幅水深比の小さな一様弯曲水路における 砂堆発生時の局所流に関する3次元数値計算 3-D NUMERICAL SIMULATION OF FLOW IN CURVED CHANNEL WITH SMALL WIDTH-TO-DEPTH RATIO WHEN DUNE DEVELOPED

梶川 勇樹¹・檜谷 治² Yuki KAJIKAWA and Osamu HINOKIDANI

¹正会員 博(工) 鳥取大学大学院助教 工学研究科社会基盤工学専攻 (〒680-8552 鳥取市湖山町南4-101) ²正会員 工博 鳥取大学大学院教授 工学研究科社会基盤工学専攻 (〒680-8552 鳥取市湖山町南4-101)

In this study, the 3-D numerical simulation of the flow in a 90° curved channel with small width-todepth ratio when the dune developed at the outer side of the channel was performed. The FAVOR method was introduced into the governing equations, and the k- ε model predicted the turbulence. The QUICK scheme and the Adams-Bashforth method were used as the discretization scheme, and the HSMAC method on the collocated grid computed the anomaly pressure. The calculated results were compared with the experimental ones, and the cause of the scour region that appears in the inner side of the curved channel was mentioned from the calculated results.

Key Words : 3-D numerical model, FAVOR method, curved channel, dune, spiral flow, local scour

1. はじめに

河川弯曲部の河床変動に関しては、その防災上の重要 性から従来より数多くの研究が行われており、特に一様 弯曲水路に関しては実験的に、あるいは解析的に古くか ら検討がなされている.実験的研究としては、我が国で は須賀¹¹以降、数多くの研究がなされており、主として 幅水深比の大きな河川を対象として検討されてきた.近 年では幅水深比の小さな中小河川を対象とした研究も進 められており、Kawaiら²¹は90°弯曲水路を用いた河床変 動実験により、比較的粗い河床砂の場合には内岸下流部 にも洗掘域が発生する可能性を指摘している.また、檜 谷ら³¹はKawaiら²¹と同条件での実験を行い、河床変動時 の詳細な流速測定から、内岸の洗掘現象は外岸における 砂堆の発達とそれに伴う流れの変化に起因することを明 らかにしている.

一方、この様な河道弯曲部における河床変動計算については、近年の飛躍的な計算機の発達以降、3次元モデルによる検討^{4,5)}が行われている.しかしながら、従来行われてきた解析的研究では、幅水深比が大きいという条件や、水深と曲率半径の比が小さいという条件下での検討例が多く、幅水深比が小さい条件下での検討例は数少ない.幅水深比が小さい条件下としては、Rüntherら⁶が

Kawaiら²⁰の実験を対象として検討を行っており,実験に おける平衡河床形状を概ね再現できている.しかし,内 岸の洗掘深は小さく,河床の時間的変化や流況の再現性 に関する検討が行われていないため,檜谷ら³が指摘し た外岸での砂堆発生,およびそれに伴う流況の変化によ り内岸洗掘が発生したのかは不明である.杉山ら⁷が幅 水深比の小さな弯曲水路を対象として流況と乱流構造に 関する詳細な検討を行っているものの,平坦固定床を対 象としており,河床変動計算までは考慮されていない.

ところで、この様な河道弯曲部を対象とした数値計算 では、河道形状あるいは河床の凹凸の表現に一般座標系 等が用いられる場合が多い⁴⁷⁷.しかし、曲率が大きく、 河道形状がより複雑となる場合、計算点が密や粗になり 計算精度の低下を招く恐れがある.また、実河川を対象 とする場合、近年はレーザ測量⁸⁰によって河床位のメッ シュデータによる整理が容易になってきている点からも、 デカルト座標系を用いた方がより実用的である.

そこで本研究では、幅水深比の小さい条件下で実施さ れた檜谷ら³⁰の実験を対象とし、最終的に外岸部での砂 堆発生と局所洗掘、および流れの変化に伴う内岸での洗 掘現象を再現できる数値モデルの構築を目指して、まず、 流れの数値計算モデルの構築を行った.数値モデルには デカルト座標系におけるFAVOR法⁹⁰を導入し、砂堆発生 下における檜谷らの流速測定結果との比較を行った.



2. 数値計算モデル

(1) 3次元流れの基礎方程式

本数値モデルでは、座標系にデカルト座標系を採用し、 基礎式には、弯曲河道および複雑河床形状においても滑 らかに境界条件を課すことのできるFAVOR法⁹を導入し た.また、乱流モデルには標準型k-εモデルを採用した. [3次元連続式]

$$\frac{\partial}{\partial x_{i}} \left\{ A_{(j)} u_{j} \right\} = 0 \tag{1}$$

[3次元運動方程式]

$$\frac{\partial u_i}{\partial t} + \frac{1}{V} \left\{ \frac{\partial A_{(j)} u_j u_i}{\partial x_j} \right\} = -g \delta_{3i} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{1}{V} \frac{\partial}{\partial x_j} \left\{ A_{(j)} \left(\nu + \nu_t \right) \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \right\}$$
(2)

[k-方程式]

$$\frac{\partial k}{\partial t} + \frac{1}{V} \left\{ \frac{\partial A_{(j)} u_j k}{\partial x_j} \right\} = \frac{1}{V} \frac{\partial}{\partial x_j} \left\{ A_{(j)} v_k \frac{\partial k}{\partial x_j} \right\} + v_t \frac{\partial u_i}{\partial x_j} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) - \varepsilon$$
(3)

[ε-方程式]

$$\frac{\partial \varepsilon}{\partial t} + \frac{1}{V} \left\{ \frac{\partial A_{(j)} u_j \varepsilon}{\partial x_j} \right\} = \frac{1}{V} \frac{\partial}{\partial x_j} \left\{ A_{(j)} v_\varepsilon \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j} \right\} + C_1 \frac{\varepsilon}{k} v_t \frac{\partial u_i}{\partial x_j} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) - C_2 \frac{\varepsilon^2}{k}$$
(4)
$$v_t = C_1 \left(\frac{k^2}{\varepsilon} \right)$$

$$v_k = v + v_t / \sigma_k, \quad \sigma_\varepsilon = v + v_t / \sigma_\varepsilon$$
(5)

ここに, t:時間, 添え字i, j:総和規約に従い, (1, 2, 3) はそれぞれ(x, y, z)方向を表す, u_j :j方向の流速成分, V:体積率, $A_{(j)}$:j方向の面積率, g:重力加速度, δ : ρ ロネッカーのデルタ, ρ :流体の密度, $P = p + 2/3 \rho k$, p: 圧力, v:動粘性係数, k:乱流エネルギー, ε :乱流エ ネルギー散逸率, v_i :渦動粘性係数である. 乱流モデル における各定数は,標準的な以下の値を使用した.

 $C_{\mu} = 0.09, \ \sigma_k = 1.00, \ \sigma_{\varepsilon} = 1.30, \ C_1 = 1.44, \ C_2 = 1.92$

(2) 数値計算法の概要

数値計算法は、牛島ら10が提案しているコロケート格 子上におけるHSMAC法(C-HSMAC法)とほぼ同様で ある. 図-1にx-y平面上における各物理量の定義位置を 示す.まず, 圧力pを静水圧poとそれからの偏差pに分け, 圧力偏差項を除した運動方程式より、セル中心における 推定流速値u(vc)を算定する. その際, 移流項の離散化に QUICK法を、時間積分にAdams-Bashforth法を適用した. 次に、セル境界面における推定流速値ub(vb)を、セル中 心推定流速値 $u_{(v_c)}$ より線形内挿により求め、 $u_{(v_b)}$ を用 いて次時間における圧力偏差p'をHSMAC法により算定 する.そして、更新された圧力偏差p'の中央差分値とセ ル中心の推定流速値u(vc)より,次時間におけるセル中心 流速値u(v)を求める. その後, 更新されたセル境界面に おける流速値и(vb)を用いて、式(1)の水深積分式より自 由水面位置を決定する.また、kおよび&-方程式について は、移流項に一次精度風上差分法を適用した.

(3) 境界条件とその他の条件

境界条件として、上流端では流速(流量)を断面一様 に与え、下流端では水位を与えた. 側壁および底面では 壁関数法を用い、水面ではSlip条件とした. 上流端でのkおよび ϵ について、kは主流運動エネルギーの1%となる ように与え、 ϵ はv/v = 10~100の間で与えたが大きな変化 は表れなかったため、v/v = 10となるように与えた¹¹⁾. 水 面ではkをSlip条件とし、 ϵ は杉山ら¹²⁾の方法で評価した.

$$\varepsilon_{s} = \frac{C_{\mu}^{3/4} k^{3/4}}{\kappa z'}$$
(6)

ここに, 添え字s: 水面での値, κ: カルマン定数(= 0.41), z': 水面から定義点までの距離である.

初期条件として,全領域に流速ゼロの一定水位を与え, 徐々に下流端水位を所定の水位まで下げていくと同時に, 上流端からの流入流量を所定の流量まで上げていった.

3. 対象実験と計算条件

(1) 対象実験の概要

檜谷ら³は、中小河川で見られる幅水深比が10以下の 条件を対象とし、90°弯曲水路を用いて一様砂による河 床変動および変動時の流況特性について検討している. 実験条件を表-1に示す.実験は動的平衡状態で行われて おり、内岸と外岸の河床変動測定、および外岸に砂堆が 発生している状況下での流速測定が行われている.図-2 に流速測定時の河床形状を示す.図より、外岸75°付近 に砂堆の峰が存在し、55°付近には局所的な洗掘孔が形 成されている.また、内岸75°付近でも洗掘が発生して いる.檜谷らは、この外岸の局所洗掘現象について、外 岸に収束した主流が底面付近に潜り込み、砂堆背後に形 成される螺旋流により発生することを明らかにしている.

弯曲角 (°)	90	平均粒径	d_m (mm)	0.6		
水路幅 B(cm)	20	流量	$Q(\ell/s)$	4.0		
曲率半径 r	(cm)	60	平均水深	h (cm)	4.0		
水路床勾配	i _b	1/300	幅水深.	比 B/h	5.0		
10 cm 10 cm 10 cm							
$\overline{}$	$ \subset $			No No			
20							
	$\langle \langle \langle \rangle \rangle$	-2 15	20 25				
-0.2 0 5 10 図-2 流速測定時の河床形状							
凶一2 (加速側足时7月的不形水							

宝驗条件

夷_1

さらに、螺旋流が卓越する時間帯では一時的な内岸洗掘 が発生し、水理条件によっては内岸にも洗掘域が発生す る可能生を指摘している.このような、砂堆発達に伴う 外岸の局所洗掘現象、および内岸洗掘現象を再現するに は、まず、外岸への主流の潜り込みによる螺旋流の発達 過程を再現できる数値モデルが必要不可欠であり、本研 究では、図-2の河床形状を対象とした数値計算を行う.

(2) 計算条件

表-2に計算条件を、図-3に本解析で使用した計算メッシュをそれぞれ示す.図には弯曲部のみを示しているが、 実際の計算では上下流に70cmの直線部を設置している. また、計算の発散を避けるため、壁面境界セルの体積率 が5%未満の場合、そのセルは固体壁面として取扱った.

4. 計算結果と考察

以下,図-3に示す波線の各横断面で流速分布の比較等 を行っていくが,本数値モデルではデカルト座標系を採 用しているため,計算点と実験による流速測定点とを完 全には一致できない.そのため,計算値については流速 測定点近傍の流速値より補完した値を示している.

表-2 計算条件

メッシュ数	x方向	70	Δt (sec)	0.001	
	y方向	70	$\Delta x, \Delta y$ (cm)	2.0	
	z方向	40	Δz (cm)	0.5	
下法提水位 $h = 4.0$ m 相 唐 低 物 $n = 0.014$					



(1) 鉛直流速分布について

図-4に、(a)流下方向および(b)横断方向流速の鉛直分 布の比較図を示す.図より,全体的に計算値は実験値を 再現できていることが分かる.まず,洗掘孔(= 60°)より 上流側では,外岸部において実験値同様の2次流の発達 が認められる.また,内岸部では主流の剥離に伴う逆流 も再現できている.さらに、50°断面の水路中央部付近 からは,主流が底面付近へと潜り込んでいく様子が再現 できている.一方,洗掘孔下流域では,砂堆への主流の 衝突に伴い,底面付近の流速が加速している様子が見て とれる.また,内岸の洗掘孔内(= 70°~ 80°)では,弱いな がらも実験値同様,底面で水路中央部へと向かう2次流 が再現できている.

この様に、本数値モデルにより概ねの流況は再現でき ている.しかし、次節に示す平面流速ベクトルからも分 かるように、実験では40°付近から主流の内岸からの剥 離が生じているものの、計算ではそれより下流側で剥離 が生じ、40°断面での水面形の対応が悪い. それに伴い、 外岸洗掘孔内への主流の潜り込みも実験に比べて開始が 遅く、最大洗掘深が生じている60°断面の外岸洗掘孔内 では実験値程の底面流の増加は再現できていない.従っ て、本数値モデルを河床変動計算へ適用した場合、現段 階では外岸での洗掘深を小さく見積もる可能性がある. また、洗掘孔下流域では、砂堆の影響による底面流速の 増加が内岸方向へ強く表れており,結果,内岸ではその 流れが水面付近にまで達している。これは、先述の剥離 の開始が遅れたことにより、底面に潜り込んだ流れが外 岸に十分到達する前に砂堆によって内岸方向へ向けられ たためと考えられる.従って、今後改善の余地が残ると ともに、主流が潜り込む要因を究明しておく必要がある.



図-4 流下方向および横断方向流速の鉛直分布比較

(2) 平面流速ベクトルについて

図-5に、(a)実験値および(b)計算値による、水深平均、 水面、および底面での平面流速ベクトルをそれぞれ示す. 図より、実験では40°付近より内岸からの主流の剥離が 生じ、最大洗掘深が生じている外岸55°付近に向けて流 れが収束している様子が分かる.そして、内岸では逆流 域が形成されており、また、55°以降、外岸部に収束し ていた流れは内岸方向へと発散する様な流況となってい る.特に、底面ではその傾向が顕著に表れている.

一方計算では、実験同様、主流の剥離に伴う逆流域の 形成や外岸への流れの収束、および底面近傍で内岸への 発散傾向が強くなる点など良好に再現できている.また、 FAVOR法を導入することにより,壁面近傍の流向を滑 らかに表現できている.しかしながら,前節同様,計算 では剥離の発生位置が実験に比べて下流に位置しており, また,剥離直前(=40°)での内岸における流速がかなり大 きい.これを改善するため,予備計算では0-方程式モデ ルによる検討,あるいは側壁粗度を上げる等の検討を試 みたが改善されなかった.この原因としては,FAVOR 法の効果による影響,あるいは側壁境界条件,壁関数の 問題とも考えられるが,現時点で十分な原因は掴めてい ない.底面への流れの潜り込みによる局所洗掘現象を高 精度に再現するためには,この剥離発生位置を正確に再 現することが重要であり,そのためも,今後FAVOR法



導入下における上記原因について究明する必要がある.

(3) 鉛直流速ベクトルについて

図-6に、(a)実験値および(b)計算値による,外岸付近 の鉛直流速ベクトルを示す.実験では,洗掘孔上流域に おいて洗掘孔内に向かう下降流が生じ,45°~60°断面で は水深中央部から底面付近にかけて流速が増加している ことが分かる.また,洗掘孔下流域では砂堆部での上昇 流が顕著に見られる.一方計算では,内岸剥離の遅延に 伴う主流の潜り込みの遅れから,外岸より3cm地点にお いて,洗掘孔内に向かう下降流は再現できているものの, 45°~60°断面における水深中央部以下の流速の増加は再 現できていない.しかし,外岸より5cm地点では洗掘孔 内に向かう下降流と同時に,水深中央部以下の流速の増 加も再現できていることが分かる.また,砂堆部での上 昇流も再現できており,本数値モデルの妥当性が伺える.

(4) 横断流況と内岸洗掘の発生について

檜谷ら³によれば、内岸洗掘の発生は外岸の洗掘孔内 で発生する螺旋流により主流が内岸へ向き、内岸へ衝突 した主流が外岸同様の螺旋流を形成して、それにより洗 掘が生じるとしている。先述のように、本数値モデルで は外岸洗掘孔内での2次流に加え、内岸洗掘孔内では外 岸同様の2次流が発生していた。そこで、ここでは内岸 洗掘発生時の流況について計算結果による考察を加える。

図-7に、各横断面における流速ベクトルを示す.図より、洗掘孔上流域では外岸において洗掘孔内に向かう強



い下降流と同時に、底面で内岸方向へと向かう2次流が 発生している.特に、最大洗掘深が発生している60°断 面では底面の流れが強い上昇流を伴っており、これらが 外岸螺旋流を形成していると考えられる.

一方,洗掘孔下流域では,砂堆の影響による外岸底面 での強い流れが内岸洗掘孔内に流入し,底面で外岸方向 へ向かう弱い2次流を形成している.ただし,今回対象 とした実験では主流が十分内岸に達していない状況であ



るため、計算でも内岸底面で上昇流を伴う様な明瞭な螺 旋流は再現できていない.しかし、主流が十分内岸に達 している状況、すなわち、外岸洗掘孔内への主流の潜り 込みが大きく、砂堆の影響による外岸から内岸への流入 流量が増加すれば、上述の内岸2次流が強い螺旋流を形 成し、結果、内岸洗掘へ繋がるものと考えられる.

5. おわりに

本研究では、幅水深比の小さい一様弯曲水路において、 砂堆が発生している状況下での流況計算を試みた.以下 に本研究で得られた知見を述べる.

[1] 本数値モデルにより,砂堆発生下にある一様弯曲水 路の流況を概ね再現できることが確認された.特に, 内岸剥離後の主流が外岸洗掘孔内の底面付近に向け て潜り込む様子を再現することができた.

- [2] 基礎式にFAVOR法を導入することにより、側壁近傍 流況を滑らかに表現できることが確認された.しか し、内岸剥離位置が精度良く再現できず、これが FAVOR法の影響によるものなのかは定かではない.
- [3] 計算結果から、内岸洗掘発生時の流況について考察 した.内岸洗掘は内岸向きの主流、つまり外岸螺旋 流底面からの強い流れが内岸に流入し、それが内岸 螺旋流を形成して洗掘が生じることが推測された.

以上のことが明らかにされたが、今後は、FAVOR法 導入下における側壁境界部について詳細に検討するとと もに、主流が外岸へ潜る要因の究明、および砂堆の発 生・発達過程が再現可能な河床変動モデルによる外岸洗 掘、内岸洗掘現象について検討する予定である.

参考文献

- 須賀堯三:開水路わん曲部河床の安定形状(その2),第10
 回水理講演会講演集,pp.111-116,1966.
- Kawai, S., and Julien, P. Y. : Point bar deposits in narrow sharp bends, *J. Hydraul. Res.*, Vol.34, No.2, pp.205-218, 1996.
- 3) 檜谷治,道上正規,河合茂:一様弯曲水路における河床変動 と河床波の特性に関する実験的研究,水工学論文集,第42巻, pp.979-984, 1998.
- Shimizu, Y., Yamaguchi, H., and Itakura, T. : Three-dimensional computation of flow and bed deformation, *J. Hydraul. Eng.*, Vol. 116, No.9, pp.1090-1108, 1990.
- Wu, W., Rodi, W., and Wenka, T. : 3D numerical modeling of flow and sediment transport in open channel, *J. Hydraul. Eng.*, Vol.126, No.1, pp.4-15, 2000.
- 6) Rüther, N. and Olsen, N. R. B. : Three-dimensional modeling of sediment transport in a narrow 90° Channel Bend, *J. Hydraul. Eng.*, Vol.131, No.10, pp.917-920, 2005.
- 杉山均,杉山真悟:粗面河床を有する曲り開水路乱流に関する研究,土木学会論文集,No.747/II-65, pp.71-83, 2003.
- 8) 松本健作,名倉裕,玉置晴郎,小葉竹重機,清水義彦,秋山 圭史郎:3Dレーザスキャナによる鬼怒川の河道内地形の実 測とその河川工学的応用,河川技術論文集,第9巻, pp.253-258, 2003.
- C. W. Hirt, J. M. Sicilian : A porosity technique for the definition obstacle in rectangular cell meshes, Flow Science, Inc. Los Alamos, New Mexico, pp.450-469, August 1985.
- 牛島省,禰津家久:移動一般座標系を用いたコロケート格 子による自由水面流れの数値解析手法,土木学会論文集, No.698/II-58, pp.11-19, 2002.
- 11) 木村一郎,細田尚:非線形k-εモデルによる角柱周辺流れの 3次元解析,水工学論文集,第43巻, pp.383-388, 1999.
- 12) 杉山均,秋山光庸,松原珠: 複断面開水路内の乱流構造解 析と縦渦生成に関する研究,土木学会論文集,No.515/II-31, pp.55-65, 1995.

(2008.9.30受付)