

# 溷濁水流について

正員久宝保\*

## ON THE FLOW OF TURBID WATER

(JSCE June 1951)

*Tamotsu Kubo, C.E. Member.*

**Synopsis** The author shows in this paper analyses and experiments on the turbid water flow of such a river as becomes frequently turbid when its level is high. The results are as follows:

- (1) The size of particle of suspended mud affects the flow of turbid water.
- (2) The turbulent viscosity of pure water is often ununiform, but in the case of turbid water it is uniformly distributed. The flow, therefore, tends to be laminar.

It seems that we can rectify the usual knowledge of turbid flow, accordingly the idea above mentioned is preferable to be taken into consideration when a high water work is planned.

**要旨** 著者は本論において、特に高水時に溷濁し易い河川の溷濁水流の解析及び実験を行い、次のような結果を得たことを示そう。即ち、

(1) 混濁水流はその浮遊泥土の粒子の大きさによつて流れ方を異にすること。

(2) 純水流では乱れの粘性係数が不同に分布され易いが、溷濁水流では一様に分布し、流れは整流となる傾向を帶びること。

これらは従来の溷濁水流に関する考え方を改めねばならないので、治水計画にも上記の点を考慮してなすべきものであると思われる。

### 1. 混濁水の基本的性質

溷濁した河水の中に含まれている泥土量は、予想以外に少量であつて、最大濃度の溷濁水と思われる黄河の洪水期でも重量濃度が 1~0.8% であるといわれている<sup>1)</sup>。著者は土砂路面上の溷濁水の濃度を実測し、Roth<sup>2)</sup> 及び野満隆治博士<sup>3)</sup> の説に従い、大体重量濃度 0.06% 位が普通河川の最大濃度でないかと考えている。

このような微小量の泥土が河水に入つてゐたとしても、その溷濁水の単位重量  $\gamma_r$  は極めて純水のそれに近かく、重量濃度 0.06% の溷濁水が入つてゐると、12.3°C の水が 5°C に低下した場合とが相應し、殆んど無視しても差支えないものと思われる。

次に著者は Du Nouy の表面張力を用いて、蛙目粘土の溷濁水の表面張力を測定した。この結果——

(1) 重量濃度 0.06% の溷濁水の表面張力は蒸溜水のそれと大差がない、(2) それより多量の粘土を加わえ

ると拠物線的に表面張力を増大し、(3) 重量濃度約 3% よりその増加の割合は小さくなり、(4) その 3% を境界として異なる傾向の曲線を示す。著者の実験方法より考えて、重量濃度 3% 以下には微粒泥土を含み、それ以上は粗粒泥土を含み易い傾向を示したものと考えている。

又、溷濁水の分子的粘性係数は片山重夫氏<sup>4)</sup> によつて、大体 Einstein の式が成立するものといわれるが、その実験結果より 1% の粘土を加わえた蒸溜水の粘性係数の増加は、10°C の純水が 8.815°C に低下した場合のその増加に応じ、更に 0.06% の粘土を加わえたとすれば、その粘性係数の変化は極めて小さい。

このように個々の流体としての性質は、溷濁水でも純水でも河川流では大差がないように思われるが、流れとしてそれが綜合されると溷濁水と純水とで差異を生ずるものではないかと思われた。ここに著者は瀧紙を用いて溷濁水の毛管分析を行つてみた<sup>5)</sup>。この結果——(1) 重量濃度 3% 以下の溷濁水(木節粘土の水)は比較的の曲線上に乗るが、(2) 3% 以上のものは結果が散在し、(3) 純水の場合とは異つた毛管上升速度を示した。この結果は表面張力の測定結果と偶然一致した境界値の 3% 重量濃度を示し、なお、溷濁水として微粒泥土と粗粒泥土とでは異つた傾向を示すことが出来ると思われた。

例えは整流でも容易に運ばれる微粒粘土のあることは、極めて簡単に土砂路面上の流れで目撃することができる。故に粗粒粘土はいわゆる交換係数の大なる乱流によつて運ばれるものと考えて差支えなかろう。更に、H.A. Einstein<sup>6)</sup> 等の研究により、浮遊泥土を wash-load(粗粒泥土) と suspended load(微粒土砂)

\* 徳島大学工学部教授



$$-\frac{1}{9} \frac{\eta^2}{w_0^2} \left[ \frac{\alpha(\rho_b - \rho_w)}{\rho_w} c \pm \frac{w_0}{\eta} y \right]^3 \\ + \frac{1}{16} \frac{\eta^2}{w_0^2} \left[ \frac{\alpha(\rho_b - \rho_w)}{\rho_w} c \pm \frac{w_0}{\eta} y \right]^4 \\ - \dots \dots \dots \{ + u_b \dots \dots \dots \quad (13)$$

となり、この計算例を  $\rho_{sg}=2.65 \text{ gr/c.c.}$ ,  $\rho_{wg}=1 \text{ gr/c.c.}$ ,  $w_0/\eta=0.03 \text{ L/cm}$ ,  $\rho_b g=1.025 \sim 1.200 \text{ gr/c.c.}$  として計算してみた<sup>12)</sup>。その結果、

(1) 底流速  $U_b = 0$  とすると、微粒泥土では流速が水の整流のものより大となり、粗粒泥土では小さくなつた。

(2) 底床附近の流速は水のみの整流の場合に比して、微粒泥土では増加の割合が小さく、粗粒泥土では減少の割合が大きい。

(3) 何れの大きさの泥土でも、著者の計算例では水のみの整流の場合と大体似ている。

さて(13)式の近似式として全く抛物線分布を仮定すれば、

$$u = \frac{aJ}{\lambda \mu_w} \left( H_0 y - \frac{1}{2} y^2 \right) \left( \frac{a+1}{a} \pm \rho_b g \right) \dots \quad (14)$$

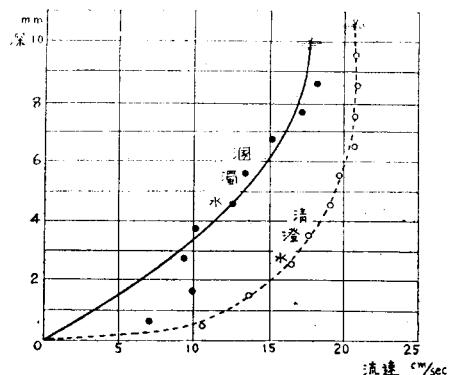
となつた。

写真-1 実験用小水路(前方)  
Small flume for experiments (the forward)



この結果を調べるために写真-1 のような実験水路に赤土(真土)の溷濁水を流下して、食塩注射針をピトーメータ管として流速分布を測定した。水路が極めて小さく設備を整えることができない上に、溷濁水の性質が時間的に変化し易いので、多くの実験を期待することができなかつた。然しその結果は図-1 に示すように、水のみの流れで乱流となる水路でも、溷濁水流は

図-1 水と溷濁水との流速分布の例  
Examples of velocity distributions of water and turbid water



$$u = 3.534(0.01y - 0.5y^2) \quad \text{单位: m/sec.}$$

となり、(14)式の中の粗粒粘土の傾向と、整流的な流速分布とを示すことが明らかとなつた。故に著者は前述の仮定を一応認めると共に、溷濁水流では交換係数の分布が深さの方向に一様になり、総合的粘性係数  $\mu_k$  は溷濁水の分子粘性係数に比例し、乱流効果を失つて整流的な流れ方を示すものと考えている。なお(13)式には2~3の仮説を含むために、実際の溷濁水流では寧ろ(14)式の方が近いものと考へてもよいであろう。

### 3. 涡濁水の平均流速

従来考えられて来た水流と溷濁水流（体積濃度  $m_V$  の）の平均流速（ある流域の）の比は、

$$\frac{u_{1w}}{u_r} = \frac{\gamma_w}{\gamma_w + m_1(\gamma_s - \gamma_w)} \dots \dots \dots (15)$$

とせられ、 $u_{1w}$ : 水の平均流速、 $u_s$ : 涡濁水の平均流速、 $\gamma_w$ : 水の単位重、 $\gamma_s$ : 泥土の空気中の絶対的単位重である。これは著者の考え方によれば粗粒泥土に関するものと思われる。さて(14)式の結果を用いて(15)式を満足せしめようすると、

$$u_r = \frac{JH_0^2}{3\lambda\mu_m} \left\{ \gamma_w \pm m_r (\gamma_s - \gamma_w) \right\} \dots \dots \dots (16)$$

となり、正号は微粒泥土、負号は粗粒泥土に関する平均流速の式を得る。即ち、微粒泥土を含む溷濁水流では流体の重量の増加が著しく、それだけ流速が大となる傾向があり、粗粒泥土ではそれを流下せしめるためのエネルギーが流体の重量の増加として得られるよりも大きなエネルギーを要するために流速が低下すると考えればよいわけである。

今，“沖積地における河川流について”(学会誌前号)に示したエネルギー方程式によつてそれを説明することゝしよう。即ち、その表層のみの濁濁水の等速定流では、水と泥土とが同じ速度で流れるものとすると、夫々流量は、

$$Q_{1w} = u_r F_{1w}, \quad Q_{1s} = u_r F_{1s}$$

とすれば、

$$\begin{aligned} \frac{d}{dx} & \left[ (y_0 + y_1)(1 + \gamma_s' S) + \frac{1}{2} S(\gamma_s' - 1)y_1'' \right] \\ & + \frac{1}{2} \left\{ u_r^2(1 + \alpha_{1w} + \xi_{1w}/\rho) + \gamma_s' S u_r^2(1 + \alpha_{1s} \right. \\ & \left. + \xi_{1s}/\rho) + (1 + \beta)\gamma_s w_0^2 u_r S \right\} / 2g + u_r^3 U_{1w} C_{1w} / F_{1w} \\ & + \gamma_s' u_r^3 U_{1s} C_{1s} / F_{1w} + h^2 \omega / B_{1w} \\ & + \gamma_s' B_{1s} / \kappa F_{1w} u_r = 0 \quad \dots \dots \dots (17) \end{aligned}$$

となり、水面勾配を  $J$  とすると、

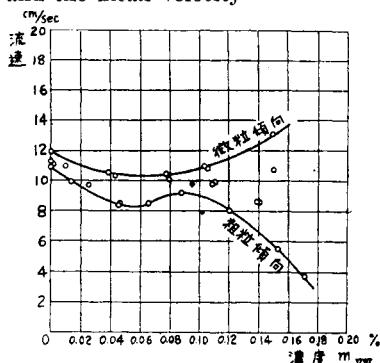
$$-J = \frac{d}{dx} (y_0 + y_1)$$

であるから、

$$\begin{aligned} u_r = & \left\{ \left\{ 2gJ(1 + \gamma_s' S) + gsy_1'' \right\} / dx - 2 \frac{d}{dx} \left\{ h^2 \omega / B_{1w} \right. \right. \\ & \left. \left. + \gamma_s' B_{1s} / u_{1w} F_{1w} \kappa \right\} \right\} / \frac{d}{dx} (\alpha_{1w} + \xi_{1w}/\rho) \\ & + \gamma_s' S \frac{d}{dx} (\alpha_{1s} + \xi_{1s}/\rho) + \gamma_s' S (w_0^2/u_r^2) \alpha \beta / dx \\ & + 2gu_r^3 (U_{1w}/F_{1w}) dC_{1w} / dx + 2gu_r^3 \gamma_s' \\ & \left. \left( U_{1s}/F_{1w} \right) dC_{1s} / dx \right\}^{1/2} \quad \dots \dots \dots (18) \end{aligned}$$

となる。著者はこの式の中の分子を 加速度部分といい、分母を 減速度部分ということにする。(但しその附号の説明は“冲積地における河川流について”(学会誌前号)に示しておいたが、 $\gamma_s' = \gamma_s/\gamma_w$  で泥土の比重、 $S = F_{1s}/F_{1w}$ 、 $F_{1s}$  及び  $F_{1w}$  は泥土及び水の実質的流積、 $h$  は波高、 $\omega$  はその伝播速度、 $B_{1w} + \gamma_s' B_{1s}$  は水面幅、 $\kappa$  は波形による係数、 $\alpha_{1w}$  は水流の内部で失われるエネルギーの割合、 $\alpha_{1s}$  は同じく泥土のそれ、 $\xi_{1w}/\rho$  は水の蛇行部における偏心率、 $\xi_{1s}/\rho$  は泥土のそれ、 $w_0$  は泥土の沈降速度、 $\beta$  はその係数、 $U_{1w}$  は水の渦辺長、 $U_{1s}$  は泥土の渦辺長、 $C_{1w}$  は水の渦辺において失う摩擦係数、 $C_{1s}$  は泥土のそれ、を示す。)(18)式より明らかに、加速度部分においては、  
(1)泥土を含むことによつて流速は増大する。  
(2)表面波が減衰することによつて流速は増大する  
減速度部分においては、

図-2 泥土含有量と平均流速との関係  
Relation between the mud quantity and the mean velocity



(3)泥土を含むことによつて流速は減少する。

(4)河川が蛇行することによつて流速は減少する。

(5)泥土の沈降速度が大になると流速は減少する。

(6)流れの実質部分が内部及び渦辺部で失うエネルギーの割合が増大すれば流速は減少する。

従つて、(1)の加速度部分と(3)及び(5)の減速度部分の何れが大きいかによつて、平均流速は純水流よりも増大することもあるれば減少することもある。

これを実験するために前述の小水路で種々の泥土含有量の流速を測定すると図-2 のような結果を示した。本実験でも微粒泥土と粗粒泥土の分離設備がないために整然たる結果が得られなかつたが、なお上の曲線は微粒傾向を示し、下は粗粒傾向を示し、粒子の大きさによつてその流速が異なつたものとなることを示していると考えている。

#### 4. 涡渦水の不等速定流

直線水路において表面波を考えない場合の渦渦水流のエネルギー方程式に關して、周辺で失うエネルギーの割合を無視して、それだけ内部の摩擦で失われるエネルギーの割合を増加して( $\alpha_{1w}''$  及び  $\alpha_{1s}''$ )考えるものとし、更に簡単にするため矩形水路における定流であるとするとエネルギー方程式を  $x$  について積分し、

$$\begin{aligned} (y_0 + y_1)(\gamma_w u_r y_{1w} + \gamma_s u_r y_{1s}) - \frac{1}{2} \gamma_w u_r y_1 y_{1s} \\ + \frac{1}{2} \{ \gamma_w u_r^3 y_{1w} (1 + \alpha_{1w}'') + \gamma_s u_r^3 y_s (1 + \alpha_{1s}'') \} \\ + (1 + \beta) \gamma_s w_0^2 u_r y_{1s} \} / g = E \quad \dots \dots \dots (19) \end{aligned}$$

となり、 $x=0$  で  $y_1=y_{10}$  として既知の水位を用いれば  $E$  が計算せられ、その値を用いて、 $y_1$  を  $x$  の函数として求めることができる。これによつて渦渦水流の水面曲線が求められるはずである。(水のみの流れに関する水面曲線の求め方は既に本間仁博士<sup>14)</sup>によつてなされ、著者も又、著者の示すエネルギー方程式を用いて求める方法を発表する予定である。<sup>15)</sup>)

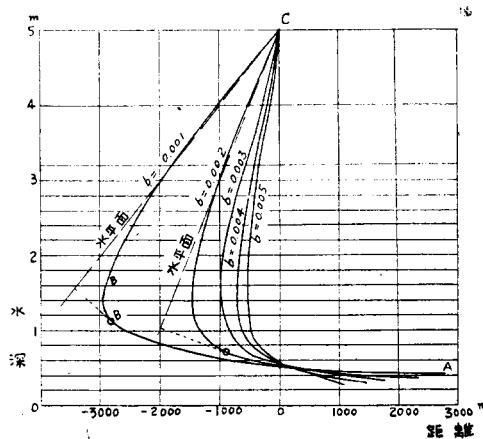
今、(19)式の計算例として、

$$\begin{aligned} 1 + \alpha_{1w}'' &= 1.1 \quad (\text{Bélanger 係数使用}), \quad \alpha_{1s}'' = 0, \\ w_0^2 &\neq 0, \quad Q_{1w} = 5 \text{ m}^3/\text{sec}, \quad Q_{1s} = 0.0005 \text{ m}^3/\text{sec}, \\ \gamma_s / \gamma_w &= 2.6, \quad y_{10} = 5 \text{ m}, \quad y_0 = 5 - bx \end{aligned}$$

として計算すると、図-3 のような結果となつた。

なお図中の点線は大々の底勾配に対する水平面を示したものである。これより見て明らかのように、 $x < 0$  でその近くにおいてわざかに水面下降の部分があり、 $x > 0$  では射流となる傾向を示しているものと思われる。 $x=0$  で常流であったものが  $x>0$  で射流になることは、いわば渦渦水流が著しく加速せられた結果を示し、著者のいう微粒泥土を有するものにはその傾向が著しいであろう。なおこれらは矛盾のある

図-4 こんだく水の不等速流  
Nonuniform flow of turbid water



点があり、表面波のエネルギーについて考慮しなければ説明し難い多くの問題を含んでいると考えている。

特に河川流に泥土が他より加わった場合には、その泥土を浮遊運搬するためのエネルギーが水流から与えられねばならないので、流速が低下し、水面が逆勾配になろうとする傾向があることも説明せられる。これも表面波のことを考慮すれば容易に説明せられるのであるが、今後の研究によつてその点を更に確めたいと考えている。(例えば山腹の崩壊が乱流効果を収め、

流速を減じ、水面を上昇せしめ、表面波を減衰せしめることが説明されるが、こゝでは省略したい。<sup>16)</sup>

#### 参考文献

- 1) 野瀬隆治、「河川学」182頁、その他。2) Hogen-togler, "Engineering properties of Soil," (宇都宮寿夫訳、20頁。3) 1)-200頁。4) 松尾新一郎、片山重夫、「土粒子分散系の流体学的性質について」、関西工学連合講演会、昭和24年10月。5) 久宝保、「渦渦水の毛管分析について」、建設工学、第3卷、第4号。6) H. A. Einstein, A. G. Anderson, "A distinction between bed-load and suspended load in natural streams," Trans. Am. Geo. Union, 1940, p. 628. 7) L.G. Straub, "Hydraulic and sedimentary characteristics of rivers," Trans. Am. Geo. Union, 1932, p. 375. 等。8) J. E. Christiansen, "Distribution of silt in open channels," Trans. Am. Geo. Union, 1935, p. 478. 9) 合田健、「開水路における浮游流砂の分布について」、土木学会誌、第35卷、第10号、17頁。10) Y.L. Chang, "Laboratory investigation of flume traction and transportation," Pro. A.S.C.E., 1937, p. 1701. 等。11) 久宝保、「開水路における乱流の総平均流速分布について」、土木学会誌、第35卷、第7号、9頁。12) 久宝保、「乱流の流速分布に関する提案(第Ⅱ報)」、徳島大学研究報告、第2卷、第1号。13) 赤木正雄、「渦流及砂防工学」、72頁。14) 本間仁、「不等流の系統的な計算法」、土木学会第6回年次学術講演会。15) 久宝保、「堤防の高さについて」、土木技術。16) 久宝保、「沖積地の河川流概説」、徳島大学研究報告、第2卷、第2号。

(昭.25.11.21)

DUC 624.131:539 215.9

## 土質力学体系への一試案

正員 工学博士 最 上 武 雄\*

### AN APPROACH TO THE SYSTEM OF THE SOIL MECHANICS

(JSCE June 1951)

Dr. Eng. Takeo Mogami, C.E. Member,

**Synopsis** A proposal to obtain the systematic views to the soil mechanical phenomena which is based on the principle of thermodynamics was suggested.

It consists in that two types of mechanism of deformation must be recognized, one is due to the change of configuration of particles, the other is due to the change of the internal energy. The mechanism of the former type which is supported by the author's theory of the mechanics of grains is considered to be due to the non-uniform distribution of the porosities or the moisture content in soil.

This proposition explains reasonably the effects of the compaction of soil, the behaviour of the motion of sand which has been studied by the author and the change of the mechanical properties of soil due to that of the moisture content.

1. 現在の土質力学は力学と言う言葉であらわされる内容とは可成り隔りがある事は多くの人に言われてゐる所である。土質力学と言うよりは土質物理学又は土質工学と呼ばれた方が適切なのである。我々が土質力学の教科書を読んだ場合に痛感する事は、この學問に包括されている諸内容が統一的な内容となつていな

い事である。例えば粘土は透水性が悪い事及び粘土は粘着力に富んでいる事は知られているけれども、この二つの現象を統合して説明する原理を欠いてゐる。恐らくは粘土粒子の大きさ小さく且つ鱗片状である事から両方の性質が導き出されるのであろうけれども、現在の処は一種の予想に止つてゐる。このような統一原

\* 東京大学教授、工学部土木教室