

II-20 道路排水の水理的研究

北海道大学工学部 正員 岸 力

○板倉忠興

アーノードーザー工事(株) 又保鉄哉

緒言 著者らは、道路排水系統のうち路盤排水に関する考察の中間報告書、土木学会第16回年次講演会（昭和36年5月）に於いて行なつたが、本文は、その後進めた考察の結果を述べたものである。

1. 直暗渠と有する路盤の排水

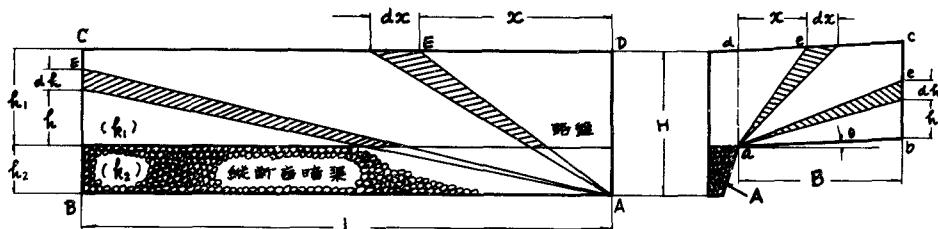


図-1 縦断面図

図-2 横断面図

路盤の排水過程を次の様に考えよ。縦断方向には図-1の様に、縦断直暗渠の存在する断面に於いて、路盤と縦断直暗渠との2点にわたる排水を考元、これに対し C. Iieggrande & Shannon の近似解法を変形して適用す。

$$dq = \frac{1}{2} \lambda e h_1 \left(1 + \frac{h_2}{H} \right) dx \quad (1-1)$$

$$\frac{dq}{dt} = \frac{1}{C_1} \left(k_1 \cdot \frac{H}{x} \cdot \frac{h_1}{2} + k_2 \cdot \frac{H}{x} \cdot \frac{A}{B} \right) \quad (1-2)$$

$$t = \frac{\lambda e}{2H} h_1 \left(1 + \frac{h_2}{H} \right) x^2 / \left(k_1 h_1 + 2 k_2 \frac{A}{B} \right) \quad (1-3)$$

但し $0 \leq x \leq L$

$$dq = -\frac{1}{2} \lambda e L \cdot \frac{h(h+2h_2)}{(h+h_2)^2} dh \quad (1-4)$$

$$\frac{dq}{dt} = \frac{1}{C_2} \left(k_1 \cdot \frac{h+h_2}{L} \cdot \frac{x}{2} + k_2 \cdot \frac{h+h_2}{L} \cdot \frac{A}{B} \right) \quad (1-5)$$

$$t = \frac{\lambda e L^2}{k_1} \int_0^h \frac{h(h+2h_2)}{(h+h_2)^3 (h+2k_2 A/k_1 B)} dh \quad (1-6)$$

但し $0 \leq h \leq h_1$

一方、縦断直暗渠の存在しない部分については、図-2の様に縦断直暗渠に向（横断方向）

に排水が行なわれると考え、傾斜した路盤に対する Casagrande & Shannon の方法をそのまま適用してこれを前述の試験方向の排水時間に加算する。

有効動水勾配及び平均流水断面積に対する補正是 Casagrande の場合と同様に補正係数 C を用いて行なう。Casagrande では実験から 50% 排水に対する $C = 1.35$ を得てゐる。著者らは二つ補正係数に流れが純粹に二次元的に進行化ると考えたことに對する補正をも含めて、実験から 50% 排水に対して $C = 1.67$ 、90% 排水では $C = 0.75$ を得た。

試験盲暗渠を横断方向に移動させて行なった実験値とこの近似解法とを比較するところ図-3 の如くである。

2. 模型実験の相似性

Navier-Stokes の方程式の抵抗の項に対し、近似的に定常的圧運動に対す抵抗の形として Darcy の式を代入すると、結局、地下水の運動方程式として(2-1)式を得る。

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{\lambda} \frac{\partial u}{\partial t} &= - \frac{1}{g} \frac{\partial p}{\partial x} - \frac{q}{k} u \\ \frac{1}{\lambda} \frac{\partial v}{\partial t} &= - \frac{1}{g} \frac{\partial p}{\partial y} - \frac{q}{k} v \\ \frac{1}{\lambda} \frac{\partial w}{\partial t} &= - g - \frac{1}{g} \frac{\partial p}{\partial z} - \frac{q}{k} w \end{aligned} \right\} \quad (2-1)$$

一方、模型の地下水流に於ける運動方程式は

$$\frac{n}{\beta^2} \frac{\lambda_p}{\lambda_m} \frac{1}{\lambda_p} \frac{\partial u_p}{\partial t_p} = - g \frac{\partial h_p}{\partial x_p} - \frac{n}{\beta} q \frac{k_p}{k_m} \cdot \frac{1}{k_p} u_p \quad (2-2)$$

従って模型と実物の運動方程式が等しいためには

$$\frac{n}{\beta^2} \frac{\lambda_p}{\lambda_m} = 1 = \frac{n}{\beta} \frac{k_p}{k_m} \quad (2-3)$$

(2-3)式をえたるためには、模型と実物の土砂の空隙率を等しく、また、模型の土砂の透水係数を実物のそれの $1/\sqrt{n}$ に等しくする必要がある。

透水係数は一般に 10% 粒径に関する(2-4)式の形で知られる。

$$k = C d_{10}^2 \quad (2-4)$$

$$\therefore d_{10p} = \sqrt{n} d_{10m} \quad (2-5)$$

今回模型実験に用いた則は $\lambda_e = 3\%$ 、 $d_{10} = 0.75 \text{ mm}$ 、 $k = 0.24 \text{ cm/sec}$ 在 3 切込砂利の模型に相当する。これ体现在北海道地方で実際に施行されてゐる代表的なものであり、著者らの実験から得た補正係数 C の値は実際の計算に用ひ得る性質のものである。

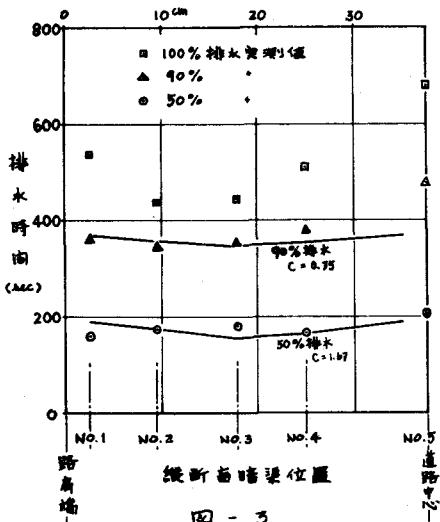


図-3