# 天然有機物の存在下における懸濁粒子の凝集 に関するモデル実験

# MODEL EXPERIMENTS ON THE AGGREGATION OF SUSPENDED COLLOIDAL PARTICLES IN THE PRESENCE OF NATURAL ORGANIC MATTER

# 小林幹佳<sup>1</sup>・阿部勉<sup>2</sup>・牛米慶太<sup>3</sup>・細田貴之<sup>3</sup> Motoyoshi KOBAYASHI, Tsutomu ABE, Keita USHIGOME, and Takayuki HOSODA

<sup>1</sup>正会員 博士(農) 岩手大学 准教授 農学部(〒020-8550 岩手県盛岡市上田3-18-8)
<sup>2</sup>非会員 学士(農) 岩手大学大学院 農学研究科(〒020-8550 岩手県盛岡市上田3-18-8)
<sup>3</sup>非会員 学士(農) 岩手大学 農学部(〒020-8550 岩手県盛岡市上田3-18-8)

Aggregation and flocculation of colloidal particles such as clays and oxides control the flowing properties of cohesive sediment and the fate of substances with the particles in water environment, where natural organic matters (NOMs) such as humic substances and polysaccharides are abundant. The NOMs change aggregation behavior of colloidal particles and thus affect the transport properties. To elucidate the roles of NOMs on aggregation, we have studied the aggregation of model silica particles in the presence of alginate as model organic matter by using dynamic light scattering. Experiments were carried out by changing salt type (KCl and CaCl<sub>2</sub>), salt composition and concentration, and alginate concentration. Experimental results indicate that the addition of alginate alters the rate of aggregation compared to that of bare particles. That is, aggregation is enhanced in the presence of CaCl<sub>2</sub>, but it is reduced in KCl solution. Enhanced aggregation due to alginate and Ca ions is inhibited by the coexistence of K ions.

Key Words : Silica, alginate, flocculation, coagulation, dynamic light scattering

# 1. はじめに

水中に懸濁している粘土などの微粒子は、周囲の環境 条件に応じて互いに付着しあって凝集したりバラバラに 離れて分散したりする<sup>1,2,3,4,5</sup>. 微粒子の凝集分散は、 水中での水理学的な輸送単位を変化させる. そのため、 水域での懸濁粒子の輸送予測や底泥・粘着性土砂などの 複雑なレオロジー特性を考える上では、微粒子の凝集挙 動を理解する必要がある<sup>1,4-8</sup>.

通常, 微粒子の凝集分散は, 古典的なDerjaguin, Landau, Verwey, Overbeek (DLVO)理論<sup>1),2</sup>に基づいて議 論される. DLVO理論に基づけば, 水中で帯電した微粒 子の周りに形成される拡散電気二重層が, 粒子同士の接 近によって重なり合うことで反発力が発生するため, 凝 集は生じない. 一方, 電解質の添加により粒子の周りの イオンの濃度が高くなると, 拡散電気二重層は圧縮され, 粒子間のファンデルワールス引力により凝集が生じるよ うになる. この考え方に基づき, 河川水中の微細な土粒 子が河口域で海水(高濃度の電解質溶液)に接すると, 凝集により粒径が増加して沈降・堆積が促進されるといわれている<sup>3),4)</sup>.

多くの微粒子の凝集挙動がDLVO理論に従う一方, DLVO理論から予測される挙動に反して、塩濃度が増加 するにつれて自然の懸濁粒子の凝集が弱められる、とい う現象も報告されている<sup>4),5),9,10,11</sup>.小田ら<sup>9</sup>は,DLVO 理論に反する挙動は、天然有機物(natural organic matter, NOM)の一種である腐植物質が存在する場合に起きる ことを明らかにしている.また、底質付着生物が生産す る多糖類からなる細胞外ポリマー(extracellular polymeric substances, EPS)が、底質の凝集を通して、干潟の安定 化に関与していることも指摘されている<sup>12,13</sup>.これらの ことから、NOMが懸濁粒子の凝集分散におよぼす影響 を検討することは重要な研究課題と考えられる.

現在のところ,高分子電解質である多糖類や腐植物質 などのNOMが関与する凝集分散現象については, DLVO理論のような明確な理論的説明は与えられていな い.このような場合,現象を単純化したモデル実験を行 うことが現象解明の一助になると考えられる.そうした 観点から近年,正に帯電した酸化鉄のコロイド粒子の凝 集分散特性に対して、負に帯電した腐植酸やアルギン酸 などのNOMが与える影響を検討した実験が行われてい る<sup>14,15</sup>.その結果、一価のイオンが共存する時、NOM が立体安定効果により凝集を弱める効果があること、カ ルシウムなどの二価イオンとNOMの混合系の場合には、 浮遊するミクロなゲルが形成され、それが粒子間の架橋 として働くことで凝集を促進する効果があること、が指 摘されている.

しかしながら、環境中の粒子の多くは負に帯電している<sup>1),16</sup>にもかかわらず、負に帯電した粒子の凝集に対し て負に帯電した高分子である多糖類が与える影響の大き さやその効果が現われる条件については、十分には検討 されていない.そこで本研究では、負に帯電したシリカ (SiO<sub>2</sub>)粒子の凝集挙動におよぼす多糖類であるアルギ ン酸の添加効果について、凝集過程の定量的な評価が可 能な動的光散乱法を用いた凝集実験により検討すること を目的とした.代表的な粘土鉱物は構造内にケイ素(Si) を含むこと<sup>11</sup>やアルギン酸はEPSと似た挙動を示す<sup>17</sup>こと

から,両者の選択はモデル系として妥当なものと考えられる.実験は添加イオンの価数,塩濃度,アルギン酸濃度を変化させて行った.

### 2. 実験

#### (1) 試料

懸濁粒子として、日本触媒製シリカ(KE-P50, KE-P10)を使用した.シリカの表面は通常のpHでは負に帯 電している<sup>18,109</sup>.また、シリカはケイ素の酸化物であり、 粘土鉱物のモデルと考えられる上に、球形度と単分散性 に優れており、凝集現象を単純化することができる.シ リカ粒子 KE-P50と KE-P10の直径は、Malvern 社製 Zetasizer–NANO zsを用いた動的光散乱(dynamic light scattering, DLS)法による測定から、それぞれ0.63 μmと



Fig. 1 Specific viscosity  $\eta_{sp}$  of alginate solution

0.15 µmと見積もられた. KE-P10シリカ粒子は純水に対 する透析, KE-P50シリカは沈降と上澄み交換の繰り返 しにより精製したものを使用した.

凝集を誘発させるために単純な塩であるKClとCaCl<sub>2</sub> (いずれも和光純薬製の試薬特級品)を使用した.これ は、凝集現象を単純化するとともに、粒子と反対の符号 の電荷を持ったイオン(対イオン)の価数や種類の効果 を見るためである.

天然有機物 (NOM) のモデルとして多糖類であるア ルギン酸ナトリウム (Sigma-Aldrich社製)を用いた.ア ルギン酸は褐藻類の細胞間物質の主成分であり、負に帯 電する陰イオン性の直鎖状高分子電解質である<sup>15)</sup>. Fig. 1にアルギン酸溶液の粘度をオストワルド粘度計<sup>11</sup>を用い て測定した結果を示す.図中の黒丸(●)は、0.2 M (=mol/L)のNaCl溶液中において測定したアルギン酸溶液 の比粘度 $\eta_{sp}$  (= $\eta_{t}$ -1, $\eta_{t}$ は相対粘度)の値をアルギン酸 濃度に対してプロットしたものである.図中の近似直線 の傾きは、アルギン酸の固有粘度[ $\eta$ ]を示しており、そ の値は621.46cm<sup>3</sup>/gであった.固有粘度の値をMark-Houwink-櫻田の式

$$\left[\eta\right] = KM_{w}^{a} \tag{1}$$

に代入することで、高分子の分子量 $M_w$ をもとめること ができる.式(1)で、Kとaはいずれも高分子と溶媒の種 類、温度によって定まる定数である.高分子がアルギン 酸、溶媒が0.2M NaCl溶液、25℃の条件下ではK=7.97(10<sup>-3</sup> cm<sup>3</sup>g<sup>-1</sup>)、a=1.0である<sup>20)</sup>.これらより、アルギン酸の分 子量 $M_w$ は78kDaと見積もられた.すべての溶液と懸濁液 は純水(Elix, Millipore)から作成した.

## (2) 手順

シリカ粒子の凝集による粒径の増加過程を動的光散乱 (DLS)法により測定した.実験手順としてはまず,凝 集体を分散させるためにシリカ懸濁液を超音波分散機



Fig. 2 Temporal change of particle size (KE-P50 silica, C=100mg/L).

(SK DISPERSER, SEISHIN) にかけた. その後, 酸と アルカリで洗浄済みのプラスティックセルにシリカ懸濁 液, アルギン酸溶液, 塩溶液の順に各液を滴下し,

キャップをして混合した. 混合液を含むセルを測定装置 (Zetasizer-NANO zs, Malvem) にセットし, 粒子径の 経時変化をDLS法により測定した(Fig. 2). 懸濁液は 静置されていても懸濁粒子はブラウン運動によって互い に衝突する<sup>1)</sup>. 衝突の際, 粒子間の引力が充分に大きい と凝集が起きる.

凝集による流体力学的直径 d の変化速度(dd/dt)は一般 に式(2)のように表される<sup>18</sup>.

$$\frac{dd}{dt} = \beta kC \tag{2}$$

ここでβは光学的に決まる定数, kは凝集速度定数, C は粒子の濃度である.本研究では, Fig. 2のように得ら れた凝集による粒径の経時変化の傾きである増加速度 (dd/dt)を凝集速度とし,これにより凝集過程を評価した.

凝集初期に着目するため、実験時のKE-P50粒子濃度C は10または100 mg/Lとし、KE-P10粒子濃度については 0.4 mg/Lとした.実験後の懸濁液のpHは複合ガラス電極 (6.0234.110, Metrohm)で確認し、その値は5.5付近で あった.実験は添加イオンの価数( $Ca^{2+} \ge K^+$ ),塩濃度, アルギン酸濃度 $C_{ALG}$ を変化させて行った.また、2種の 塩の混合効果についても検討した.実験は25℃で行った.

# 3 結果と考察

#### (1) 塩のみの添加によるシリカ粒子の凝集

KCIの添加により誘発されたシリカ粒子の凝集による 粒径の増加過程の例をFig. 2に示す. 図のとおり、時間 とともに粒径は増加すること、粒径の増加は塩濃度の増 加に伴い速くなることがわかる. このようなグラフから 求めた凝集速度dd/dtを塩(KClおよびCaCl<sub>b</sub>)濃度に対し てプロットしたものをFig. 3に示す. 図から,凝集速度 は塩濃度の増加とともに増加し、やがて一定になること がわかる.また、粒子と反対符号の電荷をもった対イオ ンの価数が高いCaCl2の方が、低い濃度において一定の 凝集速度の領域に達している. このような挙動はDLVO 理論により予測される挙動<sup>1),14)</sup>と一致しており、塩濃度 の増加による拡散二重層の遮蔽効果によるものと考えら れる. DLVO理論によれば、高い塩濃度で凝集速度が一 定になる領域は、粒子間の静電的斥力が無視できるほど 小さく、ファンデルワールス力と粒子間の衝突速度に よって凝集速度が決まる領域と考えられる. この領域を 急速凝集領域<sup>1),15),18),19)</sup>という.以上の結果から、本実験 で使用した粒子がDLVO理論に従う理想的なモデル粒子 としての挙動を示すことが判断できる.

次節では,静電的斥力が無視できる急速凝集領域の塩 濃度において,アルギン酸を添加した場合の凝集挙動に ついて検討する.その際、下付きのrを付した急速凝集 領域での凝集速度を基準とし、式(2)に基づいて式(3)で 定義される捕捉効率(capture efficiency) のを用いる.

$$\alpha = \frac{(dd/dt)/C}{\left[(dd/dt)/C\right]_r}$$
(3)

捕捉効率αは相対的な凝集速度であり、粒子間の相互作 用を反映している. 粒子間に斥力が働くとαは1より小さ くなり、ファンデルワールス引力の作用よりも凝集が促 進されるとαは1より大きくなる.

# (2) 塩とアルギン酸の添加よる凝集

前節で導入した捕捉効率 $\alpha$ をアルギン酸濃度 $C_{ALG}$ とシ リカ粒子濃度Cの比 ( $C_{ALG}/C$ ) に対してプロットしたも のがFig. 4である.ここでは静電的斥力が無視できる急 速凝集領域にある塩溶液にシリカ粒子とアルギン酸を加 えている.Fig.4から,添加塩が $CaCl_2$ の場合( $\bigcirc$ ,  $\triangle$ ) には, $C_{ALG}/C$ が0.1を超えるあたりから, $\alpha$ の値は塩のみ の添加による急速凝集速度( $\alpha$ =1)より著しく増加するこ とがわかる.一方,KClの場合( $\blacktriangle$ )には $\alpha$ は減少して シリカ粒子の凝集が抑制されることがわかる.

Fig.5には、 $C_{ALG}/C=0.3$ のときの $\alpha$ の値(〇)がCaCl<sub>2</sub>



Fig. 3 Aggregation rate dd/dt vs. salt concentration (KE-P50 silica, C=100mg/L).



Fig. 4 Capture efficiency vs. normalized alginate concentration.

濃度に対してプロットされている.図中には比較のため にFig.3に示されたCaCl₂のみの添加による凝集に相当す る αの値(●)もプロットされている.Fig.5から,アル ギン酸とカルシウムが存在すると、塩のみによる急速凝 集速度よりもさらに凝集が促進されていること、塩のみ の添加では静電的反発力により凝集速度の低下が見られ る低い塩濃度においても、3mM程度までは凝集が促進 されていることがわかる.カルシウム濃度が3mMより も低い場合や塩を加えずにアルギン酸とシリカ粒子を混 合した場合には凝集は認められなかった.また、高 CaCl₂濃度では混合すると速やかに大きな凝集体が形成 された.CaCl₂の濃度を高くしても、塩のみの添加によ る凝集とは異なり、凝集速度は一定とはならなかった.

これまでに多くの研究がなされている粒子と高分子が 異符号に帯電しているような状況では、塩濃度によらず 高分子の粒子への吸着が生じて、表面荷電量の変化や高 分子による粒子間の架橋形成、立体安定化を通して、高 分子は凝集に多大な影響をおよぼす<sup>1),21)</sup>.本研究で使用 したシリカ粒子とアルギン酸のように、粒子と高分子が 同符号に帯電していても、塩の濃度が高くなると高分子 は凝集挙動に影響を与えることが確認された.これは、 KCI溶液中では、塩濃度が高くなると静電的斥力が遮蔽



Fig. 5 Capture efficiency vs. CaCl<sub>2</sub> concentration (KE-P50 silica)



Fig. 6 Schematic illustrations of egg-box structure (left) and aggregate of silica-alginate (right).

され、アルギン酸がシリカ粒子表面に吸着できるように なり、吸着したアルギン酸同士の重なりによって生ずる 立体安定効果<sup>1)</sup>により、凝集が抑制されたものと考えら れる. 正に帯電した酸化鉄粒子とアルギン酸の混合系の 場合<sup>15)</sup>, 急速凝集領域における顕著な凝集の抑制効果は 報告されていない. アルギン酸の吸着形態として、シリ カ表面では立体斥力を発生しやすいテイルあるいはルー プ状の形態<sup>1)</sup>で吸着し,酸化鉄表面ではトレイン状の形 態<sup>1)</sup>で吸着している可能性がある.一方, CaCl>溶液中で 凝集が促進された理由としては、 Fig. 6の模式図のよ うに、カルシウムとアルギン酸がegg-boxと呼ばれる構 造によって強く結合することでミクロなアルギン酸の浮 遊ゲルが生成し、それがシリカ同士を架橋したため、と 考えられる<sup>15,22)</sup>.同様の現象は正に帯電した酸化鉄粒子 においても確認されていることから、アルギン酸のよう な天然有機物(NOM)が関与する場合の凝集現象にお いて普遍的に起こりうると考えられる.このことは、 NOMが含まれる場合の懸濁粒子の凝集現象を考察する 場合には、多価イオンの存在を確認する必要があること を示唆している.

## (3) 2種類の塩の混合の効果

自然水中では複数のイオンが共存している.このよう な状況を模擬する目的で、CaCl<sub>2</sub>とアルギン酸により凝 集が促進された条件に、さらにKClを加えた実験を行っ た.KE-P10粒子についての実験結果をFig.7に示す.図 の横軸は0.1MのCaCl<sub>2</sub>と同時に加えたKClの濃度を、縦 軸は捕捉効率αを表している.図のとおり、カルシウム とアルギン酸によってαにして20以上にまで促進されて いた凝集速度が、共存するKClの濃度が増加するにつれ て減少している.同様の傾向はKE-P50粒子についても 得られた。これはミクロなゲルの形成につながるアルギ ン酸とカルシウムイオンの強い結合の形成を、共存する カリウムイオンが競合的に妨害して、egg-box構造の形



Fig. 7 Capture efficiency vs. KCl concentration. (KE-P10 silica, C<sub>ALG</sub>/C=4, 0.1M CaCl<sub>2</sub>).

成を抑制したためと考えられる.このことからカルシウムとアルギン酸の結合の強さは有限なものと推定される. カルシウムとアルギン酸と酸化鉄粒子の混合系においても、カルシウムとアルギン酸により促進された凝集速度がナトリウムイオンの添加により抑制されることが報告されている<sup>15</sup>.本研究の結果から、NOMが関与する場合の凝集に対しては、イオンの価数や濃度に加えて、イオンの組成も粒子の荷電の正負にかかわらず普遍的な影響を及ぼす可能性が示唆された.しかしながら、シリカの場合と酸化鉄の場合とでは凝集の抑制効果の現れ方に違いが生じている.また、筆者らの知る限り同様の抑制効果は腐植物質については検討されていない.これらの点は今後さらに系統立てて検討していく必要がある.

# (4) 自然の懸濁粒子の凝集についての考察

「1. はじめに」で述べたように、小田ら<sup>9</sup>や澤井<sup>10</sup>、 山崎ら<sup>11)</sup>は、河川の微細浮游土砂や沖縄の赤土(国頭 マージ)の凝集に関して、DLVO理論による予想と異な り、塩を加えることで凝集が弱められるという現象を報 告している.小田らは、このような反DLVO的な凝集挙 動には、NOMである腐植物質が関与していることを示 している.本研究のFig.7でも確認されたように、塩濃 度の増加とともに凝集が起きにくくなる反DLVO的な挙 動は、NOMと多価イオンが共存する場合には起こりう る. 例えば, Fig.5のように, 河川水でもありうるmM 程度の濃度のカルシウムイオン<sup>4</sup>とNOMの作用によって 凝集体が形成され、その状況に海水(0.5M程度の一価イ オンであるナトリウムを含む)が加わると,NOMと多 価イオンの結合が弱められ、Fig.7のように反DLVO的 な挙動が得られる可能性がある.自然の懸濁粒子の反 DLVO的な挙動については、カルシウム以外の多価イオ ンの存在や正に帯電した粒子と負に帯電した粒子が混合 して起きるヘテロ凝集23,24が関与している可能性もある が、本研究で確認されたモデル系での知見を基にして、 有機物,構成粒子,特にイオンの組成に着目して,現地 の懸濁粒子の凝集挙動を検討することが現象の解明につ ながると考えられる.

# 4. おわりに

懸濁粒子の凝集におよぼす天然有機物の効果を検討す るため、動的光散乱実験によってアルギン酸がシリカ粒 子の凝集に与える影響を凝集速度の面から検討した.そ の結果、ある濃度以上のアルギン酸の添加は、カルシウ ムと共存する場合に凝集を促進し、カリウムの存在下で は凝集を抑制する効果があることがわかった.前者はア ルギン酸とカルシウムのゲル形成による架橋、後者は立 体安定効果によるものと考えられる.凝集を著しく促進 するカルシウムに加えて凝集を促進しないカリウムを共 存させるとカルシウムによる促進凝集は弱められた.カ リウムイオンがカルシウムイオンと競合して架橋形成を 抑制したためと考えられる.このことはイオンの濃度の みでなく、イオンの組成も自然水中における凝集過程を 左右することを示唆している.

謝辞:本研究は文科省科研費および河川環境管理財団河 川整備基金による支援を受けた.使用したシリカ粒子は 日本触媒より提供を受けた.記して謝意を表する.

## 参考文献

- 1) 足立泰久,岩田進午編:土のコロイド現象,学会出版セン ター,2003.
- Logan, B. E.: *Environmental Transport Processes*, John Wiley & Sons, 1999.
- 3) 岩田進午:土のはなし、大月書店、1985.
- Van Leussen, W.: Aggregation of particles, settling, velocity of mud flocs a review, *Physical Processes in Estuaries*, Dronkers, J., and Van Leussen, W. eds., Springer, Berlin, pp. 347-403, 1988.
- 5) Van der Lee, W. T. B.: Parameters affecting mud floc size on a seasonal time scale: The impact of a phytoplankton bloom in the Dollard estuary, The Netherlands, *Coastal and Estuarine Fine Sediment Processes*, McAnally, W. H., and Mehta, A. J. eds., Elsevier, Amsterdam, pp. 403-421, 2001.
- Kranenburg, C.: Effect of floc strength on viscosity and deposition of cohesive sediment suspensions, *Continental Shelf Research*, Vol. 19, pp. 1665-1680, 1999.
- McAnally, W. H., and Mehta, A. J.: Aggregation rate of fine sediment, *J. Hydraulic Eng.*, Vol. 126, 883-892, 2000.
- Maggi, F., Mietta, F., and Winterwerp, J. C.: Effect of variable fractal dimension on the floc size distribution of suspended cohesive sediment, *J. Hydrology*, Vol. 343, pp. 43-55, 2007.
- 小田一紀,大石大輔,影地良昭,汪思明:塩水中における長 江河口微細浮遊砂の凝集過程と凝集機構に関する研究,海岸 工学論文集,Vol.49, pp.1476-1480, 2002.
- 10) 澤井健二:粘性土の侵食と堆積に関する一考察-沖縄県国 頭マージを事例として-,京都大学防災研究所年報, Vol. 33
  B-2, pp. 571-577, 1990.
- 山崎真一,森田真郷,山下俊彦:河川水中の懸濁粒子の海水混合による凝集・沈降特性,海岸工学論文集, Vol. 50, pp. 961-965, 2003.
- 12) De Brouwer, J. F. C., Wolfstein, K., Ruddy, G. K., Jones, T. E. R., and Stal, L. J.: Biogenetic stabilization of interidal sediments: The importance of extracellular polymeric substances produced by benthic diatoms, *Microbial Ecology*, Vol. 49, pp. 501-512, 2005.
- 13) 大石明広,原田浩幸,河野泰訓,志岐昌彦,山本浩一,速 水祐一,井上勝利,川喜多英孝,大渡啓介:有明海底質細胞 外ポリマーの性状と底質安定化への効果,海岸工学論文集, Vol. 55, pp. 1301-1304, 2008.
- 14) Mylon, S. E., Chen, K. L., and Elimelech, M.: Influence of natural

organic matter and ionic composition on the kinetics and structure of hematite colloid aggregation: Implication to iron depletion in estuaries, *Langmuir*, Vol. 20, pp. 9000-9006, 2004.

- 15) Chen, K. L., Mylon, S. E., and Elimelech, M.: Aggregation kinetics of alginate-coated hematite nanoparticles in monovalent and divalent electrolytes, *Environ. Sci. Technol.*, Vol. 40, pp. 1516-1523, 2006.
- 16) Hunter, K. A., and Liss, P. S.: Organic matter and the surface charge of suspended particles in estuarine waters, *Limnology Oceanography*, Vol. 27, pp. 322-335, 1982.
- 17) Wloka, M., Rehage, H., Flemming, H. C., and Wingender, J.: Rheological properties of viscoelastic biofilm extracellular polymeric substances and comparison to the behavior of calcium alginate gels, *Colloid Polymer Sci.*, Vol. 282, pp. 1067-1076, 2004.
- 18) Kobayashi, M., Skarba, M., Galletto, P., Cakara D., and Borkovec, M.: Effects of heat treatment on the aggregation and charging of Stober-type silica, *J. Colloid Interface Sci.*, Vol. 292, pp. 139-147, 2005.

- 19) Lin, W., Kobayashi, M., Skarba, M., Mu, C., Galletto, P., and Borkovec M.: Heteroaggregation in binary mixtures of oppositely charged particles, *Langmuir*, Vol. 22, pp. 1038-1047, 2006.
- 20)日本化学会:化学便覧 改訂5版 基礎編Ⅱ,丸善株式会 社,2004.
- 21) 青木謙治, 足立泰久:高分子電解質によるコロイド粒子の 凝集機構に関する研究-架橋 vs. 荷電中和-, 農業土木学 会論文集, Vol. 245, pp. 65-71, 2006.
- 22) Grant, G. T., Morris, E. R., Rees, D. A., Smith, P. J. C., and Thom, D.: Biological interactions between polysaccharides and divalent cations: The egg-box model, *FEBS Lett.*, Vol. 32, pp. 195-198, 1973.
- 23) Kobayashi, M.: Strength of natural soil flocs, *Water Research*, Vol. 39, pp. 3273-3278, 2005.
- 24) Kobayashi, M.: Aggregation of unequal-sized and oppositely charged colloidal particles in a shear flow, *J. Applied Mech., JSCE*, Vol. 11, pp. 517-523, 2008.

(2009.9.30受付)