

III-108. 管網計算に電子計算機を利用する場合の流量補正式の検討

名古屋工業大学 正員 杉山錦雄

1. まえがき 管網の流量計算法は、従来より各種の方法が発表されているが、よく知られている方法として Hardy Cross 法、Hardy Cross 法の改良型、理論的方法として、1 用管路を一元とした多元連立一次方程式法、多元連立二次方程式法、および、平均値法などを挙げることができよう。著者は電子計算機を利用する立場で能率的な方法を検討する必要性を感じ、著者の近似解法と述べるとともに、前記の方法の中で Hardy Cross 法の改良型の一種として Fair 法（以下 H.C. 法と呼ぶ）、多元連立一次方程式法（以下 S.E. 法と呼ぶ）の 2 つの方法、および、著者の方法（以下 K.S. 法と呼ぶ）について計算能率を比較した結果を報告する。

2. 著者の近似解法 著者の方法の出发点は 1 用管路を一元とした多元連立一次方程式法を簡単化し、計算を容易に行うこととした方法で、Hardy Cross 法と多元連立一次方程式法の中間に存在する簡便法である。

平均流速公式として、Hagen-Williams 公式を適用し、微小流量 dQ だけ流量を修正すれば摩擦損失水頭の増加量 dh は近似的に dQ^2 以下の項を省略すれば

$$dh = \frac{1}{0.54} \cdot \frac{f}{Q} \cdot dQ = \frac{1}{0.54} \cdot K \cdot dQ \quad (1)$$

式(1)を、いま考える用管路 i に適用すれば、損失水頭の閉合条件より

$$\sum_{\text{all}} (h + dh) = \sum_{\text{all}} (h + \frac{1}{0.54} \cdot K \cdot dQ) = 0 \quad (2)$$

式(2)を各用管路に適用し各用管路の修正流量 dQ を独立的に計算する方法が H.C. 法である。

しかし乍ら、管網を構成する用管路は相互に共通管路を有する。いま考える用管路を i とし、その修正流量を dQ_i とする。用管路に隣接する管路（内接、または、外接）を i_m , i_n , ..., i_p とし、隣接用管路の修正流量をそれぞれ dQ_m , dQ_n , ..., dQ_p とすれば、共通管路の修正流量は、それを $(dQ_i \pm dQ_m)$, $(dQ_i \pm dQ_n)$, ..., $(dQ_i \pm dQ_p)$ となり、（+ の符号は内接する場合、- の符号は外接する場合）用管路 i について損失水頭の閉合条件を適用すれば

$$(\sum_{\text{all}} K) \cdot dQ_i \pm K_{im} \cdot dQ_m \pm K_{in} \cdot dQ_n \pm \dots \pm K_{ip} \cdot dQ_p = -0.54 \sum_{\text{all}} dh \quad (3)$$

式(3)が各用管路ごとに成立し、これを連立的に解けばよいことになる。この方法が S.E. 法である。

さて、式(3)を $\sum_{\text{all}} K$ で除すと

$$dQ_i \pm \frac{K_{im}}{\sum_{\text{all}} K} \cdot dQ_m \pm \frac{K_{in}}{\sum_{\text{all}} K} \cdot dQ_n \pm \dots \pm \frac{K_{ip}}{\sum_{\text{all}} K} \cdot dQ_p = -0.54 \frac{\sum_{\text{all}} dh}{\sum_{\text{all}} K} \quad (4)$$

また、式(2)より、H.C. 法の修正流量 dQ_i は

$$dQ_i = -0.54 \sum_{\text{all}} dh / \sum_{\text{all}} K \quad (5)$$

式(4)の右辺は H.C. 法の修正流量 dQ_i に等しいことがわかる。そこで、いま考える用管路 i の修正流量は近似的に次のように書き表わすことができる。

$$dQ_i = dQ'_i + \frac{K_{im}}{\sum_{\text{all}} K} \cdot dQ'_m + \frac{K_{in}}{\sum_{\text{all}} K} \cdot dQ'_n + \dots + \frac{K_{ip}}{\sum_{\text{all}} K} \cdot dQ'_p \quad (6)$$

この K , $1Q'_1$, $1Q'_m$, $1Q'_n$, ..., $1Q'_p$ はそれぞれ H.C. 法による修正流量とする。

式(6)を各開管路に適用して独立的に修正流量を求めて反覆計算する方法である。(この方法は鶴川氏の H.C. 法の過修正を補正する方法に一致する点がある)

3. 計算能率の比較

管網流量計算には HARP 103 電子計算機を使用し、表-1 に示す管網 4 種類について、同一仮定流量を用いて H.C. 法、S.E. 法、および K.S. 法によつて、それそれぞれプログラムを組み、Output の條件として開管路の閉合誤差の絶対値の最大が 0.01 以下になった時計算を終了するようにした。

管 網	開管路数	管 路数	開管路内の平均管路数
N.O. 1	9	28	4.89
N.O. 2	16	46	4.75
N.O. 3	26	87	5.50
N.O. 4	39	102	4.72

表-1

計算能率とは精度の度で実用上必ずしも程度に高く、その上、演算時間が短いものが最も優れていると云うことができよう。

表-2 に上記 4 種類の管網の計算能率等を示した。これで明らかにやうに、K.S. 法が最も演算時間が短く、H.C. 法の演算時間は 100 とすれば $24\sim42\%$ の減少であることがわかる。S.E. 法は N.O. 1 の管網を除き H.C. 法より演算時間が長い。

管 網	解 法	反覆回数	最終閉合誤差の絶対値の最大値	演算時間	反覆 1 回当り時間	能 率
N.O. 1	H.C. 法	23 ⁽¹⁾	0.0091	7.29 ⁽²⁾	17.6	100
	S.E. 法	4	0.0026	4.53	62.0	65.3
	K.S. 法	12	0.0096	4.35	19.2	61.2
N.O. 2	H.C. 法	17	0.0084	9.33	29.3	100
	S.E. 法	3	0.0068	13.11	239.0	138.0
	K.S. 法	8	0.0086	5.33	32.3	58.1
N.O. 3	H.C. 法	68	0.0099	62.10	52.6	100
	S.E. 法	6	0.0004	84.10	817.0	135.4
	K.S. 法	35	0.0092	36.06	57.6	57.9
N.O. 4	H.C. 法	98	0.0097	114.01	67.9	100
	S.E. 法	3	0.0002	136.28	2667.0	119.7
	K.S. 法	66	0.0098	86.40	76.0	76.0

表-2

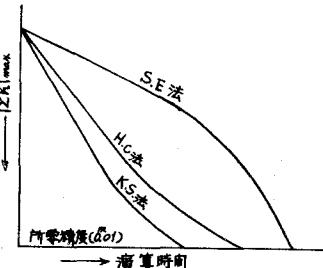


図-1

4. あとがき

著者は S.E. 法と H.C. 法の両者の解法をミニマックス法で述べるとともに、実用上必要な精度に対しては K.S. 法が充分収斂性に富み、他の 2 方法より演算時間も短く有効な方法であることを計算例によつて示した。なお、前記 3 方法による収斂性の詳細は講演時に述べる予定である。

参考文献

- (1) 鶴田；管網計算の計算時間について。（水道協会雑誌 第 263 号）
- (2) 青木；管網計算の連立一次方程式による新解法。（水道協会雑誌 第 295 号）
- (3) 杉山；電子計算機による管網の自動解析について。（水道協会雑誌 第 357 号）
- (4) 杉山；HARP 103 による管網計算について。（土木学会中部支部研究会講演会論文集昭 39 年）