複合降伏モデル(MYM)を用いた異方性岩盤 における地下大空洞の解析

森 孝之1*・田部井和人1・北村義宜1

齋藤 和2·佐々木勝教3

¹鹿島建設株式会社(〒107-8388東京都港区元赤坂1-3-1)
²株式会社四電技術コンサルタント(〒761-0121香川県高松市牟礼町牟礼1007番地3号)
³四国電力株式会社 高知支店電力部(〒781-2611高知県吾川郡いの町脇ノ山367-1)
*E-mail:moritakayuki@kajia.com

異方性の発達する地山での地下空洞の建設において、空洞掘削時の挙動は異方性・剥離性に支配される ものと考えられ、従来の等方性モデルでは岩盤挙動を精度良く表現するには限界がある.そこで、本論文 では変形・強度異方性を考慮できる複合降伏モデル(MYM)を適用し、要素モデル解析による解析手法の検 証、そして地下大空洞モデルでの掘削解析を実施し、異方性地山における挙動の傾向と特徴を報告する.

Key Words : schist, anisotropy, underground rock cavern, numerical analysis, multiple yield model

1. はじめに

黒色片岩のような層状岩盤で異方性が発達する地山に おいて地下大空洞を掘削する場合には、調査・試験によ り不連続面を含む岩盤の変形や力学的異方性の程度や特 徴を適切に評価するとともに、設計段階では掘削時の岩 盤挙動予測において変形や強度の異方性を精度よく表現 できる解析手法を適用することが重要である.

不連続性岩盤を対象とした解析モデルとしては等価弾 性コンプライアンス法などの構成則の中に不連続性を表 現できるモデルを組み込んだ等価連続体解析法と,不連 続面の幾何学的分布を直接解析モデルに取り込む個別剛 体要素法(DEM)や不連続変形法(DDA)などの不連続体モ デル解析法がある.

本論文では片理構造による異方性をモデル化するため、 片理を潜在的な不連続面と見なし、等価連続体解析法に 属す複合降伏モデル(Multiple Yield Model)^{1),2)}を適用し、地 下大空洞モデルでの掘削解析を実施し、異方性地山にお ける挙動の傾向と特徴について考察する.

2. 複合降伏モデル^{1),2)}

(1) **不連続面を含む岩盤のコプライアンスマトリックス** 複合降伏モデル(MYM)は,不連続面を含む岩盤を等

価な連続体として表現する等価連続体モデルの一種である. 複合降伏モデルにおいて岩盤中の不連続面は,長さが無限で等間隔に平行に存在する平面として,走向・傾斜や変形・強度特性等が同等のタイプ毎にモデル化する. また,岩盤の変形は,岩盤基質部の変形と各不連続面の変形の和と仮定し,岩盤基質部と各不連続面の応力は等しいとする. この場合,不連続面を含む岩盤の応力 $\{\sigma\}$ とひずみ $\{\varepsilon\}$ の関係は式(1)のようになる.

$$\{\varepsilon\} = \sum_{m} \{\varepsilon_{J}^{m}\} + \{\varepsilon_{R}\} = \left\lfloor \sum_{m} \left[F_{J}^{m}\right] + \left[C_{R}\right] \right\rfloor \cdot \{\sigma\} = \left[C\right] \cdot \{\sigma\}$$
(1)

ただし、 $\begin{bmatrix} F_J^m \end{bmatrix}$:m番目の不連続面群のコンプライアン スマトリックス、 $\begin{bmatrix} C_R \end{bmatrix}$:岩盤基質部のコンプライアン スマトリックス、 $\begin{bmatrix} C \end{bmatrix}$:不連続面を含む岩盤のコンプ ライアンスマトリックスである.なお、 $\begin{bmatrix} F_J^m \end{bmatrix}$ は式(2) と式(3)から求められる.

$$\begin{bmatrix} F_J^m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} T_{J\varepsilon}^m \end{bmatrix}^T \cdot \begin{bmatrix} C_J^m \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} T_{J\sigma}^m \end{bmatrix}$$
(2)

$$\begin{bmatrix} C_J^m \end{bmatrix} = \frac{\begin{bmatrix} K_J^m \end{bmatrix}}{S_J^m}$$
(3)

ここで、 $\begin{bmatrix} T_{J_{\epsilon}}^{m} \end{bmatrix}$: m番目の不連続面群の全体座標系から

局所座標系へのひずみ変換マトリックス, $\begin{bmatrix} T_{J\sigma}^{m} \end{bmatrix}$:m番 目の不連続面群の全体座標系から局所座標系への応力変 換マトリックス, S_{J}^{m} :m番目の不連続面群の不連続面 間隔である.さらに, $\begin{bmatrix} K_{J}^{m} \end{bmatrix}$ は式(4)で表される.

$$\begin{bmatrix} K_J^m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_n^m & 0 \\ 0 & k_s^m \end{bmatrix}$$
(4)

ここで、 k_n^m :m番目の不連続面群の法線方向バネ定数、 k_s^m :m番目の不連続面群のせん断方向バネ定数である. さらに、 $[C_R]$ は式(5)で表される.

$$\begin{bmatrix} C_R \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/E & -\nu/E & 0 \\ -\nu/E & 1/E & 0 \\ 0 & 0 & 1/G \end{bmatrix}$$
(5)

ここで、E:岩盤基質部の弾性係数、G:岩盤基質部 のせん断弾性係数、 ν :岩盤基質部のポアソン比

(2) 岩盤基質部の非線形特性

岩盤基質部の非線形特性は、図-1 に示すような弾完 全塑性型の応力-ひずみ関係とし、繰り返し載荷による 塑性変形の蓄積を考慮できるようにする.また、降伏関 数は式(6)に示すMohr-Coulomb の式とする.なお、図-1 に示すように引張側応力に対しては、引張強度以上は抵 抗しないTension cut-off条件とする.



図-1 岩盤基質部の非線形特性

(3) 不連続面の非線形特性

不連続面を表すせん断バネの非線形特性としては,岩 盤基質部と同じように図-2 に示すような弾完全塑性型 の応カーせん断変位関係とし,繰り返しのせん断荷重に よる塑性変形の蓄積を考慮できるようにする.不連続面 の法線方向バネの非線形特性は,圧縮側については線形 バネとして履歴特性を特に考慮せず,引張側については 引張応力には一切抵抗しない条件とする.不連続面の降 伏関数は式(7)に示すMohr-Coulombの式を用いる.

$$\tau_s = C_J + \sigma_n \cdot \tan \phi_J \tag{7}$$





(4) 複合降伏モデルによる変形・強度異方性のモデル化

片岩の変形・強度異方性を複合降伏モデル(MYM)で 表現するために、片理面を不連続面として扱う.具体的 には、片理構造に平行な方向のせん断強度を不連続面の せん断強度とし、片理構造に直交する方向のせん断強度 を岩盤基質部のせん断強度とする.また、片岩の変形異 方性を表現するために、片理構造に平行な方向の弾性係 数を岩盤基質部の弾性係数と同じ *E*₁、片理構造に直交 する方向の弾性係数を *E*₂ とし、不連続面の法線方向バ ネ定数を式(8)から求める.

$$k_n = 1 / \left(\frac{1}{E_2} - \frac{1}{E_1}\right)$$
(8)

また,不連続面のせん断方向バネ定数は式(9)から求める.

$$k_{s} = 1 / \left(\frac{1}{G_{2}} - \frac{1}{G_{1}}\right) \tag{9}$$

ここで、 G_1 は片理構造に直交する方向のせん断剛性で あり、 $G_1 = 2(1+\nu)E_1$ から設定する。 G_2 は片理構造に 平行な方向のせん断剛性であり、 $G_2 = 2(1+\nu)E_2$ から 設定する. ν はポアソン比である。

3. 要素モデル解析による複合降伏モデル(MYM)の 特徴と考察

(1) 強度異方性のシミュレーション

J.C.Jaeger³は不連続面を含む岩石の三軸圧縮試験において,最大主応力の方向と不連続面の方向のなす角度により,不連続面上ですべり破壊が生じる場合と,岩盤基

質部で破壊が生じる場合があると考え、図-3に示す不連 続面角度と軸強度の関係を提案している.これは、不連 続面の粘着力を C_J 、不連続面の摩擦角を ϕ_J 、不連続面 と最大主応力のなす角度を β とした際に、式(10)が成立 する時に不連続面がすべり破壊し、それ以外の場合では 式(11)により岩盤基質部(C, ϕ)が破壊すると仮定したもの である.

$$\sigma_1 \ge \sigma_3 + \frac{2 \cdot (C_J + \sigma_3 \cdot \tan \phi_J)}{(1 - \tan \phi_J \cdot \tan \beta) \sin 2\beta}$$
(10)

$$\sigma_1 = \frac{2 \cdot C \cdot \cos\phi}{1 - \sin\phi} + \frac{1 + \sin\phi}{1 - \sin\phi} \cdot \sigma_3 \tag{11}$$



図-3 不連続面角度と軸強度の関係(J.C.Jaeger³)

複合降伏モデル(MYM)を用い,軸力方向に対する片 理の角度βを変えた場合の岩石三軸試験のシミュレーシ ョンを実施した.対象とした岩盤は片理構造を有する結 晶片岩であり,物性値を以下のように設定した.片理構 造に平行方向の弾性係数を12,000MPa,片理構造に直交 する方向の弾性係数を5,000MPa,ポアソン比を0.2,岩石 三軸試験結果から片理構造に直交する方向のせん断強度 を粘着力4.34MPa,内部摩擦角43.0°として片理構造に平 行方向のせん断強度を粘着力1.52MPa,内部摩擦角24.6° とし,バネについては2.4に示したモデル化に基づき設 定した.解析に用いた物性値を表-1に示す.

解析は拘束圧に相当する初期応力をインプットデータ として入力した後,lstep当り0.1MPaずつ軸方向荷重を増 加させる.解析結果の比較としてJaegerの提案する不連 続面を含む岩石の異方性強度の式と比較を行った.

解析結果として,拘束圧を0,2,4,6MPaについて片理角 度βを変えた解析結果とJaegerが提案する不連続面角度 βと軸強度の関係を計算した結果を図-4に示す.

この結果,複合降伏モデル(MYM)を用いた片理角度 βと最大主応力の関係はJaegerの提案する不連続面角度 βと軸強度の関係と完全に一致することが分かる. また,拘束圧が**0MPa**のケースについて,最大主応力 と供試体の鉛直変位の関係を**図-5**に示す.片理角度βが 小さいほど片理構造に直交する方向の剛性(異方性の弾 性係数のうち小さい弾性係数)の影響を受けにくいため, 破壊に至るまでの勾配が大きく,逆に片理角度βが大き ほど,片理構造に直交する方向の剛性の影響を受け,勾 配が小さくなるという変形の異方性を表していることが 分かる.

以上のように、不連続面を有する岩石供試体について の複合降伏モデル(MYM)シミュレーションにより強度 の異方性、変形の異方性を要素試験レベルで確認できた.

表-1 岩石三軸試験シミュレーション用物性値

| 対象部位 | 物性值項目 | 数值 | 単位 |
|-------|---------------|--------|------------|
| 岩盤基質部 | 弾性係数 E | 12,000 | MN/m^2 |
| | ポアソン比 ν | 0.2 | |
| | 粘着力 C | 4.34 | MN/m^2 |
| | 内部摩擦角 ϕ | 43.0 | ٥ |
| | 法線方向ばね剛性 kn | 8,500 | $MN/m^2/m$ |
| 不連続面 | せん断方向ばね剛性 ks | 3,500 | $MN/m^2/m$ |
| | 粘着力 C' | 1.52 | MN/m^2 |
| | 内部摩擦角 ϕ' | 24.6 | ٥ |



図-4 複合降伏モデル(MYM)解析結果とJaeger式の比較 (片理角度 β と最大主応力の関係)



図-5 最大主応力と変位の関係(側圧 σ 3=0のケース)

(2) 円形空洞モデルによる異方性挙動の特徴

a) 複合降伏モデル(MMM)における岩盤物性値の設定

複合降伏モデル(MYM)では岩盤基質部と不連続面の 各々に物性値を設定するが,本論文では黒色片岩の片理 を潜在的な不連続面と見做して異方性をモデル化した.

複合降伏モデル解析に用いた岩盤物性値を表-2に示す. 基質部の弾性係数は片理平行方向 E_1 の値を与える.そして、片理面に平行、直交方向の弾性係数 E_1 、 E_2 を用いて不連続面のバネ剛性kn、ksを決定することで、基質部と不連続面を含めた岩盤としての片理面直交方向の弾性係数が定まり、弾性係数異方性 E_1/E_2 を表現している.また、強度についても岩盤基質部では最大強度 τ_{max} を与え、不連続面方向には最小の強度 τ_{max} を設定することで強度異方性を表現する.

| 対象部位 | 物性値項目 | | 数值 | 単位 | 設定方法 |
|--------------|--------------|--------------------|--------|-------------------|--|
| 岩盤 基質部 | 単位体積重量 | γ | 26.6 | kN/m ³ | 岩石試験 |
| | ポアソン比 | ν_0 | 0.25 | | 岩石試験 |
| | 弾性係数(片理平行) | E1 | 7,840 | MN/m^2 | 岩盤試験 片理平行方向 |
| | せん断弾性係数(片理平行 | G ₁ | 3,130 | MN/m^2 | $G_1 = E_1 / 2(\nu + 1)$ |
| | 粘着力 | C(₇₀) | 1.7 | MN/m^2 | 岩盤試験 T _{ROmax} |
| | 内部摩擦角 | φ | 44 | 0 | 岩盤試験 |
| | 引張強度 | σt | 0.23 | MN/m^2 | 岩石・岩盤試験 σt/τr _{Omax} =0.1367より |
| 不連続面 (片理) | 法線方向ばね剛性 | kn | 15,620 | $MN/m^2/m$ | 1/E ₂ =1/E ₁ +1/d・knより算定(d=1本/m) |
| | せん断方向ばね剛性 | ks | 6,200 | $MN/m^2/m$ | 1/G ₂ =1/G ₁ +1/d·ksより算定(d=1本/m) |
| | 粘着力 | C, | 0.85 | MN/m^2 | 岩盤試験 T _{ROmin} |
| | 内部摩擦角 | φ' | 32 | 0 | 岩盤試験 残留強度 |
| | 引張強度 | σtn' | 0 | MN/m^2 | 見込まない |
| | 不連続面角度(片理角度) | θ | 0 | 0 | 解析断面における傾斜角度 |
| 岩盤 | 弾性係数(片理直交) | E ₂ | 5,220 | MN/m ² | 岩盤試験 変形異方性 E ₁ /E ₂ =1.5より |
| (基質+片理) | せん断弾性係数(片理直交 | G ₂ | 2,080 | MN/m^2 | $G_2 = E_2/2(\nu + 1)$ |

表-2 複合降伏モデル解析に用いた物性値

b)検討概要

複合降伏モデル(MYM)は岩盤の変形と強度の異方性 を考慮した掘削解析が可能であり、空洞の変形や空洞周 辺岩盤の破壊分布は等方性モデルとは異なる結果が得ら れるものと考えられる.ここでは種々の岩盤構成則をパ ラメータとした掘削解析を実施することで、複合降伏モ デル(MYM)における異方性挙動の特徴を考察する.

解析モデルは図−6に示すように土被り100mで片理面 が水平傾斜を成す地山での円形空洞(φ10m)の掘削問題 とした.



図-6円形空洞の解析モデル

当解析は円形空洞の素掘り解析とし、初期地圧を与え

たあと、応力解放率100%で掘削を行い、岩盤の破壊や 変位を調べた. 複合降伏モデル(MYM)と比較するため、 表-3に示すように4種類の構成則で解析を実施した.





※ケースCはケースD(複合降伏モデル)における地盤構成則を利用し、基質部および片理面 における応力-ひずみ関係を線形弾性としたケース

c) 解析結果と構成則による比較

天端部と側壁部の変位の計算結果を図-7に示す.同図 より片理面における強度や変形を考慮する岩盤構成則を 用いるほど,空洞変位が大きくなる.

また,線形弾性モデルでの変位量を基準とした各ケースの変位比率を表-4に示す.変形異方性モデルや複合降 伏モデルでは,天端の鉛直変位が水平変位より大きいが, これは片理面の角度が水平であり,片理面と直交する方 向が変形しやすいという変形異方性が表現されている.



図-7 構成則モデル別の変位比率

表-4 壁面変位の比較

| 解析ケース | ケースA | ケースB | ケースC | ケースD |
|----------|------|------|-------|------|
| 構成則 | 線形弾性 | 弾塑性 | 変形異方性 | 複合降伏 |
| 天端鉛直変位比率 | 1 | 1.04 | 1.3 | 1.4 |
| 壁面水平変位比率 | 1 | 1.04 | 1.1 | 1.12 |

次に,複合降伏モデル(ケースD)について,岩盤の破 壊要素分布や空洞変形を図化したものを図-8に示す.同 図より片理面と直交する方向の領域,すなわち天端と底 盤部に引張破壊が生じ,その両側の要素にせん断破壊が 生じている.また片理面に直交方向の鉛直方向の変位が

卓越しており、強度・変形異方性が表現されている.



図-8 破壊要素分布と変形分布図(MYMモデル)

4. 地下大空洞の解析への適用

1) 解析モデルと解析条件

異方性を有する地山における地下大空洞への複合降伏 モデル(MYM)の適用性と挙動の特徴を把握するため, 図-9に示す高さ33m,幅18.5mの弾頭型断面の地下大空 洞を仮定し掘削解析を実施した.



図-9 地下大空洞の断面図

解析モデルを図-9~10 に示す.本検討では片理面が 水平に配す構造とし、PSアンカー(300kN)による支保効 果をアンカー端部に節点外力を作用させることにより考 慮した.なお岩盤物性値は表-2 に示した値を用い、表-5 に示す解析ステップにより空洞の逐次掘削とした.

まず、図-11に示す地下大空洞を含む広域地形解析メ ッシュを用いて自重解析を行い初期地圧を求めた.なお、 自重解析では地山の単位体積重量 γ =26.6kN/m³、ポアソ ン比は側圧比K=1を目安に γ =0.43とした.

自重解析による空洞周辺における初期地圧の計算結果

を図-12に示すが,最大主応力が右側に傾いている.こ れは地下空洞の上部の地表面が図-11に示すように傾斜 しているためである.

| 表−5 解析ステップ | | | | |
|------------|---------------|-------|----------------|--|
| 解析ステップ | 掘削手順 (加背割) | 掘削解放率 | PSアンカー 打設範囲 | |
| STEP1 | A1-1 | 40% | _ | |
| STEP2 | _ | 60% | A1-1 | |
| STEP3 | A1-2,3 | 40% | _ | |
| STEP4 | | 60% | A1-2,3 | |
| STEP5 | B1 | 100% | _ | |
| STEP6 | B2 | 100% | _ | |
| STEP7 | B3 | 100% | _ | |
| : | : | : | : | |
| STEP15 | B11 | 100% | — | |



図-10 解析モデル(空洞周辺の拡大図)



図-11 解析図メッシュ図(領域:水平 2100m×鉛直 700m)



図-12 初期地圧の設定(自重解析)

2) 解析結果と考察

空洞の掘削完了時における岩盤の破壊要素分布を図-13に示す. なお複合降伏モデル(MYM)では片理面と基質 部のそれぞれに対して破壊包絡線が規定されるため,片 理面と基質部の破壊要素分布を別々に抽出できる. 図-13左図は片理面のみの破壊要素を示しているが, 空洞アーチ部右肩の深部および左底盤部においてせん断 破壊が広範囲に生じている.これは初期地圧の作用方向 と片理面の傾斜角に起因した破壊形態である.すなわち, 掘削後における最大主応力に対するすべり面方向と片理 面のなす角度が低角度であるため.せん断破壊が進展し たものと考えられる。なお,図-13右図を見ると空洞側 壁部において岩盤の破壊が生じているが,この領域は岩 盤基質部が破壊したことによる.



図-13 岩盤の破壊要素分布図(複合降伏モデル)

弾塑性モデルを用いた解析による岩盤の破壊要素分布 を図-14に示す.この結果,弾塑性モデルでは空洞アー チ部右肩における破壊領域の深さは2m程度であり、し かも空洞全域にわたり破壊領域は比較的一様である.一 方,複合降伏モデルでは図-13に示したようにアーチ部 右肩部において破壊領域は9mの深さに進展している. 従って,複合降伏モデ ル(MYM)は片理面の角 度や主応力の組み合わ せにより,破壊の局所 化を表現できることが 確認できた.

5. おわりに

本論文では片理構造 による異方性をモデル 化するため,片理を潜 在的な不連続面と見做 し,変形・強度異方性



図-14 弾塑性モデル破壊要素

を考慮できる複合降伏モデル(MYM)を地下大空洞モデ ルでの掘削解析に適用した.岩石三軸試験を対象とした 要素モデルでのシミュレーション解析では強度異方性の 妥当性を検証した.また,円形空洞モデルでは強度異方 性・変形異方性の特徴を表現することができた.地下大 空洞モデルでは異方性挙動の特徴を把握できたが,予測 の段階であり,今後,実空洞の建設において挙動データ を蓄積し当解析手法の適用性を検証する必要がある.

参考文献

- 佐々木猛,吉中龍之進,永井文男:有限要素法による節 理性岩盤の複合降伏モデルに関する研究,土木学会論文集, No.505/III-29, pp.59-68, 1994. 12.
- 2) 森川誠司,田部井和人, Sadr Amir Ahamad:三次元複合降伏 モデルによる岩盤せん断強度の異方性の検討,土木学会, 第 41 回岩盤力学に関するシンポジウム講演集, pp.141-146, 2012..
- J.C.Jaeger, Shear failure of anisotropic rock, *Geology Magazine*, Vol.97, pp.65-72, 1960.

EXCAVATION ANALYSIS OF LARGE UNDERGROUND CAVERN USING MULTIPLE YIELD MODEL IN ANISOTROPIC ROCK

Takayuki MORI, Kazuto TABEI, Yoshinori KITAMURA, Kazu SAITO and Katunori SASAKI

It was considered that the behavior of cavern during excavation be affected significantly by anisotropy and exfoliation in the well-developed anisotropic rock. It is difficult to represent the rock behavior accurately by the conventional homogeneous analysis model.

Therefore, authors applied the Multiple Yield Model (MYM) which can consider the anisotropy of strength and deformation of rock in this paper, and performed to validate the analytical method by element model analysis, and conducted excavation prediction analysis in large underground cavern model. This paper report on the trends and characteristics of cavern behavior in anisotropic rock by MYM.