

コンクリート橋における主桁の分担荷重および床版の解法

北大工学部 工博 正員 横道英雄

鉄筋コンクリートまたはプレストレストコンクリート橋（図-1）に荷重が載ると、図-2、4を如く変形をし、荷重は各主桁に分配される。コンクリート橋では、主桁と床版とは剛結されており、また主桁は通常支承部下には横材によつて固定されているので、変形に際しては主桁の振り抵抗モーメントが働く。しかし床版の振り抵抗はこれに比して無視し得ると考えられる。従つて図-3に示すよつて、載荷点を通る1本の横材と主桁とより成る格子と考えてよい。横材の材端曲げモーメントは撓角撓度法により

$$M_{r,r+1} = \frac{2EI}{\lambda} (2\theta_r + \theta_{r+1} - 3R_r) - C_{r,r+1}$$

$$M_{r+1,r} = \frac{2EI}{\lambda} (\theta_r + 2\theta_{r+1} - 3R_r) + C_{r+1,r}$$

で表され、撓角 θ と横材回転角 R は主桁の振り抵抗および曲げ剛度を考慮すれば

$$\frac{2EI}{\lambda} \theta_r = -\alpha (M_{r,r+1} + M_{r+1,r})$$

$$\frac{6EI}{\lambda^2} R_r = \frac{6EI}{\lambda^2} (\delta_{r+1} - \delta_r) = \beta \lambda (V_{r+1} - V_r)$$

となり、従つて各格間毎に次の2式を得。

$$(1) \left\{ \begin{array}{l} dM_{r+1,r} + eM_{rr+1} + aM_{rr+1} + fM_{r+1,r} + cM_{r+1,r+2} + dM_{r+2,r+1} \\ = -C_{r,r+1} - \beta R_r^o \\ dM_{r+1,r} + cM_{rr+1} + gM_{r+1,r} + aM_{r+1,r} + eM_{r+1,r+2} + dM_{r+2,r+1} \\ = +C_{r+1,r} - \beta R_r^o \end{array} \right.$$

$$\text{但し, } a = 1 + 2\alpha + 2\beta, \quad b = \alpha + 2\beta, \quad c = \alpha - \beta, \quad d = -\beta, \\ e = 2\alpha - \beta,$$

$$\alpha = \frac{2E}{G} \frac{I}{I_x} \frac{L}{\lambda} R_r^o, \quad \beta = 2 \left(\frac{L}{\lambda} \right)^3 \frac{I}{I_x} (R_r^o)^2 \quad R_r^o = \lambda (V_{r+1}^o - V_r^o).$$

$$(2) \quad V_r = \frac{1}{\lambda} (M_{r+1,r} + M_{r,r+1} - M_{r,r+1} - M_{r+1,r}) + V_r^o$$

以上により、(1)式を解けば、主桁の分担荷重は(2)式により求められる。但し、 I_x は主桁の振り断面2次モーメントである。例として、図-5、6の如き主桁2本および3本の場合につづけた材端曲げモーメント、および主桁分担荷重の影響線を示せば図-7～12の如くである。同図には、横材と主桁の断面2次モーメントの比 $I/I_x = 1/346$ 、1の2種につき示してあり、また比較のため、主桁撓度間の差従つて回転角 R_r を無視した従来の近

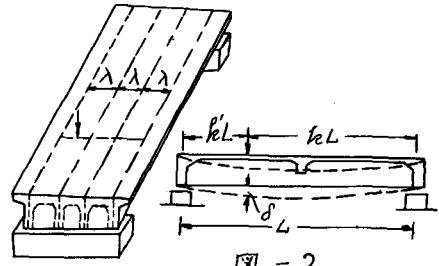


図-1

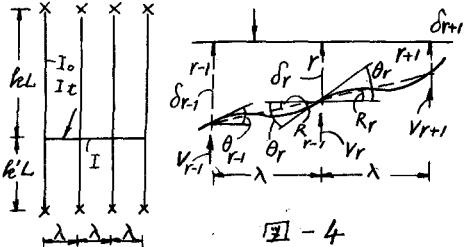


図-4

図-3

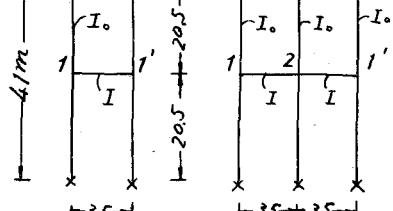


図-5

図-6

似計算法の結果も示してある。

これによれば、厳密計算と近似計算とは、曲げモーメントの符号に著しい差異のあることがわかる。

また主析挽度の影響を考慮しても、横材回転角尺を一定と考えた Courbon の近似計算法では、常に耳折が最大荷重を分担するとしており、誤りであることがわかる。すなわち

図-11によれば V_1 の最大は 2 檻向満載の時に生ずるが、等布荷重満載 $2\lambda w$ の下では $I_o = 346 I$ の場合 $V_1 = 0.616 \lambda w$ 、横材の剛性を増加した $I_o = I$ の場合も $V_1 = 0.621 \lambda w$ で、平均分担荷重の $\frac{2}{3} \lambda w$ より小さく、中向主析の方方が大きい。Courbon 法によれば、3 本主析の場合の耳折は平均荷重の約 1.04 倍となる。

また著者の方法では簡単のため、横材 1 本を考えたが、その曲げ剛度すなわち I の値を適当に選ぶことにより十分正確な結果を得るものである。

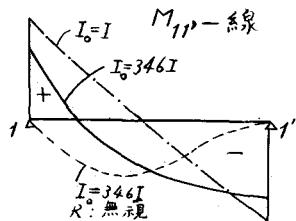


図-7

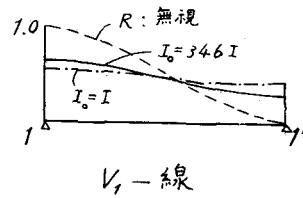


図-8

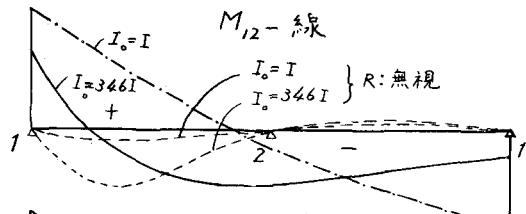


図-9

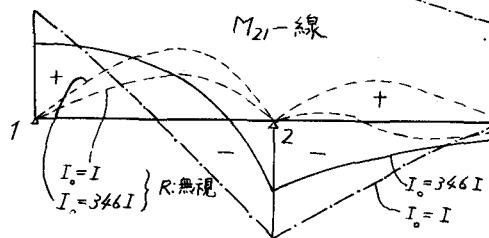


図-10

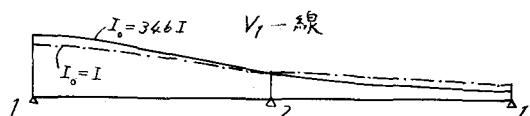


図-11

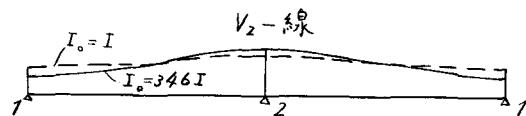


図-12