

III-15 砂の強度に関する2,3の実験と考察

京都大学防災研究所 正員 八木 则男

砂のせん断抵抗は砂の粒子間の摩擦によるものとせん断時のタイレタンシーのための体積変化による抵抗に分類される。砂質土では特に体積変化によるせん断抵抗が重要な役割をはたしている。ここでは三軸試験機により体積変化の生じないせん断試験を行ない、体積変化による抵抗のない砂のせん断抵抗を求めるとともに、各種の応力条件の下でせん断試験を行ない、その強度の比較、破壊時における体積変化の強度への影響などについて調べた結果を報告する。

試料、実験方法

実験に用いた試料は豊浦の標準砂である。供試体は完全飽和で、高さ約5cm前後、直径3.57cmの円筒形であり、間隙比は 0.61 ± 0.1 の範囲のものでほぼ一定とみなしてよい。行なった実験の応力条件は表-1にまとめてある。表中の σ_a は供試体の軸方向応力、 σ_r は側方応力(底圧)、 σ_m は平均主応力、Compは圧縮、Extはひきのばしである。すべて排水状態である。なおせん断速度は 0.1mm/min である。

実験結果

体積を一定にした圧縮試験と他の試験を比較するために試験番号①、②の $\sigma_r = 1.0\text{kg/cm}^2$ および③の結果を軸方向ヒズミ ϵ_a と主応力差/最小主応力の関係で示したのが図-1である。

⑤は体積変化によるせん断抵抗ではなく、粒子間摩擦による抵抗であり、体積変化がある場合に比べ非常に小さなヒズミで合せん断抵抗が發揮され、それよりヒズミが増加してもほとんど変化がない。したがって一般的に体積変化がある場合のせん断抵抗は σ_a が約1%以後は体積変化の増減により変化することか実験的にわかった。またCompとExtではせん断抵抗にかなりの差があるが、これは両者いずれの場合もせん断部分は局部的であり、断面補正を行なっているものの実際のせん断部の断面積はCompの場合はより大きく、Extの場合はより小さくなっていることによるが、主応力差にかなりの開きがあることで、他にもなにか要素があ

表-1

試験番号	試験条件
①	$\sigma_a > \sigma_r$ σ_m : 増加 Comp. $\sigma_r = \text{一定} = 1.0, 2.0, 3.0\text{kg/cm}^2$
②	$\sigma_a < \sigma_r$ σ_m : 減少 Ext $\sigma_r = \text{一定} = 1.0, 2.0, 3.0\text{kg/cm}^2$
③	$\sigma_a > \sigma_r$ σ_m : 減少 Comp $\sigma_a = \text{一定} = 2.0\text{kg/cm}^2$
④	$\sigma_a < \sigma_r$ σ_m : 増加 Ext $\sigma_a = \text{一定} = 1.0\text{kg/cm}^2$
⑤	$\sigma_a > \sigma_r$ 体積一定 Comp

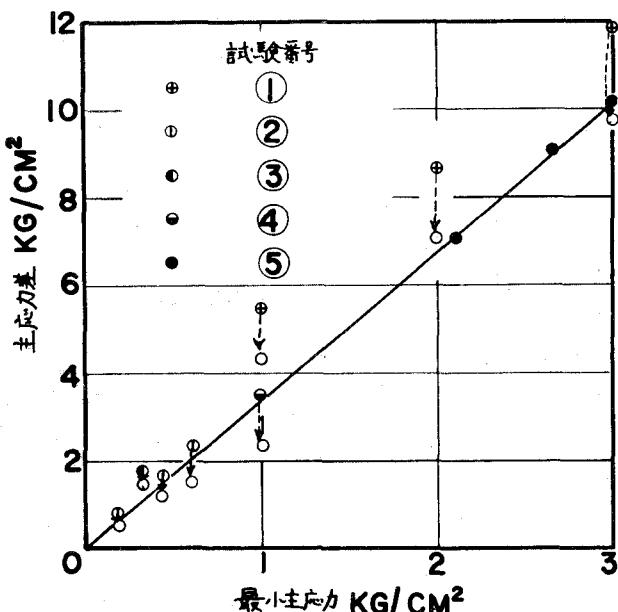


図-1

うと考えられる。そこで各種試験についての強度を比較するために主応力差の最大値を最小主応力に対する割合で図示すると図-2のようになる。この図より Comp の方が Ext よりも大きな強度を示すことが判明する。Ext はほとんどの体積一定の場合とほとんど強度ばかりではない。この事実をさらに直すために体積変化が強度におよぼす影響について調べる。これには Bishop のより提案された次式を用いることにする。

$$(\sigma_a - \sigma_r) = (\sigma_a - \sigma_r)_f - \sigma_r d\left(\frac{\Delta V}{V}\right)/d\epsilon_a$$

ただし ϵ_a は圧縮率、 $\Delta V/V$ は膨脹率が正とする。 $(\sigma_a - \sigma_r)_f$ は粒子間摩擦によるもの、しかし(1)式の右辺の第2項はここで行なったような σ_r が変化する場合には次のようになる。

$$(1) \text{式の第2項} = \frac{d}{d\epsilon_a} \left(\frac{\Delta V}{V} \cdot \sigma_r \right) = \sigma_r \frac{d(\Delta V/V)}{d\epsilon_a} + \left(\frac{\Delta V}{V} \right) \cdot \frac{d\sigma_r}{d\epsilon_a}$$

となるが、主応力差が最大となる瞬間ににおいては $d\sigma_r/d\epsilon_a = 0$ と考えてよいから、破壊時には(1)式を用いてよい。また Ext の場合は(1)式の第2項は Comp の場合とは付号が逆になるが、左辺も右辺の第1項も逆となるのでここでは絶対値について考えることにする。体積変化が強度におよぼす影響を調べるには $d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$ の直き調べればよい。そこで各種試験機の破壊時における $d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$ の値を内部摩擦角とともに表-2に示した。これによると Comp の方が Ext よりも $d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$ は大きいが同じ Comp または Ext を比較すると、 σ_m が減少している試験の方が大きいのは応力履歴の影響であろう。また図-2の Comp 試験の差が原点を通らないのは $d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$ が σ_r が小さい程大きくなるのである。また表-2の値を用いて体積変化の影響を除いた $(\sigma_a - \sigma_r)_f$ の値を各試験の差について図-2で矢印で示してある。この値は Comp 試験では同じ最小主応力で体積一定の場合の主応力差より大きいが、Ext では小さくなっているのが注目される。先にも述べたようにセン断部分が供試体の全体にわたっていなければ実際は $d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$ がもう少し大きくなり、Comp では体積一定の線に近くようであるが、Ext の場合はその逆なので

Ext や σ_r が変化する場合の(1)式の妥当性は検討する必要がある。

以上結論としては体積変化がない場合の砂の内部摩擦角は $38^{\circ}42'$ (豊浦標準値) であり、Comp は Ext よりも強度が大きく、 $d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$ も大きくて正ツタインセーの傾向が強いようである。しかしデーターが少ないのでここでは明確な結論が得られないで、今後さらに研究を進める予定である。

参考文献 正員 赤井浩一 砂のセン断におけるダイレタンシー効果 土木学会論文集第58号

表-2

試験条件	①			②			③	④	⑤
	σ_r	1.0	2.0	3.0	1.0	2.0	3.0		
$d(\Delta V/V)/d\epsilon_a$	1.08	0.85	0.76	0.30	0.25	0.32	1.10	0.25	—
Φ	$44^{\circ}48'$	$42^{\circ}32'$	$41^{\circ}36'$	$37^{\circ}0'$	$39^{\circ}48'$	$39^{\circ}50'$	$46^{\circ}06'$	$39^{\circ}34'$	$38^{\circ}42'$

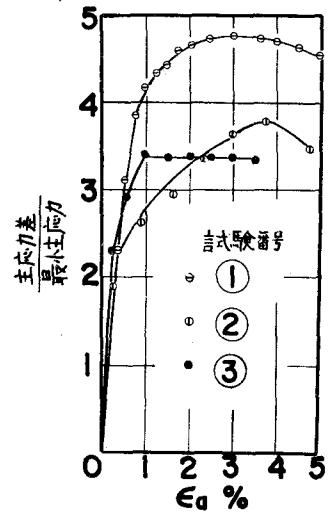


図-2