma_w: \text{水の単位重量} \\ K_0 &: \text{静止土圧係数}, \quad \text{長: cut の深さ} \\ \gamma &= \gamma' + \gamma_w: \text{土の単位重量} \end{aligned}$$

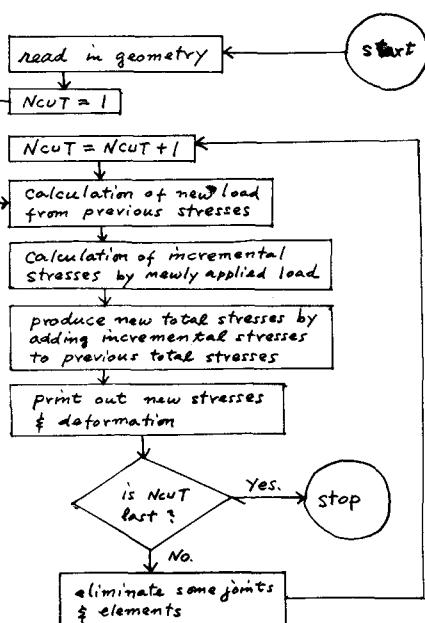


Fig.2. Flow chart for successive cutting  
(NCUT: cut の順番を示す番号)