

I - 15 影響線プロットの一法 (4つめ)*

九州大学 正員 村上 正
○八女工高 正員 塚本、正文

スパンが変化した3部材（アーチ）をもつラーメンの影響線を、たわみ角法を応用して求めよことを説く。原理や方法の説明は既報（九大工学集報、26-4, 27-2, 28-3, 30-1, ）にゆずることとし、また、用うる式や記号については、村上著 Studies on the Slope-Deflection Method (九大工学部紀要 XIV-1) を参照のこと。

1. 単位の接線角をえたる一端固定アーチのたわみ

図-1,a のアーチ LR の両端の位置と、右端 R の回転を拘束して、左端 L を単位角度回転させよ ($\theta_L = 1$) とき、アーチ上の任意点 (x, y) が起すたわみは、

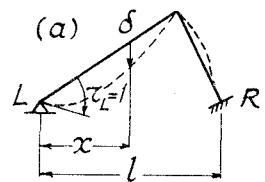
$$(\delta)_{\theta_L=1} = \frac{\ell D_{12}}{D} C_R - \frac{\ell D_{21}}{D} C_L + \frac{\ell D_{32}}{D} N \quad (1)$$

同様に支持条件とりえて、右端を単位角度回転させよ ($\theta_R = 1$) とき、同じくが起すたわみは、

$$(\delta)_{\theta_R=1} = \frac{\ell D_{12}}{D} C_R - \frac{\ell D_{21}}{D} C_L + \frac{\ell D_{31}}{D} N \quad (2)$$

左端に θ_L 、右端に θ_R なる回転が生じた場合には、たわみは、

$$\delta = (\delta)_{\theta_L=1} \times \theta_L + (\delta)_{\theta_R=1} \times \theta_R \quad (3)$$



2. 単位のスパン変化をえたる二端固定アーチのたわみ

アーチ LR の両端の回転を拘束してよき、スパンを単位長さ変化させよ ($sl = 1$) とき (図-1,b)，任意点に生ずるたわみ

$$(\delta)_{sl=1} = \frac{D_{12}}{D} C_R - \frac{D_{21}}{D} C_L + \frac{D_{32}}{D} N \quad (4)$$

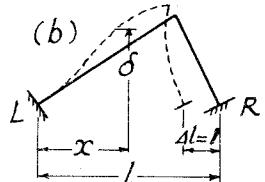


図-1

アーチの両端ともに回転が起り、さらにスパンが sl だけ変化したときは、式(3)と $(\delta)_{sl=1} \times sl$ を加算すればよいことによつて、全たわみが求められる。

3. 例

影響線の算定は、結局たわみの算定に帰着し、アーチ材に対するのは上出の式を利用することでその目的を達せられる。図-2に、左スパンの山形アーチの右端のモーメント M_{54} の影響

線をプロットした。これを求めるための変形条件は、節長さにありて。

$$\theta_{54} = \theta_5 + 1, \quad \theta_{56} = \theta_{62} \equiv \theta_5$$

たわみ角式の中に求めたの条件を盛りこんで計算を進めればよい。弹性式をとめて得た变形は。

$$\text{たわみ角 } \theta_4 = -0.146$$

$$\text{柱14の部材角}$$

$$R = 0.0549$$

$$\theta_5 = -0.248$$

$$\text{左アーチのスパン変化}$$

$$\Delta l_1 = -1.335$$

$$\theta_6 = -0.862$$

$$\text{右 " " }$$

$$\Delta l_2 = -0.1828$$

本例の等辺山形アーチに対するのは、式(1), (2), (4), 12を並び次のよき書かれ。

$$\text{式 (1) } \cdots \quad (\delta)_{\tau_L=1} = \frac{\ell}{2} \frac{x}{\ell} (2 - 3 \frac{x}{\ell}) (1 - 2 \frac{x}{\ell}) \quad x \leq \frac{\ell}{2}$$

$$\text{式 (2) } \cdots \quad (\delta)_{\tau_R=1} = \frac{\ell}{2} \left(\frac{x}{\ell} \right)^2 \left(-1 + 2 \frac{x}{\ell} \right) \quad "$$

$$\text{式 (4) } \cdots \quad (\delta)_{\Delta l=1} = -\frac{\ell}{f} \left(\frac{x}{\ell} \right)^2 (3 - 4 \frac{x}{\ell}) \quad " \quad f = 7.18^{\circ}$$

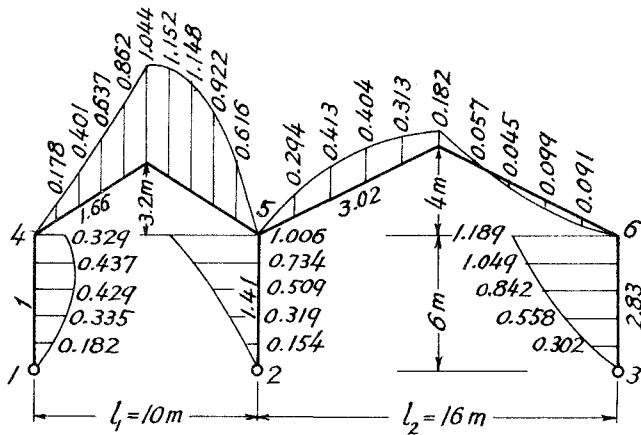


図-2

* 本報は西部支部研究発表会(S38.2.19 熊本市)の報文の内容をえたものである。