

III-40 搪水式発電所サージタンクの水理計算について

電力中央研究所 正員 千秋信一
左 正員・秋元 保

近年我が國においては電力需要の急増に伴い大容量新鋭火力発電所の建設が着々進められているが、一方では尖頭負荷に対処すべき揚水式発電所の建設計画が漸次活潑となりつつあり、火力発電ないしは原子力発電との組合せによる経済運営の立場は将来益々顯著となる模様である。このような重要な使命をなす揚水式発電所の設計に当つては、そのレイアウト、ポンプタービン、水圧管、サージタンク等さまざまな面に特別な問題点が提起されるが、とりわけ導水路サージタンクの水理設計は現在のことろ不問に附されている実情であつて研究すべき幾つかの課題が残されている。揚水式発電所のサージタンクの設計は、通常の発電時における負荷変動に対する條件の他に、揚水中のポンプトリップに伴う現象についても吟味を加えなければならぬ。揚水中ポンプモーターへの動力が遮断されると、ポンプの回転速度は急激に低下し水圧管外に負の水圧が生じ同時に揚水量が急減して遂には水圧管外をポンプへ向つて逆流がはじまり、サージタンクの水位は下降する。この下降サージは、発電時に負荷急増した場合の下降サージよりも常に危険水位を与え大きな水槽容量を必要とすることが、実例についての設計計算の経験から知られた。従つてポンプトリップ時のサージングの計算は揚水式発電所のサージタンクの水理設計に当つてオーナーに実施すべき重要性をもつてゐる。

ポンプトリップに伴い揚水管路外に発生する水衡作用については、従来 Angus, Parmakian, Peabody 等の研究によつてその計算法が提示されているが、サージタンクの水位変動に着目した研究は行われていない。サージタンクの水位変動は明かにポンプ通過流量の時間的経過と密接に関係しているが、このポンプ流量の変化はトリップ時に水圧管外に生ずる水衡圧の支配を受け、これはまたポンプの全般特性とも関聯し、さらに水衡圧反射真水面（サージタンク水位）の時間的变化の影響を受ける。オーパーフローフレーティング法としては、サージタンク水位の変動を無視し反射真水面一定の條件で固定真計算法を行ひその結果得られるポンプ流量の経過曲線を境界條件にしてサージング計算を行う方法が考案られるが、後述の計算例で比較するように大きな誤差を伴う。一方、サージングの数値積分と水衡圧の固定真計算法とを時々刻々について交互に繰り返し、水槽水位の変化による補正を水衡圧計算に折込んでゆく方法は、サージング計算の時隔を水衡圧伝播時間のオーダーでとるため必要以上の労力を要し、しかも水位変化の補正を固定真計算法に適用することは理論上嚴密には正しくない。

こゝに提案する計算法は、シュナイダー・ベルジェロンの特性直線法にもとづき、ポンプの全般特性を満たし同時にサージタンク水位の変化を考慮して水衡圧の因式計算を行ひ、その結果から、ポンプトリップ後閑塞弁が作動しない場合のポンプ通過流量の時間的経過を求めるものである。こうして得られたポンプの流量変化を境界條件として従来のサージング数値計算を単独に実施し、サージタンクの設計を吟味することができる。この計算法の要

当性を証明するために、外径 295 mm、全長 200 m の実験用管路に模型ポンプ（1 H, 揚程 2 m）を接続し、貯水位一定の場合および貯水位を直線的に低下せしめた場合についてポンプアドリップ試験を行ったところ、実験結果は、この模型量について下記計算法で行った計算結果と良好な一致を示した。

サーボタンクをもつ揚水発電所のポンプアドリップ時のポンプ流量経過の計算法

水圧計算のための特性直線法の基本式は、

$$H'_{xt} - H'_{xt_1} = +2P(g'_{xt} - g'_{xt_1}), \quad H'_{xt} - H'_{xt_2} = -2P(g'_{xt} - g'_{xt_2}) \quad \dots \dots (1)$$

ただし、 $H = H/H_0$, $g' = g/g_0 = v/v_0$, $P = \alpha g_0 / 2gH_0 A_0$ で、 H_0 , g_0 はポンプの定格揚程、流量をとり、 A_0 は水圧管の断面積である。

ポンプの慣性方程式は、無次元表示で近似的に、

$$\alpha_{n+1} - \alpha_n = K_1 (\beta_{n+1} + \beta_n) \Delta t \quad \dots \dots (2)$$

ただし、 $\alpha = N/N_0$, $\beta = M/M_0$, $K_1 = 450 g w H_0 Q_0 / \pi^2 W R^2 \eta_0 N_0^2$, $\Delta t = t_n - t_{n-1}$ で、 N_0 , M_0 , η_0 はポンプの毎分回転数、トルク、効率の定格値、また WR^2/g は回転部分の慣性モーメントである。別に、ポンプの全般特性図（揚水、制動、逆流の各領域に対するもの）を準備する必要がある。

サーボタンクの水位変動に関する基本式は、通常の運動、連續の式を無次元化し、水位を放水位基準にありためて、 $Q'_n = -K_2 + K_3 H'_{n-1} + K_4 Q'_{n-1} \quad \dots \dots (3)$

$$H'_n = K_5 g'_n - K_5 Q'_n + H'_{n-1} \quad \dots \dots (4)$$

ただし、 $Q' = Q/Q_0$, $Q_0 = g_0$, Q は導水路外流量、 $K_2 = g f H_0 \Delta t / Q_0 L$, $K_3 = g f H_0 \Delta t / Q_0 L$, $K_4 = 1 - (g f h_0 \Delta t / Q_0 L)$, $K_5 = Q_0 \Delta t / F H_0$, H および H_0 は放水位を基準とした水槽および貯水池の水位、 f , L は導水路の断面積と長さ、 F は水槽断面積、 h_0 は定格流量に対する損失頭である。以上の

式とポンプの特性図に基づいて 図-1 の如く 図式計算が進められる。計算方法の詳細は講演時に述べる。図-1 の計算結果が得られたポンプの流量経過は 図-2 に実線で示す。

図-1 図式計算例

