

論 說 報 告

第 23 卷 第 12 號 昭和 12 年 12 月

偏心軸圧力を受くる鉄筋コンクリート對稱 矩形断面の算定表解法

會 員 重 松 愿*

Tabular Solution of the Reinforced Concrete Symmetrical Rectangular Section subjected to Eccentric Compression

By Gen Sigenatu, C.E., Member.

要 旨 本文は偏心軸圧力を受くる鉄筋コンクリート對稱矩形断面の算定法を述べ、任意の弾性比 n に關する算定表を準備してその算例を示せるものである。

1. 応力断面の平衡式

鉄筋コンクリート對稱矩形断面に偏距 e なる偏心軸圧力 N (或は軸圧力 N と曲力率 M) が作用する場合の靜平衡條件 $\Sigma N=0, \Sigma M=0$ の形式及材料強弱に關する応力比例式は圖-1 応力配賦圖を参照して、

$$N - \frac{1}{2} b \alpha \sigma_c + A_s (\sigma_s - \sigma_s') + \frac{1}{2} b (x-h) \sigma_c' = 0 \dots\dots\dots (1)$$

$$N e - \frac{1}{2} b x \left(\frac{1}{2} h - \frac{1}{3} x \right) \sigma_c - A_s \left(\frac{1}{2} h - d' \right) (\sigma_s + \sigma_s') - \frac{1}{2} b (x-h) \left(\frac{1}{6} h + \frac{1}{3} x \right) \sigma_c' = 0 \dots\dots (2)$$

$$\frac{\sigma_c}{x} = \frac{\sigma_s}{n(h-x-d')} = \frac{\sigma_c'}{x-h} \dots\dots\dots (3)$$

茲に σ_c' の項に附加せる符號 “ ” の部分はコンクリートの一部が張応力に作用せられ、その有效断面を缺断面とするときに其の部分の算入を除外すべきことを示す。

上式 (1), (2) 及 (3) は応力断面解析に對する必要にして充分なる條件式であるが、その計算の便宜上一般に規約さるゝ比例記號 k, p などと共に、

$$k' = \frac{d'}{h}, \quad \alpha = \frac{1}{2} \frac{d'}{h}$$

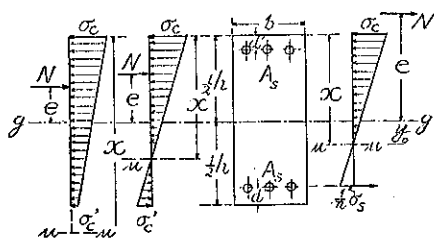
を與へて式 (1) 及 (2) を (3) により σ_c 式或は σ_s 式 (σ_c' 式) の形に導けば、

$$N = b h \sigma_c \left\{ \frac{1}{2} k + 2np \left(1 - \frac{1}{2k} \right) \right\} + \left[b h \sigma_c \left\{ -\frac{1}{2} k + \left(1 - \frac{1}{2k} \right) \right\} \right] \dots\dots\dots (4)$$

$$N \frac{e}{h} = b h \sigma_c \left(-\frac{1}{6} k^2 + \frac{1}{4} k + 2np \alpha^2 \frac{1}{k} \right) + \left[b h \sigma_c \left(\frac{1}{6} k^2 - \frac{1}{4} k + \frac{1}{12k} \right) \right] \dots\dots\dots (5)$$

或は

圖-1. 応力配賦圖



* 京都帝國大学助教授 工学士

$$N = \frac{bh\sigma_s}{n(1-k-k')} \left\{ \frac{1}{2}k^2 + 2np \left(k - \frac{1}{2} \right) \right\} + \frac{bh\sigma_s}{n(1-k-k')} \left\{ -\frac{1}{2}k^2 + \left(k - \frac{1}{2} \right) \right\} \dots\dots\dots(6)$$

$$N \frac{e}{h} = \frac{bh\sigma_s}{n(1-k-k')} \left(-\frac{1}{6}k^3 + \frac{1}{4}k^2 + 2np\alpha^2 \right) + \frac{bh\sigma_s}{n(1-k-k')} \left(\frac{1}{6}k^3 - \frac{1}{4}k^2 + \frac{1}{12} \right) \dots\dots\dots(7)$$

但し $\frac{\sigma_s}{n(1-k-k')} = \frac{\sigma_c'}{k-1}$

σ_s 式 (6) 及 (7) は “ ” 部分を算入するとき σ_c' 式を表はす。

2. k の既知量条件式及算定表

断面解析に關して σ を求めんとする場合、この未知量たるべき σ を式 (4) と (5) 或は (6) と (7) に就て消去して得る条件式は、

$$k^3 + 3 \left(\frac{e}{h} - \frac{1}{2} \right) k^2 + 12np \frac{e}{h} k - 6np \left(\frac{e}{h} + 2\alpha^2 \right) + \left\{ -k^3 - 3 \left(\frac{e}{h} - \frac{1}{2} \right) k^2 + 6 \frac{e}{h} k - 3 \left(\frac{e}{h} + \frac{1}{6} \right) \right\} = 0 \dots\dots\dots(8)$$

また p を未知量とするとき他の既知材件より成る条件式を特に σ_c 式 (4) と (5) より求むれば、

$$k^3 - 2k^2 + 3 \left(\frac{1}{4} + \alpha^2 + 2 \frac{e}{h} \frac{1}{C_1} \right) k - 3 \left(\frac{e}{h} + 2\alpha^2 \right) \frac{1}{C_1} + \left\{ -k^3 + 2k^2 - 3 \left(\frac{1}{4} + \alpha^2 \right) k - \left(\frac{1}{2} - 6\alpha^2 \right) \left(1 - \frac{1}{2k} \right) \right\} = 0 \dots\dots\dots(9)$$

但し $C_1 = \frac{bh\sigma_c}{N}$

同様に h を σ_c 式 (4), (5) に就て消去せる条件式は、

$$\left(\frac{2}{3} + C_2 \right) k^4 - (1 - 8npC_2)k^3 - 4npC_2(1 - 4np)k^2 - 8np(\alpha^2 + 2npC_2)k + 4n^2p^2C_2 + \left\{ - \left(\frac{2}{3} + C_2 \right) k^4 + (1 - 8npC_2)k^3 + 4C_2(1 + 5np)k^2 - \left[\frac{1}{3} + 4(1 + 4np)C_2 \right] k + (1 + 4np)C_2 \right\} = 0 \dots\dots\dots(10)$$

但し $C_2 = \frac{be\sigma_c}{N}$

上式 (10) に於て p の代りに A_s が與へらるゝときには式 (4) を参照して得らるゝ次の形式を式 (10) に代置してよいことになる。

$$p \left(\begin{aligned} = \frac{A_s}{bh} &= \frac{(k^2 - "k^2 + 2k - 1")C_3}{2(1 - 2nC_3)k + 2nC_3} \\ &= \frac{(")}{2(C_4 - 2nC_2)k + 2nC_2} \end{aligned} \right) \dots\dots\dots(11)$$

但し $C_3 = \frac{A_s\sigma_c}{N}$, $C_4 = \frac{be}{A_s}$

上式 (8)~(11) は夫々 $k, e/h, p; k, e/h, C_1; k, p, C_2; k, C_2, C_3$ 或は k, C_2, C_4 の關係式であり、 k を除く他の材件は夫々の關係式に於て絶対的既知量であるから $e/h, p, k$ の關係値に連繫して $C_1 \dots C_4$ の關係値を一つの算定表或は図表に作れば、それに依つて既知材件の計算を経てこれに對応する任意未知材件の値を算出することが出来る。

特に σ_c を含む記號 $C_1 \dots C_2$ に對應しては σ_s 式 (6) 及 (7) より σ_s を含む記號、

表-2. の 式 算 定 表 載

e/h	p = p' = 0.001 (1/%)			0.002 (1/%)			0.003 (1/%)			0.004 (1/%)			0.005 (1/%)			0.006 (1/%)			0.007 (1/%)			0.008 (1/%)			0.009 (1/%)			
	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	k	S ₁	S ₂	
0.46	3.00	110	50.4	110	2.0	2.0	3.00	110	50.4	110	2.0	2.0	3.00	110	50.4	110	2.0	2.0	3.00	110	50.4	110	2.0	2.0	3.00	110	50.4	110
0.50	3.71	127	60.8	127	1.7	1.4	3.71	127	60.8	127	1.7	1.4	3.71	127	60.8	127	1.7	1.4	3.71	127	60.8	127	1.7	1.4	3.71	127	60.8	127
0.55	3.24	109	53.5	109	2.0	1.6	3.24	109	53.5	109	2.0	1.6	3.24	109	53.5	109	2.0	1.6	3.24	109	53.5	109	2.0	1.6	3.24	109	53.5	109
0.60	2.97	237	143	237	1.6	1.3	2.97	237	143	237	1.6	1.3	2.97	237	143	237	1.6	1.3	2.97	237	143	237	1.6	1.3	2.97	237	143	237
0.70	2.61	332	192	332	1.5	1.2	2.61	332	192	332	1.5	1.2	2.61	332	192	332	1.5	1.2	2.61	332	192	332	1.5	1.2	2.61	332	192	332
0.80	2.25	395	224	395	1.4	1.1	2.25	395	224	395	1.4	1.1	2.25	395	224	395	1.4	1.1	2.25	395	224	395	1.4	1.1	2.25	395	224	395
0.90	1.89	447	241	447	1.3	1.0	1.89	447	241	447	1.3	1.0	1.89	447	241	447	1.3	1.0	1.89	447	241	447	1.3	1.0	1.89	447	241	447
1.00	1.53	498	251	498	1.2	0.9	1.53	498	251	498	1.2	0.9	1.53	498	251	498	1.2	0.9	1.53	498	251	498	1.2	0.9	1.53	498	251	498
1.10	1.17	549	261	549	1.1	0.8	1.17	549	261	549	1.1	0.8	1.17	549	261	549	1.1	0.8	1.17	549	261	549	1.1	0.8	1.17	549	261	549
1.20	0.81	600	271	600	1.0	0.7	0.81	600	271	600	1.0	0.7	0.81	600	271	600	1.0	0.7	0.81	600	271	600	1.0	0.7	0.81	600	271	600
1.30	0.45	651	281	651	0.9	0.6	0.45	651	281	651	0.9	0.6	0.45	651	281	651	0.9	0.6	0.45	651	281	651	0.9	0.6	0.45	651	281	651
1.40	0.09	702	291	702	0.8	0.5	0.09	702	291	702	0.8	0.5	0.09	702	291	702	0.8	0.5	0.09	702	291	702	0.8	0.5	0.09	702	291	702
1.50	0.33	753	301	753	0.7	0.4	0.33	753	301	753	0.7	0.4	0.33	753	301	753	0.7	0.4	0.33	753	301	753	0.7	0.4	0.33	753	301	753
1.60	0.17	804	311	804	0.6	0.3	0.17	804	311	804	0.6	0.3	0.17	804	311	804	0.6	0.3	0.17	804	311	804	0.6	0.3	0.17	804	311	804
1.70	0.01	855	321	855	0.5	0.2	0.01	855	321	855	0.5	0.2	0.01	855	321	855	0.5	0.2	0.01	855	321	855	0.5	0.2	0.01	855	321	855
1.80	0.11	906	331	906	0.4	0.1	0.11	906	331	906	0.4	0.1	0.11	906	331	906	0.4	0.1	0.11	906	331	906	0.4	0.1	0.11	906	331	906
1.90	0.21	957	341	957	0.3	0.0	0.21	957	341	957	0.3	0.0	0.21	957	341	957	0.3	0.0	0.21	957	341	957	0.3	0.0	0.21	957	341	957
2.00	0.31	1008	351	1008	0.2	0.0	0.31	1008	351	1008	0.2	0.0	0.31	1008	351	1008	0.2	0.0	0.31	1008	351	1008	0.2	0.0	0.31	1008	351	1008
2.10	0.41	1059	361	1059	0.1	0.0	0.41	1059	361	1059	0.1	0.0	0.41	1059	361	1059	0.1	0.0	0.41	1059	361	1059	0.1	0.0	0.41	1059	361	1059
2.20	0.51	1110	371	1110	0.0	0.0	0.51	1110	371	1110	0.0	0.0	0.51	1110	371	1110	0.0	0.0	0.51	1110	371	1110	0.0	0.0	0.51	1110	371	1110
2.30	0.61	1161	381	1161	0.0	0.0	0.61	1161	381	1161	0.0	0.0	0.61	1161	381	1161	0.0	0.0	0.61	1161	381	1161	0.0	0.0	0.61	1161	381	1161
2.40	0.71	1212	391	1212	0.0	0.0	0.71	1212	391	1212	0.0	0.0	0.71	1212	391	1212	0.0	0.0	0.71	1212	391	1212	0.0	0.0	0.71	1212	391	1212
2.50	0.81	1263	401	1263	0.0	0.0	0.81	1263	401	1263	0.0	0.0	0.81	1263	401	1263	0.0	0.0	0.81	1263	401	1263	0.0	0.0	0.81	1263	401	1263
2.60	0.91	1314	411	1314	0.0	0.0	0.91	1314	411	1314	0.0	0.0	0.91	1314	411	1314	0.0	0.0	0.91	1314	411	1314	0.0	0.0	0.91	1314	411	1314
2.70	1.01	1365	421	1365	0.0	0.0	1.01	1365	421	1365	0.0	0.0	1.01	1365	421	1365	0.0	0.0	1.01	1365	421	1365	0.0	0.0	1.01	1365	421	1365
2.80	1.11	1416	431	1416	0.0	0.0	1.11	1416	431	1416	0.0	0.0	1.11	1416	431	1416	0.0	0.0	1.11	1416	431	1416	0.0	0.0	1.11	1416	431	1416
2.90	1.21	1467	441	1467	0.0	0.0	1.21	1467	441	1467	0.0	0.0	1.21	1467	441	1467	0.0	0.0	1.21	1467	441	1467	0.0	0.0	1.21	1467	441	1467
3.00	1.31	1518	451	1518	0.0	0.0	1.31	1518	451	1518	0.0	0.0	1.31	1518	451	1518	0.0	0.0	1.31	1518	451	1518	0.0	0.0	1.31	1518	451	1518
3.50	1.41	1620	461	1620	0.0	0.0	1.41	1620	461	1620	0.0	0.0	1.41	1620	461	1620	0.0	0.0	1.41	1620	461	1620	0.0	0.0	1.41	1620	461	1620
4.00	1.51	1722	471	1722	0.0	0.0	1.51	1722	471	1722	0.0	0.0	1.51	1722	471	1722	0.0	0.0	1.51	1722	471	1722	0.0	0.0	1.51	1722	471	1722
4.50	1.61	1824	481	1824	0.0	0.0	1.61	1824	481	1824	0.0	0.0	1.61	1824	481	1824	0.0	0.0	1.61	1824	481	1824	0.0	0.0	1.61	1824	481	1824
5.00	1.71	1926	491	1926	0.0	0.0	1.71	1926	491	1926	0.0	0.0	1.71	1926	491	1926	0.0	0.0	1.71	1926	491	1926	0.0	0.0	1.71	1926	491	1926

$$S_1 = \frac{bh\sigma_s}{N}, \quad S_2 = \frac{be\sigma_s}{N}, \quad S_3 = \frac{A\sigma_s}{N}$$

が得らるゝこと及 σ_c' 式を準備すれば、こゝに $S_1 \dots S_3$ に代はるべき記號 $C_1' \dots C_3'$ の存することは計算法を待たずして明らかである。

表-1, σ_c 式算定表: $e/h, p, k, C_1, C_2, C_3$ の關係値

表-2, σ_s 式算定表: $e/h, p, k, S_1, S_2, S_3$ "

表-3, $\sigma_c' = 0$ 算定表: $e/h, p, k=1, C_1, C_2, C_3, C_4$ "

は上式 (8)~(12) に基き任意

表-3. $\sigma_c' = 0$ 算定表

の $n, e/h=0 \sim 5, p=0 \sim 0.03$

(15/n) に對応する k, C_1, \dots, C_4

S_1, \dots, S_3 の數値を $k'=0.08$

に假定して作製せるものであ

るが、 σ_s 表の一部及 σ_c' 表は利用の機會が少いと思はれるのでこれを省略したのである。

$\beta=F$	0.00	0.02	0.05	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09	0.10	0.12	0.14	0.16	0.18	0.20	0.25	0.30
e/h	0.172	1.11	1.32	1.51	1.71	1.95	2.22	2.05	2.06	2.10	2.16	2.22	2.27	2.32	2.36	2.40	2.55
C_1	1.24	1.82	1.83	1.79	1.74	1.67	1.65	1.61	1.57	1.54	1.47	1.41	1.35	1.30	1.25	1.14	1.05
C_2	0.334	3.24	3.34	3.33	3.32	3.30	3.29	3.27	3.25	3.22	3.17	3.12	3.07	3.01	2.92	2.82	2.67
C_3	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
C_4	1.72	1.5	1.53	1.56	1.6	1.62	1.64	1.65	1.66	1.67	1.68	1.69	1.7	1.71	1.72	1.73	1.74

3. 断面長算定に関する問題の解法

問題 I.

力率 M , 直圧力 N , 鉄筋率 p (或は鉄筋量 A_s) が與へられ、許容応力 σ_{ca} と σ_{sa} 或は σ_{ca} と σ_{ca}' が指定さるゝとき断面長 h の算定。

本問は指定の許容応力に關し解法が不定 (indeterminate solution) であり、單に力率のみを受くる場合と同じく σ_{ca} と σ_{sa} を同時に充たすべき h を求むることが出来ない。即ち断面解析に關する 3 つの未知量の中先づ h を式 (10) で計算し、 h を σ_c 式 (4) 或は (5) から求むるも、なほ未知量として残れる σ_s を解かざれば解答が確定的にならないので、これを応力比例式から算出することにより計算上嚴正解 (exact solution) が得られたのであるが、このとき $\sigma_s > \sigma_{sa}$ ならば指定に背くから σ_s 式 (6) 及 (7) により k 及 h を再算し σ_c を檢定して解法を完全ならしめねばならない。而してこの解法の二途は σ_c 式及 σ_s 式により 2 つの h を求めてその大きさを比較決定することに相當するが、斯くすることの計算は応力檢定法によるものよりも面倒であるので多くの解法は σ_c 檢定法による。併かし算定表によるときは 2 つの h の何れか適否の判定法が応力檢定法よりも容易なることが多いので主として h の比較解法を適用して便利である。

次に與へらるゝ材料が異なり條件數も變ずる二三の場合に就き夫々處理法を簡單に述べる。

(1) p が與へらるゝ場合の解法

(i) $M=Ne$ 或は e が既知なるとき: 前述の解法を有效断面が全面或は缺面なる場合、また特に $\sigma_c' = 0$ なる場合に就て夫々解式を以て示せば、

全面式:

$$h = \frac{N}{b\sigma_{ca}} \frac{k}{\left(\frac{1}{2} + np\right)(2k-1)} \dots \sigma_c \text{ 式}$$

$$h = \frac{N}{b\sigma_{ca}'} \frac{k-1}{\left(\frac{1}{2} + np\right)(2k-1)} \dots \sigma_c' \text{ 式}$$

$$h = \frac{e(1+2np)}{\frac{1}{6} + 4np\alpha^2}, \quad \sigma_c = \frac{N}{bh\left(\frac{1}{2} + np\right)} \dots \sigma_c = 0 \text{ 式}$$

断面式:

$$h = \frac{N}{b\sigma_{ca}} \frac{k}{\frac{1}{2}k^2 + np(2k-1)} \dots \sigma_c \text{ 式}$$

$$h = \frac{N}{b\sigma_{sa}} \frac{n(1-k-k')}{\frac{1}{2}k^2 + np(2k-1)} \dots \sigma_s \text{ 式}$$

但し $\frac{\sigma_c}{k} = \frac{\sigma_s}{n(1-k-k')} = \frac{\sigma_c'}{k-1}$

k : 式 (10) を σ_c, σ_c' 及 σ_s 式に適應せしめたる形式につき算定

(12)

上記の全面或は断面式何れによるべきかの採定に關する断面心距 $e_{k=1}$ の値は式 (10) に $k=1$ を與へて、

$$e_{k=1} = \frac{N}{b\sigma_{ca}} \frac{\frac{1}{12} + 2np\alpha^2}{\left(\frac{1}{2} + np\right)^2} \geq e \dots (13)$$

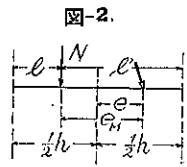
算定表による解法

$$p, e, C_2 = \frac{be\sigma_{ca}}{N}, \quad S_2 = \frac{be\sigma_{sa}}{N}$$

が既知であるから、 p の欄に於て C_2 或は S_2 に應ずる夫々の e/h の上下位置により何れか大なる h に應ずる e/h が判定されるから(上位のものが適合)それより h を算定する。或は對應する C_1, S_1 より h を計算してもよい。 h の確定値に應ずる σ の檢出には勿論 k を適用する。

特に $\sigma' = 0$ が指定されるときには最初 σ_c 従つて C_2 が不明であるから p と $k=1$ に應ずる e/h より h を求め C_1 若くは C_2 より σ_c を檢出する。

(ii) $M \pm Ne$ 或は e が未知なるとき: 所要断面の位置に或る外邊條件が與へられ分力 N の働點が h の中心でない如き場合では e の數値が不明であるので、例へば断面の一定點に關する N の偏距及其他の距離關係を導き、それを上記解式 (12) に代置する。圖-2 はこの關係を示す材件配置の一例であり、断面長 h の一端に對する N の偏距 l 或は l' が h 上に存し、最大応力 σ_c をして断面右端に發生せしめんとする 2 つの場合を示したもので、夫々の條件式は、



$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{2}h + e &= l + e_N \\ \frac{1}{2}h - e &= l' - e_N, \quad e_N = \frac{M}{N} \end{aligned} \right\}$$

にて與へられるが、これを一般に次の如く表はすことが出来る。

$$\frac{1}{2}h + e = l + e_N, \quad e_N = \frac{M}{N}$$

但し h の正負: 常に正

- l の正負: l が h 上に重なるとき正, 全く h 外に向ふとき負。
- e_M の正負: 断面端よりの l の向きと同向なるとき l の正負と同一, 反向するときは l の正負と相反せしめる。
- e の正負: 断面端よりの l の向きと同向端に最大応力 σ_c を生ぜしめんとするとき l の正負と同一, 反向端に生ぜしめんとするとき l の正負と相反せしめる。

この正負の採定には図解を併用して間違なきを期せばよい。

斯くしてこの場合に關する解法は解式 (12) に就て, k を式 (14) を代置して誘導せる形式とすればよく, 例へば σ_c 式に對する全面或は缺面計算何れか採定の條件も次の如くなる。

$$\frac{N}{b\sigma_{ca}} \left\{ \frac{1}{2} + \frac{\frac{1}{12} + 2np\alpha^2}{\left(\frac{1}{2} + np\right)^2} \right\} \geq l + e_M$$

これ e_{k=1} + 1/2 h ≧ l + e_M を表はすに外ならない。

算定表による解法

式 (14) の左邊に C₁ 及 C₂ を代置すると次の形式となるから,

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{2} C_1 \pm C_2 &= (l + e_M) \frac{l \sigma_c}{N} \\ \text{但し } e_M &= \frac{M}{N}, \quad C_1 = \frac{bh\sigma_{ca}}{N}, \quad C_2 = \frac{be\sigma_{ca}}{N} \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots (15)$$

± C₂ の符號: e の正負に依ず
e, l, e_M の正負: 式 (14) を参照

p の欄に於て上式の左邊が既知量右邊に適合する如き C₁ 或はそれに對應する e/h を求めて h を定める。e/h を採るならばそれを原式 (14) に代置して h を計算する。

σ_c 式計算に就ても σ_{ca}, S₁, S₂ を以て上記と同様にし或は応力檢定法により h を確定することは (i) の場合に異ならない。

特に σ_{ca}' = 0 の指定に對しては p と k = 1 に應ずる e/h を式 (14) に代置して h を計算し, C₁ より σ_c を檢定すればよいが, 或は式 (15) によつて σ_c を算出し, C₁ より h を求めてもよい。

(2) A_s が與へらるゝ場合の解法

(i) M = Ne 或は e が既知なるとき: 解式には式 (12) に對し, k の値として式 (10) 及 (11) より算出せらるるものを適用すればよく, 例へば σ_{ca} に關する全面或は缺面計算選定の限界は同じく k の解式より次の如く得られる。

$$\frac{1}{3} \frac{N}{b\sigma_{ca}} \{1 - nC_3\} \{1 - nC_3(1 - 12\alpha^2)\} \geq e$$

算定表による解法

$$e, C_2 = \frac{be\sigma_{ca}}{N}, \quad C_3 = \frac{A_s\sigma_{ca}}{N}, \quad C_4 = \frac{he}{A_s}$$

が既知であるから, 先づ表中に一對の C₂ と C₃ がその値に等しき存在を求め, それに應ずる C₄ 或は e/h により h を計算する。σ_{ca} に關しても同様である。

特に σ_c' = 0 の指定に對しては C₄ に應ずる e/h より h を, C₁ より σ_c を計算すればよい。

(ii) $M \neq Ne$ 或は e が未知なるとき: 解式 (12) を A_s を含む形式として適用するとき σ_{ca} に関する全面或は断面の限界は,

$$\frac{1}{3} \frac{N}{b\sigma_{ca}} (1-nC_3) \{4-nC_3(1-12\alpha^2)\} \geq l+em$$

算定表による解法

$$\left. \begin{aligned} C_3 &= \frac{A_s \sigma_{ca}}{N} \\ \frac{1}{2} C_1 \pm C_2 &= (l+em) \frac{b\sigma_{ca}}{N} \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots (16)$$

但し $\pm C_2, e, l, em$ の正負: 式 (15) と同様

なるにより, C_3 の値と同時に条件式を満足すべき C_1, C_2 の存在を求め, C_1 若くは対応する e/h より h を算出する。 σ_{sa} に就てもこれと同様にして h を見出すか, 或は σ_s を検定する。

特に $\sigma_{ca}'=0$ の指定する k に対しては,

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{C_3} \left(\frac{1}{2} C_1 \pm C_2 \right) &= (l+em) \frac{b}{A_s}, \quad k=1 \\ \dots\dots\dots & \dots\dots\dots (17) \end{aligned} \right\}$$

但し $\pm C_2, \dots, em$ の正負: 式 (15) 参照

なるが故に $k=1$ の算定表に就て上記条件を定め, C_3 より σ_c を検算して C_1 より h を求むるか, 或は e/h より h を求め C_1 其の他より σ_c を検算することが出来る。

算例 1: $b=1\text{ m}$ に付き $M=90\text{ tm}$, $N=150\text{ t}$ を受くる断面に對し $p=0.0075$, $\sigma_{ca}=40\text{ kg/cm}^2$, $\sigma_{sa}=1\ 200\text{ kg/cm}^2$, $n=12$ を與へてその厚さ h を求む。

解: $e = \frac{M}{N} = 60\text{ cm}$, $C_3 = \frac{b\sigma_{ca}}{N} = 1.6$, $p = 0.0075 = 0.006 \left(\frac{15}{12} \right)$, σ_c 表より $\frac{e}{h} = 0.48$, $k = 0.562$

$\therefore h = e / \left(\frac{e}{h} \right) = 125\text{ cm}$ (解答), $\sigma_s = \frac{n(1-k-k')}{k} \sigma_{ca} = 306\text{ kg/cm}^2$ (検算)

この場合 $S_2 = \frac{b\sigma_{ca}}{N} = 48 = 51 \left(\frac{12}{15} \right)$ は σ_s 表中になし。

算例 2: $b=1\text{ m}$, $M=180\text{ tm}$, $N=40\text{ t}$, $p=0.0045$, $\sigma_{ca}=40\text{ kg/cm}^2$, $\sigma_{sa}=1\ 200\text{ kg/cm}^2$, $n=20$ なるときの h を求む。

解: $e = \frac{M}{N} = 450\text{ cm}$, $C_3 = \frac{b\sigma_{ca}}{N} = 45$, $S_2 = \frac{b\sigma_{sa}}{N} = 1\ 350 = 1\ 020 \left(\frac{20}{15} \right)$

表中 $p = 0.0045 = 0.006 \left(\frac{15}{20} \right)$ の欄の上位にある S_2 を採り, $\frac{e}{h} = 2.46$, $k = 0.326$

$\therefore h = e / \left(\frac{e}{h} \right) = 183\text{ cm}$ (解答), $\sigma_c = \frac{k}{n(1-k-k')} \sigma_{sa} = 33\text{ kg/cm}^2$ (検算)

算例 3: 図-3 にて概形を示す鉄筋コンクリート橋臺に於て次の如く 4 つの假設断面に關し設計材件として, 正面幅 1 m に付き,

i) 主壁第 1 断面 AB に對し, $M=24\text{ tm}$, $N=120\text{ t}$, $p=0.006$, $\sigma_{ca}=45\text{ kg/cm}^2$, $\sigma_{sa}=1\ 200\text{ kg/cm}^2$, $n=12$ を與へ, N の働點 B₀ と最大応力發生を豫期する壁前面 B との距離を $B_0B=32\text{ cm}$ ならしむ。

ii) 第 2 断面 CD に於て, $M=40\text{ tm}$, $N=125\text{ t}$, $A_s=AB$ 面に於ける 2 倍量, $\sigma_{ca}=40\text{ kg/cm}^2$, $\sigma_{sa}=1\ 200$

kg/cm², $n=12$ を與へ特に N の働點 C_0 が B_0 の垂直下にあり, 壁面の最大応力點 D に對し $C_0D=B_0B+6\text{ cm}=38\text{ cm}$ ならしむるものとす。

iii) 基脚面 EF に對し, $M=50\text{ tm}$, $N=135\text{ t}$, $A_s=AB$ 面の 2 倍量, $\sigma_{ca}=40\text{ kg/cm}^2$, $\sigma'_{ca}\geq 0$, $n=12$ を與へ, N の働點 E_0 を C_0 の鉛直下に, $E_0F=38+34=72\text{ cm}$ ならしむ。

iv) 礎版に對しては, 背面礎段 $HE=30\text{ cm}$ ならしめ, 地盤接觸面に於て $M=58\text{ tm}$, $N=145\text{ t}$, その働點 G を E_0 の前方 20 cm に豫定し, 地盤耐荷量 $\sigma=100\text{ t/m}^2$ 及 $\sigma'\leq 0$ を與へ, 前端に最大応力發生を許すものとするとき,

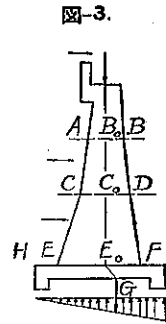


図-3.

以上各断面の水平長 h を求む。

解

i) 式 (14) により, $l=32\text{ cm}(+)$, $e_M=\frac{M}{N}=20\text{ cm}(-)$, $e(-)$

式 (15), $\frac{1}{2}C_1-C_2=(l-e_M)\frac{b\sigma_{ca}}{N}=0.45$, σ_c 表の $p=0.0075=0.006\left(\frac{15}{12}\right)$ の欄に於て條件式の満足を索

め, $C_1=2.24$, $k=0.774$

$\therefore h=\frac{N}{b\sigma_{ca}}C_1=60\text{ cm}$ (解答)

$k=0.774$ に對する σ_s は檢算するまでもなく可なり小なるを知る。

ii) $A_s=90\text{ cm}^2$, $l=38\text{ cm}(+)$, $e_M=32\text{ cm}(-)$, $e(-)$

式 (16), $\begin{cases} C_3=\frac{A_s\sigma_{ca}}{N}=0.0288=0.023\left(\frac{15}{12}\right) \\ \frac{1}{2}C_1-C_2=(l-e_M)\frac{b\sigma_{ca}}{N}=0.19 \end{cases}$

$p=0.009\left(\frac{15}{n}\right)$ 欄中の C_3 の値に於て同時に條件式の満足さる λ を知り, $C_1=2.55$, $k=0.656$

$\therefore h=\frac{N}{b\sigma_{ca}}C_1=80\text{ cm}$ (解答), $\sigma_s=\frac{n(1-k-k')}{k}\sigma_{ca}=193\text{ kg/cm}^2$ (檢算)

iii) $A_s=90\text{ cm}^2$, $l=72\text{ cm}(+)$, $e_M=37\text{ cm}(-)$, $e(-)$, 先づ $\sigma'_{ca}=0$ を與へて,

式 (17), $\frac{1}{C_3}\left(\frac{1}{2}C_1-C_2\right)=(l-e_M)\frac{b}{A_s}=39=49\left(\frac{12}{15}\right)$

この場合 EF 面の増大により p の値が CD 面に關する p の値より小なるべきを推定し, 條件を $\sigma'_{ca}=0$ 表に索めて e/h の代置計算により h を求むると,

$p=0.006\left(\frac{15}{12}\right)$, $\frac{e}{h}=0.195$, $C_1=1.69$, $C_3=0.0102\left(\frac{15}{12}\right)$

式 (14), $0.5h-0.195h=l-e_M=35$

$\therefore h=115\text{ cm}$ (解答), $\sigma_c=\frac{N}{bh}C_1=\frac{N}{A_s}C_3=20\text{ kg/cm}^2$ (檢算)

iv) $l=HE+EE_0+E_0G=93\text{ cm}(+)$, $e_M=40\text{ cm}(+)$, $e(+)$ σ_c 計算を適用して,

式 (15), $\frac{1}{2}C_1+C_2=(l+e_M)\frac{b\sigma_{ca}}{N}=0.917$, $p=0$ 欄に就て, $\frac{e}{h}=0.092$, $k=1.42$, $C_1=1.53$

式 (14), $0.5h+0.092h=l+e_M=133$

$$\therefore h = 2.25 \text{ m (解答) 或は } h = \frac{N}{b\sigma_{ca}} C_1 = 2.22 \text{ m, } \sigma_{ca}' = \left(1 - \frac{1}{k}\right) \sigma_{ca} = 30 \text{ t/m}^2 \text{ (検算)}$$

4. 他の諸問題に対する算定表の適用

h を求める問題以外の諸問題の解法に対しても總てその不定或は厳正なるに応じて σ_c 式及 σ_s 式より適當に所要項を抽出せる形式に就て、對應する k の條件式を與へて計算すべきことは既に明らかであるから解式誘導を省略し、次にその二三例題に對し算定表を適用して解法を示す。

問題 II.

b, h, A_s, M 及 N が與へられるとき σ_c 及 σ_s (或は σ_c') の算定 (厳正解)

算例 $b=100 \text{ cm}, h=40 \text{ cm}, 2A_s=2 \times 50 \text{ cm}^2, N=80 \text{ t}, M=6.4 \text{ tm}, n=12$ を與へて σ_c 及 σ_s を求めよ。

$$\text{解: } \frac{e}{h} = \frac{M}{Nh} = 0.2, \quad p = \frac{A_s}{bh} = 0.0125 = 0.01 \left(\frac{15}{12}\right) \text{ に對し, } C_1 = 1.5, \quad k = 1.02$$

$$\therefore \sigma_c = \frac{N}{bh} C_1 = 30 \text{ kg/cm}^2, \quad \sigma_s = \frac{n(1-k-k')}{k} \sigma_c = -35 \text{ kg/cm}^2 \text{ (圧応力)}$$

問題 III.

b, h, M, N 及 σ_{ca} と σ_{sa} 或は σ_{ca} と σ_{ca}' が與へられるとき A_s の算定 (不定解)

算例 1: $b=50 \text{ cm}, h=75 \text{ cm}, M=13.5 \text{ tm}, N=80 \text{ t}, \sigma_{ca}=40 \text{ kg/cm}^2, \sigma_{ca}' \geq 0$ 及 $n=10$ が與へられるとき p を求めよ。

解: $\frac{e}{h} = \frac{M}{Nh} = 0.222, C_1 = \frac{bh\sigma_{ca}}{N} = 1.88$ は表中 $k < 1$ の領域にあるから、これを捨て $\sigma_c' = 0$ 表に就き $e/h = 0.222$ に應ずる $C_1 = 1.41$ 及 p を求めて、

$$p = 0.014 \left(\frac{15}{10}\right) = 0.021 \text{ (解答), } \sigma_c = \frac{N}{bh} C_1 = 30 \text{ kg/cm}^2 \text{ (検算),}$$

算例 2: $b=100 \text{ cm}, h=75 \text{ cm}, M=45 \text{ tm}, N=30 \text{ t}, \sigma_{ca}=50 \text{ kg/cm}^2, \sigma_{sa}=1200 \text{ kg/cm}^2$ 及 $n=18$ を與へて p を求めよ。

解: $\frac{e}{h} = 2.0, C_1 = 12.5, S_1 = \frac{bh\sigma_{sa}}{N} = C_1 \frac{\sigma_{sa}}{\sigma_{ca}} = 300 = 250 \left(\frac{18}{15}\right), \frac{e}{h} = 2.0$ の行に於て p の大なるべき右方位の S_1 を採り、

$$p = 0.008 \left(\frac{15}{18}\right) = 0.0067 \text{ (解答), } k = 0.364, \quad \sigma_c = \frac{k}{n(1-k-k')} \sigma_{sa} = 44 \text{ kg/cm}^2 \text{ (検算)}$$

問題 IV.

b, M, N 及 σ_{ca} と σ_{sa} 或は σ_{ca} と σ_{ca}' を與へて h 及 A_s の算定 (厳正解)

算例 1: $b=50 \text{ cm}, M=40 \text{ tm}, N=21 \text{ t}, \sigma_{ca}=40 \text{ kg/cm}^2, \sigma_{sa}=1000 \text{ kg/cm}^2, n=15$ を與へて h 及 A_s を求めよ。

$$\text{解: } k = \frac{0.92}{1 + \sigma_{sa}/n\sigma_{ca}} = 0.345, \quad e = \frac{M}{N} = 1.91 \text{ m, } C_2 = \frac{b\sigma_{ca}}{N} = 18.2$$

この k と C_2 の所在を算定表に索めて $\frac{e}{h} = 1.73, p = 0.006$

$$\therefore h = e / \left(\frac{e}{h}\right) = 1.1 \text{ m, } A_s = p b h = 33 \text{ cm}^2$$

算例 2: 壁体の水平断面 1 m 幅に付き, 豫定の断面先端より外方 35 cm に $N=160$ t, 前方より後方に向ふ上部水平力による $M=88$ tm が作用するとき, $\sigma_{ca}=40$ kg/cm², $\sigma_{ca}'=0$ 及 $n=12$ を指定して (前端応力を最大ならしむる如き) h 及 A_s を求む。

解: e が不明であるから式 (15) を $k=1$ に付き適用して,

$$l=35 \text{ cm } (-), \quad e_M = \frac{M}{N} = 55 \text{ cm } (+), \quad \alpha(-)$$

$$\frac{1}{2}C_1 - C_2 = (-l + e_M) \frac{b\sigma_{ca}}{N} = 0.5, \quad k=1$$

$$\sigma_{c'} \text{ 表より, } C_1 = 1.06, \quad p = 0.007 \left(\frac{15}{12} \right) = 0.00875$$

$$\therefore h = \frac{N}{b\sigma_{ca}} C_1 = 66 \text{ cm}, \quad A_s = p b h = 58 \text{ cm}^2$$