

名古屋大学工学部 正員 足立昭平
名古屋大学工学部 正員 伊藤経慶

1. まえがき

本報は、相対粗度の比較的大きい流れの内部機構について、若干の考察と実験結果を報告するものである。昨年の年次講演会にて発表した「球状粗度要素の実験的研究」において、球状粗度による流水機構を明かにしようと試みた。そして、流水の速度分布について、自由表面下それぞれ乱流混合領域、遷移領域、粗度領域および間隙流領域と名づけた4つの領域を考へ、とくに乱流混合領域および粗度領域について、Prandtl の混合距離の考え方により、それぞれの領域の速度分布を表わす式を導いた。しかしながら、相対粗度の大きい、逆に相対水深の小さい場合には流れの主要部が粗度領域で占められるから、この領域についての速度分布については、きわめて重要であり、前発表の球状粗度の実験では、最大密度の球粗度について考察したが、それに続いて粗度形状の異なる2種の球粗度の速度分布に関する若干の実験結果を中心にいて、その考察を加えることにする。

2. 実験

図-1はこの実験に用いた模粗度の模型を描いたものである。模の高さおよび模間隔、模頂は算長(k で示す)で、 $k = 1\text{ cm}$ および 2 cm の大きさのものを用いた。実験水路は長さ 13 m 、幅 30 cm の矩形断面水路で、これに模を固定した。また、測定には、ピトーホースおよびボンピエージュを用いた。表-1はこの実験の条件をまとめたものである。表中の記号 Q は流量、 h は水深、 B は水路半幅、 S_0 は水路底勾配、 ν は動粘性係数、 k は図-1に示した模粗度の代表値で模高、そして U_m は摩擦速度である。また水深の基準および底標原点は模頂面におく(これは模間の孔水頭が観察されたから)

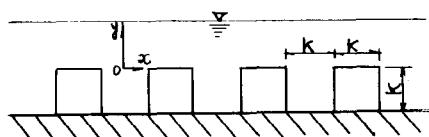


図-1 模粗度の模型

3. 結果と考察

相対粗度の大きい流れの特性を示す粗度領域の速度分布は、従来から知られておりニクラーゼの所の粗度で代表される3列数則よりはずれる部分に相応する。したがって、この領域の速度分布を表現として、Prandtl の混合距離 $\lambda = \kappa h$ が底標と同様しないとして運動量輸送の概念より求められた式が、昨年の年次講演会の講演集に載せたが、再び書き直す。つきのようである。すなはち、

No.	Q l/sec	h cm	$2B$ cm	S_0	ν cm^2/sec	k cm	U_m cm/sec
10	1.65	1.38	30	1/100	$1.03 \cdot 10^{-2}$	1	3.68
11	2.72	1.97	30	1/100	$1.03 \cdot 10^{-2}$	1	4.39
12	9.50	3.79	30	1/100	$1.03 \cdot 10^{-2}$	1	1.09
13	1.15	1.16	30	1/100	$1.01 \cdot 10^{-2}$	2	3.87
14	3.40	2.28	30	1/100	$1.01 \cdot 10^{-2}$	2	4.73

表-1 実験の条件

$$U/U_{\infty} = \frac{U_0}{U_{\infty}} + \frac{2}{3} \frac{h}{l_0} \left[1 - (1 - \frac{y}{h})^{\frac{3}{2}} \right]$$

である。ここ K 、 U_0 かつ $y=0$ における流速である。さて、図-2は、相対粗度の速度分布の測定値を上式の関係にオーバーレイして、プロットしたものである。図中の直線は、横断方向の分布も考慮して、測定値を平均化した値を連ねて描いたもので、その傾きの度合および切片より、混合距離 l_0 および壁面近傍の速度 U_0 が算出できる。また一方、次元解析的には、粗度領域の抵抗係数である k および U_0 は相対水深 h/k および壁面無次元数 U_0/k に関係づけられ、さらにそれらはこの領域により下部の壁面凹凸部によっても規定されるはずであるから、 l_0 と U_0 とは互に独立でないと言えう。このように考察にオーバーレイして、図-3は、 l_0/k と h/k の関係を、図-4は l_0/k と U_0/k の関係を、それぞれ図-2の直線とともにプロットしたものである。その結果、実験資料はごく少ないけれども、おおよそ混合距離 l_0 と粗度 K の比 l_0/k は相対水深 h/k に関係し、その増加とともに増す傾向がみられる。また、壁面代表速度にフリートラ無次元数 U_0/k も h/k に関係し、その増加とともに増す傾向がみられる。以上、相対粗度の大きい流れの場合に、 l_0/k および U_0/k がいずれも相対水深 h/k に関係づけられ、かつ、前発表の球状粗度の場合とそれとの傾向を同じくすることに注目していく。

参考：第23回年次学術講演概要 第Ⅱ部門 PPS-96

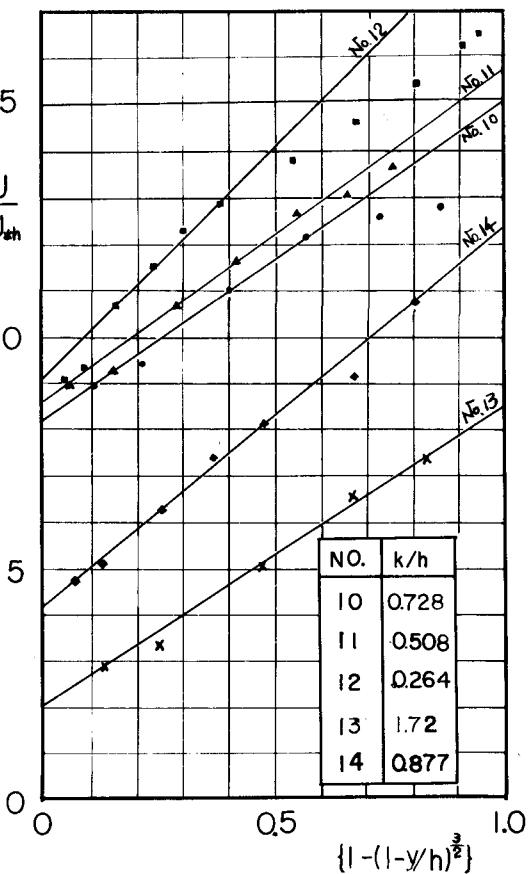


図-2 速度分布

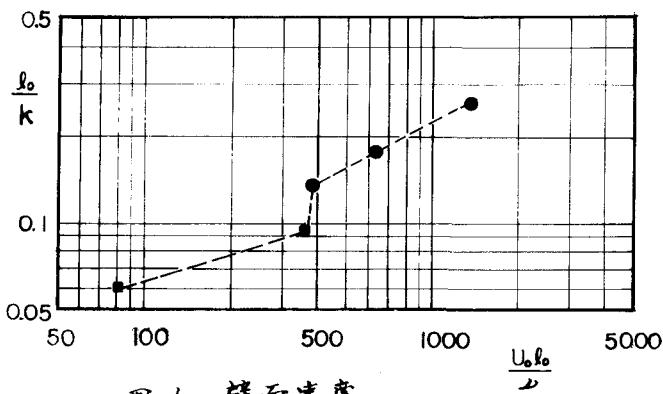


図-4 壁面速度

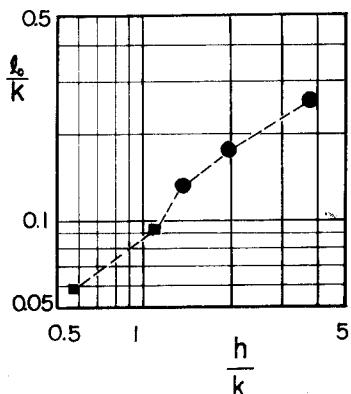


図-3 混合距離