

# I-27 ダムに近接した取水塔の耐震設計について

九州大学工学部 正員 小坪 靖真

## まえがき

取水塔の耐震性を究明するには先づ、その自由振動性状を求め、地震時取水塔に加わる外力を明らかにし、然る後その地震に対する応答を求めるなければならぬ。取水塔は下端固定、上端自由の塔であるが、その内部及び外部にあら水の為に振動性状が盛氣中にある場合と異なつてくる。塔状構造物に及ぼす水の影響は一般に附着質量の形で表現される。自由振動に対する附着質量と、強制振動に対する附着質量とは、取水塔がダムから相当離れている場合には殆んど同一であるが、取水塔がダムに近接している場合には異なる。本論はこの点について理論的考察を加えたもので、附着質量には、(i) 取水塔内部にあら水の附着質量、(ii) 取水塔外部にあら水の附着質量があるが、(i)はダムと取水塔との距離には無関係であり、(ii)はダムと取水塔との距離によつて変る。

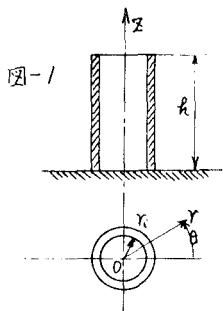
## I. 自由振動の附着質量

### 1. 取水塔内部にあら水の附着質量

地盤動を  $(\frac{\partial u_0}{\partial t}) \sin \omega t$  とするとき、この動水圧は図-1に示すようだ。

円筒座標  $(r, \theta, z)$  による  $\sigma$  の偏微分方程式

$$\frac{\partial^2 \sigma}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \sigma}{\partial r} + \frac{\partial^2 \sigma}{\partial \theta^2} + \frac{\partial^2 \sigma}{\partial z^2} - \frac{K_0}{\rho E_v} \frac{\partial^2 \sigma}{\partial t^2} = 0 \quad \dots \dots \dots (1)$$



を境界条件

$$\left(\frac{\partial \sigma}{\partial z}\right)_{z=0} = 0, \quad (\sigma)_{z=h} = 0, \quad \left(\frac{\partial \sigma}{\partial \theta}\right)_{\theta=0} = 0, \quad (\sigma)_{\theta=\frac{\pi}{2}} = 0, \quad \left(\frac{\partial \sigma}{\partial r}\right)_{r=r_i} = \omega_0 \cos \theta \sin \omega t,$$

によつて解けば求められ、取水塔の高さ方向単位長さ当たりの附着質量  $F_1$  は次式で与えられる。

$$F_1 = \omega_0 \pi r_i^2 F_1, \quad F_1 = \sum_{m=0}^{\infty} \frac{16(Rf_i)(-1)^m I_m(\lambda_m r_i) \cos \lambda_m Z}{\pi^2 (2m+1)^2 \{I_0(\lambda_m r_i) + I_2(\lambda_m r_i)\}} \sin \omega t \quad \dots \dots \dots (2)$$

ここで、 $\omega_0$  は水の単位体積重量、 $E_v$  は体積弾性率、 $R$  は取水塔の高さ、 $r_i$  はその内半径、 $\lambda_m = (2m+1)/R$  である。 $R/r_i \rightarrow \infty$  の場合、 $F_1 \rightarrow 1$  となる。

### 2. 取水塔の外部にあら水の附着質量

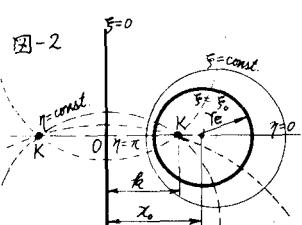
この場合は、図-2に示すように、双極筒座標による  $\sigma$  の微分方程式

$$\left(\frac{\cosh \eta - \cos \gamma}{\eta^2}\right)^2 \left\{ \frac{\partial^2 \sigma}{\partial \xi^2} + \frac{\partial^2 \sigma}{\partial \eta^2} \right\} + \frac{\partial^2 \sigma}{\partial Z^2} - \frac{w_0}{\rho E_v} \frac{\partial^2 \sigma}{\partial t^2} = 0 \quad \dots \dots \dots (3)$$

また、潮流方向振動の場合には、次の境界条件

$$\left(\frac{\partial \sigma}{\partial Z}\right)_{Z=0} = 0, \quad (\sigma)_{Z=h} = 0, \quad \left(\frac{\partial \sigma}{\partial \eta}\right)_{\eta=0} = 0, \quad \left(\frac{\partial \sigma}{\partial \eta}\right)_{\eta=\pi} = 0, \quad \left(\frac{\partial \sigma}{\partial \xi}\right)_{\xi=\xi_0} = d w_0 R \frac{\cosh \eta_0 \cos \gamma - 1}{(\cosh \eta_0 - \cos \gamma)^2} \sin \omega t, \quad \left(\frac{\partial \sigma}{\partial \xi}\right)_{\xi=0} = 0$$

によつて解けば求められる。ここに  $\xi_0$  は取水塔表面の座標で、 $\xi_0 = \cosh^{-1}(x_0/r_e)$ 、 $r_e$  は取水塔の外半径、 $x_0$  はダム表面と取水塔中心との距離、 $\xi=0$  はダム表面の座標である。 $R/r_e$  の値が大きい場合には、



2方向の水の流れを無視でき、取水塔の高さ方向単位長さ当たりの附着質量は次式で与えられる。

$$P_2 = w_0 \pi r_e^2 F_2, \quad F_2 = \frac{4}{\pi^2} \sinh^2 \frac{\pi}{H} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\coth n \frac{\pi}{H}}{n} \left\{ \int_0^{\pi} \frac{(\cosh \frac{\pi}{H} \cos \eta - 1) \cos n \eta}{(\cosh \frac{\pi}{H} - \cos \eta)^2} d\eta \right\}^2 \sin wt \quad \dots \dots \dots (4)$$

河流直角方向振動の場合には、同様にして附着質量は次の如くである。

$$P_3 = w_0 \pi r_e^2 F_3, \quad F_3 = \frac{4}{\pi^2} \sinh^2 \frac{\pi}{H} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\coth n \frac{\pi}{H}}{n} \left\{ \int_0^{\pi} \frac{\sin \eta \sin n \eta}{(\cosh \frac{\pi}{H} - \cos \eta)^2} d\eta \right\}^2 \sin wt \quad \dots \dots \dots (5)$$

## II. 強制振動の附着質量

1. 取水塔の内部にある水の附着質量は自由振動の場合と殆んど等しい。

2. 取水塔の外部にある水の附着質量

取水塔に働く動水圧は、取水塔とダムとの相対加速度によって生ずる。河流方向振動の場合には、取水塔とまわりの水との相対加速度はダムの振動により、地震加速度より減少し、次式で与えられる。

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \alpha f \sin wt, \quad f = 1 - \sum_{m=0}^{\infty} \frac{4e^{-\lambda_m' x_0}}{(2m+1)\pi} \cos \lambda_m' x \quad \dots \dots \dots (6)$$

$f$  の第2項は重力ダムに働く地震時動水圧の理論式より容易に導かれ、 $\lambda_m' = (2m+1)/2H$ 、 $H$  は全水深である。従って  $\lambda_m'$  が大きい場合取水塔の高さ方向単位長さ当たりの附着質量は I-2 の  $F_2$  の値を用いて次のように表わされる。

$$P_{e2} = w_0 \pi r_e^2 F_{e2}, \quad F_{e2} = F_2 \cdot f \quad \dots \dots \dots (7)$$

河流直角方向振動に対しては、自由振動の場合の附着質量と同一である。 $(F_{e3} = F_3)$

## III. 数値計算

図-3 は  $\lambda_m'$  が大きい場合における自由振動の附着質量係数  $F_1$ ,  $F_2$ ,  $F_3$  の値を  $x_0/r_e$  の 1.3 から 1.9 の値に対して計算したものである。取水塔に加えるべきまわりの水の附着質量は、取水塔がダムに近接すると急激に大きくなる事が判る。

図-4 は河流方向並に河流直角方向地震動の場合に、取水塔に働く動水圧を附着質量係数  $F_1$ ,  $F_2$ ,  $F_3$  の形で示したものである。 $F_{e2}$  の値は  $H$  と  $x_0$  の関係によつて異なつてゐるが、ここでは、取水塔に対して最も不利な  $R = H$  の場合について、取水塔下端に於ける値を示した。図から明らかのように、強制外力は河流方向振動では取水塔がダムに近接する程小さくなつて、河流直角方向振動では却つて大きくなる。従つて経済的耐震設計を行ふには、河流直角方向振動で外力が大きくならない  $\lambda_m'$  の範囲内で下さべく取水塔とダムに近接させた方がよい。

なお、数値計算については学生中代真義君の労をかからせられた事を附記し、謝意を表す。

図-3 自由振動  
( $\lambda_m'/r_e$  が大きい場合)

