

I-17 粘性土に生ずる間隙水圧について

九州大学工学部 正員 工博 水野 高明

" " 徳光 善治

" " ○ 川上 浩

飽和粘土の三軸急速試験中に生ずる間隙水圧について考察するには、図-1 の如き A. Casagrande が提案したモデルについて考えると好都合である。このモデルには剛体の球が格子状に配置され、それが縦横にバネで連結されており、その空隙は水で完全に満たされているとする。そしてこのバネは圧縮時と膨脹時ではバネ定数が異なるものとする。

今、単位長さの一边をもつ立体をとって考える。

図-1 に示す如く直交座標 x, y, z 軸を考える。今

K_x, K_y, K_z : 3 方向夫々の圧縮変形に対するバネ定数

K'_x, K'_y, K'_z : 3 方向夫々の膨脹変形に対するバネ定数

$\Delta \sigma_x, \Delta \sigma_y, \Delta \sigma_z$: Δt 時間 に この立体 に 作用 した 外応力 の 増分

$\Delta \bar{\sigma}_x, \Delta \bar{\sigma}_y, \Delta \bar{\sigma}_z$: " に 生じた 有効応力 の 増分

Δu : " に 生じた 間隙水圧 の 増分

とすると次の関係が成り立つ。

$$\Delta \sigma_x = \Delta u + \Delta \bar{\sigma}_x \quad \Delta \sigma_y = \Delta u + \Delta \bar{\sigma}_y \quad \Delta \sigma_z = \Delta u + \Delta \bar{\sigma}_z \quad \dots \dots \dots (1)$$

又 $\Delta \varepsilon_x, \Delta \varepsilon_y, \Delta \varepsilon_z$: 3 方向夫々の変位の増分 (圧縮変位を正)

$$\left. \begin{array}{lll} \Delta \varepsilon_x, \Delta \varepsilon_y, \Delta \varepsilon_z > 0 \text{ の時は } & \Delta \bar{\sigma}_x = K_x \cdot \Delta \varepsilon_x & \Delta \bar{\sigma}_y = K_y \cdot \Delta \varepsilon_y \quad \Delta \bar{\sigma}_z = K_z \cdot \Delta \varepsilon_z \\ \Delta \varepsilon_x, \Delta \varepsilon_y, \Delta \varepsilon_z < 0 \text{ の時は } & \Delta \bar{\sigma}_x = K'_x \cdot \Delta \varepsilon_x & \Delta \bar{\sigma}_y = K'_y \cdot \Delta \varepsilon_y \quad \Delta \bar{\sigma}_z = K'_z \cdot \Delta \varepsilon_z \end{array} \right\} \dots \dots \dots (2)$$

$$\text{又急速試験中は} \quad \Delta \varepsilon_x + \Delta \varepsilon_y + \Delta \varepsilon_z = 0 \quad \dots \dots \dots (3)$$

が成り立つ。

これを一般に行つて、側圧一定、軸圧のみ増加という三軸圧密急速試験に適用すると

$$\textcircled{\text{a}} \text{ 圧縮初期には } \Delta \sigma_3 - \Delta u = \Delta \bar{\sigma}_3 = K'_z \cdot \Delta \varepsilon_3$$

$$\Delta \sigma_1 - \Delta u = \Delta \bar{\sigma}_1 = K'_x \cdot \Delta \varepsilon_1$$

$$\text{において } \Delta \sigma_3 = 0 \quad \Delta \sigma_1 = \Delta p : \text{軸差応力の増分}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{であるから} \\ -\Delta u = \Delta \bar{\sigma}_3 = K'_z \cdot \Delta \varepsilon_3 \\ \Delta p - \Delta u = \Delta \bar{\sigma}_1 = K'_x \cdot \Delta \varepsilon_1 \end{array} \right\} \dots \dots \dots (4)$$

$$\Delta \varepsilon_1 + 2\Delta \varepsilon_3 = 0$$

$$\text{これから } \Delta p = \left(\frac{2K'_z}{K'_x} + 1 \right) \Delta u$$

$$\frac{K'_x}{K'_z} = \lambda \quad \text{と置く}$$

$$\Delta u = \frac{1}{1 + \frac{2}{\lambda}} \cdot \Delta p \quad \dots \dots \dots (5)$$

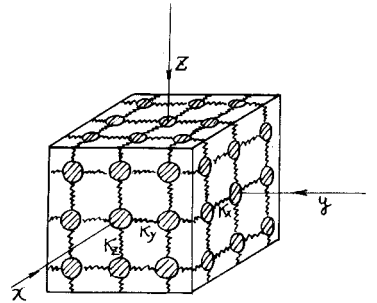


図-1 A. Casagrande による土の力学モデル

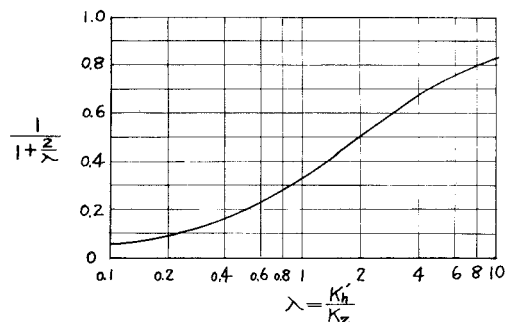


図-2

この $\frac{1}{1+\frac{2}{\lambda}}$ は Skempton の間隙水圧係数 A に相当し、その報告通り土によって広く変化する常数である。入の値によるこの係数の変化は図-2 に示す如くである。土が弾性体ならば $\lambda=1$ で $\frac{1}{1+\frac{2}{\lambda}}=\frac{1}{3}$ となる。

◎ 圧縮終期 軸荷重の増加と共に土は段々破壊状態に近づくのであるが、先づ垂直方向の有効応力 $\bar{\sigma}_z$ がその土に固有な極限値 $\bar{\sigma}_f$ に達して垂直方向のバネが完全塑性の状態になると考える。即ち垂直有効応力の増分は零になる。(4)式で

$$\Delta \bar{\sigma}_z = \Delta \bar{\sigma}_r = 0 \quad \text{とすれば} \quad \Delta p - \Delta u = 0, \quad \bar{\sigma}_z = 0$$

$$\text{故に} \quad \Delta u = \Delta p \quad \Delta \varepsilon_1 = \frac{\Delta \Delta p}{K_2} \quad \dots \dots \dots (6)$$

即ち破壊状態に近づくとき軸荷重の増分に等しい間隙水圧を生ずる事になる。更に圧縮が進行して横方向のバネが完全塑性になると土は完全塑性の状態を示す様になる。

◎ 以上の場合は圧縮が充分行なわれていて軸荷重の増分に相応する間隙水圧が生じうる場合であるが、圧縮を行なわないう急速試験の様な場合には間隙水圧が側圧と同値に達するとそれ以上は間隙水圧は増加しえない。即ち $\bar{\sigma}_3 = u$ に達すると $\Delta u = 0$ 或は $\Delta u < 0$ となるが

(4)式の関係満足したまま $\Delta u \leq 0$ とはなりえないから $\Delta \varepsilon_1 + 2\Delta \varepsilon_3 < 0$ という容積変化を起してそれに応ずる事になる。

一般の三軸試験のやり方である側圧 $\bar{\sigma}_3 = \text{const}$ について考えて来たが、側圧が変化する場合には(4)式で $\bar{\sigma}_3 \neq 0$ として解くと

$$\Delta u = \left(\frac{1}{1+\frac{2}{\lambda}} \right) \Delta p + \Delta \bar{\sigma}_3 \quad \dots \dots \dots (7)$$

なる関係がえられる。

2.3 の不攪乱粘土について実験を行っていき、その例を図-3、図-4 に示す。圧縮は応力制御にて行い、1時間位で圧縮を終えている。実験の結果圧縮初期の係数 $\frac{1}{1+\frac{2}{\lambda}}$ を常数と考えると適合するのは1%位であり、至3~4%から $\Delta u = \Delta p$ なる間隙水圧が生ずる事が見られる。大部分の Data で終期には $\Delta u = \Delta p$ なる間隙水圧が生じており、又初期の係数も一部の土ではその土に固有な係数と決める事が出来る。しかし学内粘土では同じ様な Test を行っても初期の係数が大きな差異を示す場合があり、その原因と極める迄には至っていない。

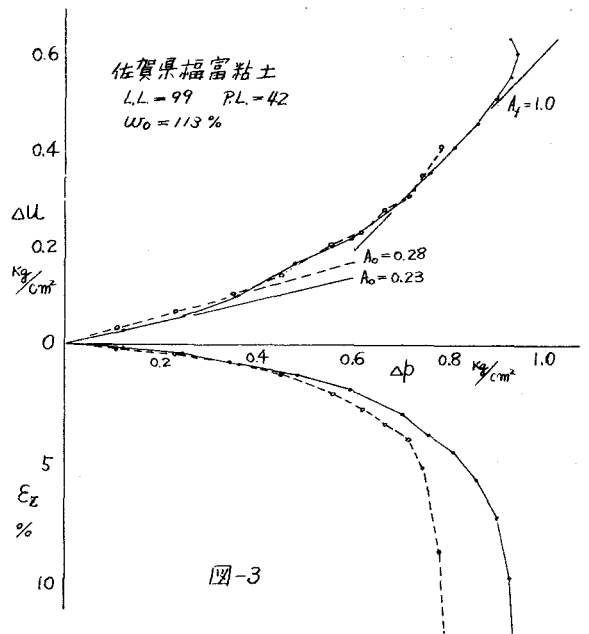


図-3

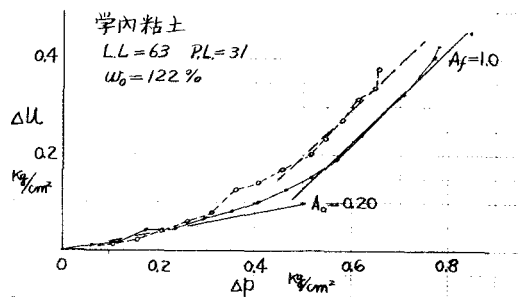


図-4