

# II - 100 配水系統の合理的組織法

京都大学工学部正員、工博 合田 健

クマダ・タケル 末石 富太郎

神戸市水道局 三工修業林田 和久

## 1. 緒論

ここに取りあげた都市上水道の配水施設は上水道施設の中でも建設費、維持管理費の面で大きさを位置を占め、これを合理的に設計することは、上水道事業の企業性向上の有力な要因となる。従って古くは T.R. Camp の研究<sup>(1)</sup> (1937) に始まり、わが国<sup>(2)</sup>も箱川<sup>(3)</sup>、青木<sup>(4)</sup>、松田<sup>(5)</sup>の考察が行なわれ、新しいは M.F. Biesel の研究<sup>(6)</sup> (1961) も現われたが、これらもいくつもの難点を有している。筆者らも別に工業用地下水水源の選定とその配分に関する、若干の考察を加えに結果、最適化の過程に線型計画法を利用することにより单纯な配水系統の合理化の可能性を示すことができたが、これもまた實際の複雑な管網を含んで問題を解くには煩雑に過ぎる。そこでこの研究では完全な配水管網と、その配水基地設備とも呼ぶべき配水泵<sup>(7)</sup>、配水池、高架水槽との他を統合した系全体を、すこし別な観点から水理的にも経済的にも最適化する手法の確立を試みたい。

## 2. 配水管網を合理化の目的

考察を進めるにあたって、まず配水管網を合理化する目的を明らかにしておかなければならぬ。その第一は、配水系統本來の使命である「配水区域内の各處における所要の水量を所要の水圧で供給すること。」である。第二として「同時に最も経済的に配水系統を組織すること。」の二つである。しかもこの二つをどうだけ広い範囲で判断するかが望むところ、前述の配水管網だけの最適化を計るより、その配水基地設備をも含めた、「系」全体の最適化を計る方がいいとの意図にかかるのである。たとえばポンプ圧送方式を採用する配水系統においては配水管網を構成することと、ポンプの規模を決定することとは両者の間にあつて調和を保つことをやむを得ない。また一見別個に決定できかかるに思える配水池、高架水槽を用いた自然流下方式の配水管網における配水池、高架水槽の位置、その設置高さ、水位の決定と無関係ではあり得ないのである。

いま少し配水管網の合理化の内容を明らかにしておけば、それは前述の目的に従つて、系一体として基地設備と調和を保つた配水管網の Element Pipe の配置、密度、口座分布、さらには流量分布、圧力分布と基地設備の規模と同時に決定することである。

## 3. 合理化の手順

前節の意図に基づいて配水系統を合理化する手順は他の基地設備とも、たゞまにも拡張しうるもので、ひとまずポンプ圧送方式の配水管網について考えることとする。この系に関する全費用は次式で表わされる。

$$E = IC_1 + IC_2 + RC / CRF \quad \dots \quad (1)$$

ただし、 $IC_1$  は管路建設費(円)、 $IC_2$  は配水基地施設費、 $RC$  は年間維持管理費であり  $CRF$  は資本回収係数である。 $IC_1 = \sum_j (\alpha \cdot D_j^3 + r_i) \cdot L_j$ 、 $IC_2 = K \cdot P.$ 、 $RC = \mu \cdot P.$ 、さらに

$P_o = \{(1+f)/\eta\} \cdot g \cdot Q_o \cdot RP_o$  と表わせる。 $D_j, L_j$  は  $j$  番目の Element Pipe の内径と長さ、 $P_o$  はポンプ出力、 $Q_o, RP_o$  はポンプ場での圧送水量と加压水圧で、その他の記号は前段である。そして前述の最初の条件を満たすため、所定水量を引き出した仮定の管網のどの Junction においても所要の保持水頭  $RP_{Req}$  を与えるには  $RP_o$  は次の値でなければならぬ。

$$RP_o = |Y_R + f_{gk}|_{MAX} + RP_{Req} - f_{gk} \quad (2)$$

ここに  $Y_R$ 、 $f_{gk}$  はポンプ場から各番目の Junction までの損失水頭とその直ぐの地盤高である。そして(1)式の第一項はおとより、第二・三項も、途中に管網計算を行なって得られ、(2)式の  $RP_o$  を通じて、 $D_j$  の画数として表わすことができるるので、前項の第二の目的は(1)式の最小値化によって達成される。いくつかある最小値探求法の中から次の方法を採用する。一般にあり関数  $f$  の値は grad  $f$  の方向で最も急速に変化することが知られておりから、その歩みの方向の Vector 成分を近似的に次式で求めながら、ある仮定値から出発して五歩の幅で移動し、次第に最小値に接近する。

$$\delta D_j = S \cdot f_{D_j} / \{ |f_{D_1}| + \dots + |f_{D_m}| + \xi \} \quad (3)$$

$$\text{ただし}, f_{D_j} = E \{ D_0, D_1, \dots, (D_j - \delta), \dots, D_{m-1} \} - E \{ D_0, D_1, \dots, (D_j + \delta), \dots, D_{m-1} \}$$

ここに、 $\delta$ : 歩みの歩幅、 $\xi$ : 小さな正の値である。

#### 4. 一般化された管網解析法

前項の手順を入力で実行することはほとんど不可能である。しかしその大半を占めるのは頻繁に行なわれる管網計算である。そこで任意の形の管網の構成要素である Loop, Element Pipe, Junction に図に示すように現約によつて番号付けるを行なうと、各要素間相互の平面網状構造としての関連が明らかとなり、付された番号を表のように整理すれば子孫に便利になる。すなわち一般的な網目構造の特性を二、三あげれば、図を参照して、

$m+1 = l+n$ ;  $J_i = f_{J_{i+1}} + i$  から  $j_i = f_{J_i} + i$ ; 従つて、  
 $K_j = j_i - i$ ;  $j_i \leq J_{i+1}$  などが成立する。また表中の  $P_i$ ,  
 $J$  棚の整数部は Element Pipe 番号の順序に並んでから Data の  
Loop 計算に必要なものだけを選び出すのに有効に働く。

これらの諸性質を利用することにより、任意の多角形より成る管網を Hardy Cross 法により解析する電子計算機のための Routine Program を開拓し、この Program と前節の最適化の手順を組合せることにより目標とする配水系統の合理化を計算機内で自動的に実行せらる見通しがなった。その詳細を講演時に述べた。

#### 参考文献

- 1) T.R. Camp: "Economic Pipe Sizes for Water Distribution Systems." Trans. ASCE. 1939 Dec. 1937.
- 2) 鶴川新一郎: "配水管網の最適決定法に関する考慮" 水協誌 32.3. 269/
- 3) 胜木康夫: "上水道の配水管網の設計法に関する研究" 水協誌 35.7 ~ 36.11
- 4) 松田鶴夫: "上水道における導送配水施設の合理的な設計" 土木研究 36.7
- 5) M.F. Biegel, M.P. Arnaud: "Recherche de la Répartition Economique des Diamètres dans Réseau de Distribution Ramifié." AIRH 9th General Assembly 1951 899/905
- 6) 合田祐祐・林田: "工業用水水源の選定とその水量配分について" 工業用水 37.11

