

## 落下球によるToms効果

東京工業大学 工学部 正員 長谷川佐代子  
正員 日野 幸雄

## 1. まえがき

水に linear 型の high polymer をごく微量だけ溶かすと、水の性質が変わり、乱流域で抵抗が減るという現象は、1948年、B. L. Tomによって発見された。彼は、径が  $0.0202\text{ cm}$ ,  $0.0645\text{ cm}$  の管路を用い、*poly(methylmethacrylate)*-*monochlorobenzene* 溶液について実験を行い、抵抗係数と Reynolds 数の関係を示した。この結果によると、層流域では水の場合と一致し、乱流になると抵抗係数はしだいに減少し始め、Reynolds 数の増加と共に水における抵抗係数からはずれは著しくなる。

この現象を Toms 効果といふ。

Toms 効果に関しては、管路や曳行格子を用いた乱流構造に関する実験、jet の実験あるいは共軸回転円筒の Taylor 潟の実験から、しだいにその秘密が解きほぐされつつあるが、まだ多くの難点が残されている。

本研究では、polymer 溶液の入った水槽に種々の球を落下させ、その最終速度から球の抵抗係数を測定した。これは、落下球の抵抗の発生機構が球の表面に沿う境界層の発達・剝離・遷移という pipe flow 型の現象と、球の背後の wake という jet flow 型の 2 つの流れの組合せであり、Toms 効果の物理的解明の有効な方法と考えたからである。

## 2. 実験とその結果

a) 実験方法：実験は写真測定の方法を用いた。高さ  $1\text{ m}$ 、断面  $33\text{ cm} \times 33\text{ cm}$  のアクリル製水槽の下方からストロボで照射し、落下する球を撮影した。polymer 溶液としては、*poly(ethylene oxide)* (P.E.O.) の  $50\text{ ppm}$  溶液を用い、球は、スチールとナイロンのベアリング用ボール、およびビニロンに四塩化炭素とつめたものと用いた。

b) 滑らかな球；得られた写真から読み取った落下球の最終速度を、P.E.O 溶液の場合 ( $U_p$ ) と水の場合 ( $U_w$ ) との比によって示したものが図 1 である。P.E.O 溶液では  $10\%$  前後の速度の増加がみられる。また、式：

$$\rho \left( \frac{\sigma}{\rho} - 1 \right) \left\{ \frac{4}{3} \pi \left( \frac{D}{2} \right)^3 \right\} g = C_D \frac{\rho}{2} U^2 \pi \left( \frac{D}{2} \right)^2$$

によって求めた抵抗係数  $C_D$  すなわち、

$$C_D = \frac{4}{3} \left( \frac{\sigma}{\rho} - 1 \right) \frac{Dg}{U^2}$$

と Reynolds 数  $UD/\nu$  との関係は図 2 で示される。ここで  $\rho$  は液体の密度、 $\sigma$  は

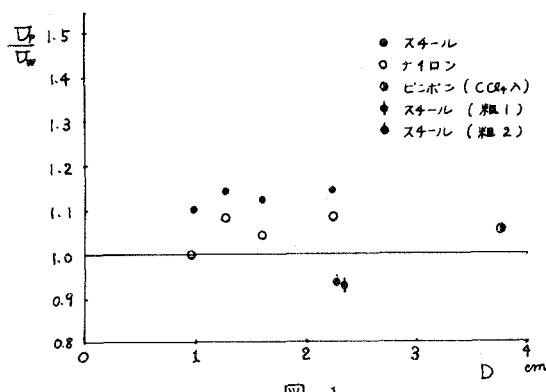


図 1

球の密度、 $D$ は球の直徑、 $\bar{U}$ は最終落速度、 $g$ は重力の加速度、 $C_D$ は抵抗係数である。PEO溶液における $C_D$ の減少の割合は、Reynolds数の増加についてわずかずつではあるが増加する傾向がある。この場合PEO溶液の動粘度 $\eta$ および密度 $\rho$ は水とほとんど変わらないから、 $C_D$ の減少は $\bar{U}$ の増加のみによると言える。

また、3種類の球の $C_D$ のずれは、球の材質の違い又は、側壁の影響によるものと考えられる。

次に、球が落下する際、周期的な横振動の観察されるナイロニ球について、Strouhal数と比較すると表1のようになる。PEO溶液でのStrouhal数は明らかに減少している。

c) 粗球；次に、スチール球に粒径 0.028 cm と 0.228 cm の粗度をつけて、同様に落下速度を測定してみた。球の表面と粗にすれば一般にこのReynolds数 ( $5 \times 10^3 \sim 10^5$ ) の範囲では、球に沿う境界層は乱流剥離となり、剥離点が後方にずれて wake が縮少するので落下速度が増加する。水のみの場合の滑らかな球と粗い球との実験結果(滑球;  $D_w = 198 \text{ cm}$ , 粗球;  $D_w = 216 \text{ cm}$ )は正にこのことを示している。しかし、PEO溶液での速度は、滑らかな球の時とは逆に 10%近く減少した。(図1 参照)

#### 4. 考察

奇薄な high polymer 溶液における抵抗係数の減少は管路の場合と同様に、落下球においても現れることが明らかになつた。

この現象は、D.A. White が述べているように、確かに PEO 溶液で剥離点が球の後方に移動したこと、より一般的には、polymer の異方性が複雑にすら層流の安定性を高めると、いう考えにより説明できるし、Strouhal 数の減少も、この仮説を裏付けるものである。

しかし、粗度のある球では $C_D$ は逆に増加することは、こうした仮説のみでは説明が困難であり、今後、球の wake や剥離点等についての研究が必要である。

#### 5. 謝辞

本研究に当り、多くの助言と御指導をいただきました本学水工研究室の吉川、椎貝両先生に心から謝意を表します。

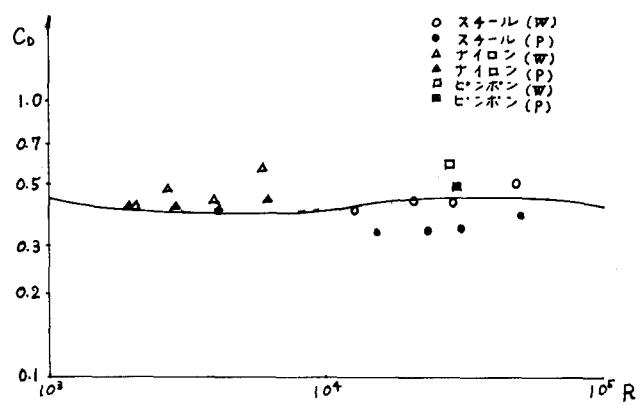


図 2

$D_{\text{cm}}$	$D_w/D_{\text{cm}}$	$D_w/D_p$
2.24	0.056	0.043
1.61	0.045	0.041
1.28	0.051	0.045
0.96	—	0.037

表 1